

クーロン結晶と強結合プラズマ

林 康 明 (京都工芸繊維大学工芸学部) 橘 邦 英 (京都大学工学部) (1995年11月8日受理)

Coulomb Crystal and Strongly Coupled Plasma

HAYASHI Yasuaki and TACHIBANA Kunihide*

Faculty of Engineering and Design, Kyoto Institute of Technology, Kyoto 606, Japan *Faculty of Engineering, Kyoto University, Kyoto 606, Japan (Received 10 November 1995)

Abstract

A plasma containing fine particles is strongly coupled and easily forms a Coulomb crystal. In this report, the liquid-to-solid phase transition in a strongly coupled plasma is described, and the transition in a fine particle plasma and the structures of Coulomb crystals are discussed.

Keywords:

Coulomb crystal, strongly coupled plasma, phase transition, dusty plasma, fine particles, processing plasma, space plasma, contamination, Mie scattering

1. はじめに

プラズマ中の荷電粒子の間にはクーロン的な相互作用 が働くが,同種粒子間のクーロン相互作用が大きく,クー ロンポテンシャルエネルギーが熱運動エネルギーを上回 ると,通常の放電プラズマ(弱結合プラズマ)とは異な った性質を示すことになる.こうしたプラズマは,強結 合プラズマあるいはクーロン液体と呼ばれる.クーロン 相互作用がさらに大きくなると,プラズマはクーロン結 晶(またはクーロン固体,クーロン格子)に変化する. クーロン結晶とは,同種荷電粒子相互のクーロン力が全 体で釣り合った結果,原子からなる結晶のように整然と 並んで静止した状態を言う.電子と正イオンからなるプ ラズマ中でクーロン結晶が形成されるには,古典統計に したがう場合,正イオンの電荷量では+e,温度を10⁶K とすると,プラズマ密度として10³² cm⁻³以上が必要とさ れる.これほどの密度は、低温プラズマ中はおろか、核 融合プラズマや太陽の内部でも得ることができない.

しかし, 微粒子を含んだプラズマ(微粒子プラズマ) 中ならば, 低温プラズマであってもクーロン結晶を形成 することが容易であることが理論的に示された[1]. プ ラズマ中で微粒子は大きく負に帯電し, その間のクーロ ン相互作用によって結晶化が起きるわけである. 実験的 にこれを実現したのは最近のことで,世界の3カ所(日 本,台湾,ドイツ)でそれぞれ独立して成功し,1994年 に発表された[2-4]. クーロン結晶は,強結合プラズマ の現象を調べる上で役立つが,それだけでなく,マクロ な結晶モデルとなることから,結晶の相転移や振動,欠 陥などの固体物理学的諸現象を調べる上で非常に良い研 究対象ともなり得る.

本稿では、微粒子プラズマからなるクーロン結晶の形

解説

林,橘

成や特性について,私達の最近の研究を中心に概説する. クーロン結晶が実現されてから日が浅いため,まだ十分 に理解されていない部分もあるが,ご了解願いたい.

2. 強結合プラズマ

はじめに、電子と正イオンのみからなるプラズマの系 について考えてみる.正イオンの周りには電子が取り巻 き、デバイ長程度の距離の範囲内で正の空間電荷を中和 している.ここで、デバイ長を無限に大きくした極限で、 空間的に一様な中和電荷の背景の中に、正イオンのみが 存在しているとする理想化モデルを考える.これを一成 分プラズマ (one component plasma)と呼ぶ[5].この一 成分プラズマ中で、正イオンどうしのクーロン相互作用 が顕著になった場合は、通常のプラズマとは異なった性 質を示すことになる.次の式で定義されるクーロン結合 係数 (Coulomb coupling parameter) Γがその目安を与 える.

 $\Gamma = \frac{[平均ク-ロンポテンシャルエネルギー]}{[熱運動エネルギー]} (1)$

すなわち, Гが1より大きくなれば正イオン間のクー ロン相互作用がプラズマに大きく影響を与えるわけであ る.1章でも述べたように,このようなプラズマを強結 合プラズマと言い, Гが1より十分小さければ弱結合 プラズマと呼ばれる.一成分プラズマ中では,弱結合プ ラズマはいわば気体の状態であり,強結合プラズマは液 体の状態の性質を示す.したがって,強結合プラズマは クーロン液体と呼ばれる場合がある.さらに,クーロン 相互作用が大きくなると,固体の状態に転移することも 可能である.モンテ・カルロ法による計算機シミュレー ションの結果では, Гが約170を越えればクーロン固体 となることが示されている[6].

クーロン液体やクーロン固体の強結合クーロン系の概 念は、こうした電子と正イオンのみからなるプラズマの 他に、イオントラップ中でレーザー冷却されたイオン[7] や荷電コロイド溶液[8]にも適用でき、実際に結晶状態 が実現されている.

一方, 微粒子を含んだプラズマ中では, 電子とイオン の移動度の違いから微粒子は負に帯電する.したがって, 微粒子プラズマ中では, 電子や正イオンのほか, 負帯電 した微粒子が存在する.この微粒子の周りに正イオンが 取り巻き, 微粒子の負の電荷を遮蔽する.しかし微粒子 の帯電量が極めて大きいため, 微粒子間のクーロン相互 作用やクーロン結合係数 Γも大きくなり得る.微粒子 の電荷量を-Qとすると, 電荷の遮蔽効果を考慮した ときのクーロン結合係数は次の式で表される.

$$\Gamma = \frac{\frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 a} e^{-a/\lambda_{\rm D}}}{k_{\rm B}T} \tag{2}$$

ここで、 λ_D はデバイ長、 ϵ_0 は真空の誘電率、 k_B はボル ツマン定数、Tは微粒子の絶対温度を示す.また、aは ウィグナーーザイツ半径で、微粒子の密度をNとすると [3/ (4 π N)]^{1/3}となる.低温プラズマ中でも、粒径が1 μ m 程度以上の微粒子では、電荷量の絶対値は容易に10³e (eは素電荷)を越える.そこで例えば、 $Q = 3 \times 10^3 e$, λ_D = 50 μ m、T = 400K、N = 10⁵ cm⁻³の値を(2)式に代入す ると、 $\Gamma = 194$ となり、クーロン結晶が形成される可能 性があることがわかる.プラズマ中の微粒子によるクー ロン結晶は、結合力の広範囲な制御が可能であり、格子 定数が100 μ m 以上と巨視的であることから、固体の諸 現象を研究する上での良いモデルとなる.

3. 液体-固体間相転移現象

液体-固体間の相転移現象について,これまでいろい ろな方法で研究が進められてきた.実験的には,様々な 結晶モデルを用いた研究がなされてきた.しかし,これ らは2次元の系であったり,結合力が弱いなどの問題が あった.一方,計算機シミュレーションによる相転移現 象に関する研究も進んでいる.1960年前後より,剛体球 からなる3次元の系における粒子の運動についてシミュ レーションが行われ,状態方程式における体積と圧力の 関係において,固体相,液体相,固体-液体共存状態に 分かれることが見い出された(Fig.1)[9].この場合, 周期的境界条件を用いて箱の中の粒子の数を一定とし, その体積の変化によって相転移が生じる.こうした結果 は,結晶化が起きるためには,構成要素間で斥力ポテン シャルがあれば十分であることを示す.ゆっくりと変化 する斥力ポテンシャル

$$V(r) = \varepsilon \left(\frac{\sigma}{r}\right)^{n}$$
 (ε , σ :正の定数) (3)

を用いたソフト球モデルについてもその後検討され,相 転移が起きることが確認された[10](この式でn→∞ のとき剛体球モデルの場合に,そしてn=1のとき一成 分プラズマの場合に対応する).すなわち,ポテンシャ ルの斥力部分が固体状態を実現し,構成要素間の引力は 物質が分解しないための凝集力を与えているだけなので ある.したがって,クーロン的な斥力のみが存在する系 で粒子がお互いに反発し合っていても,なんらかの力で



Fig. 1 Equation of state around the phase transition by computer simulation for hard spheres. V₀ means the close-packed volume [9].

閉じ込められていれば、クーロン結合係数がある値を越 えたところで結晶化が起こり、粒子が静止・整列するわ けである.これら斥力系での液体-固体間相転移は、 Alder 転移と呼ばれている[11].

プラズマ中の微粒子の場合については、湯川型の遮蔽 されたクーロンポテンシャルとなるが、それを用いた液 体-固体間相転移のシミュレーションも行われている. ウィグナー-ザイツ半径とデバイ長との比 \varkappa をパラメー タとして、液体と bcc (body-centered cubic)構造をし た結晶との間の相転移が生じるクーロン結合係数の値、 Γ^*_{m} が分子動力学シミュレーションにより求められて いる[12,13]. Fig. 2 は、その結果を示す. 図中、 Γ_{m} は Γ^*_{m} から遮蔽の部分を取り除いた値を表している. $\varkappa =$ 0が一成分プラズマの場合に相当する. また計算により、 クーロン結晶において静電エネルギーが最も低いのは、 $\varkappa \leq 1.066$ で bcc 構造、 $\varkappa \geq 1.066$ で fcc (face-centered cubic)構造であると計算されている.



1996年1月

プラズマ・核融合学会誌 第72巻第1号



Fig. 2 The liquid/solid phase transition curves obtained from computer simulation as a function of x, which means the ratio of the Wigner-Seitz radius to the Debye length. The solid curve and the dashed curve represent Γ_m and Γ^*_m respectively, where $\Gamma^*_m = \Gamma_m \exp(-\varkappa)$ [13].

4. 微粒子プラズマ中のクーロン結晶 (1) 微粒子プラズマの研究

宇宙の中でプラズマや塵は様々な役割を演じており, 微粒子プラズマは宇宙物理学における研究の対象であっ た[14,15].ところが一方で,半導体集積回路製造プロ セスにおいて,回路パターンの欠陥の原因となるダスト 付着の問題が,近年,クローズアップされている.こう した材料の成膜や加工プロセスにプラズマが多く利用さ れるようになってきており,プロセスプラズマ中での微 粒子ダストの発生・成長・挙動・輸送などに関する研究 が最近,盛んになってきた[16,17].プラズマ中のクー ロン結晶の実現は,こうした研究の流れと無縁ではない.

プロセスプラズマ中のダストを制御して半導体基板へ の付着を防ぐには、まず、ダストとなる微粒子に働く力 の関係を知ることが必要である.プラズマ中で微粒子は、 条件によって、バルクプラズマ内の静電ポテンシャルの 高いところに集まったり[18],電極シースとプラズマの 境界付近に押しやられたりする.後者の場合、計算機シ ミュレーションから、電極側に向かうイオン粘性力と逆 にプラズマ側に押し返すシース電界による力が釣り合っ た結果であるとの解釈がなされている[19].微粒子に働 く力としては、さらにガス粘性力、重力、熱泳動力、分 極による力[20]、クーロン力なども挙げられる.こうし た力の関係を詳しく解析するためには、その観察におい て全体的な微粒子雲と捉えるよりも、個々の微粒子の運 The Japan Society of Plasma Science and Nuclear Fusion Research

解説

動を調べる方が確かな結果が期待できる.それゆえ,応 用上も,微粒子プラズマ中のクーロン結晶の研究は重要 な役割を果たすと考えられる.

(2) クーロン結晶の形成

クーロン結晶は, μm オーダの単分散微粒子を一定密 度以上,低温プラズマ中に保持することによって形成さ れる. Thomas らの方法では、平行平板 RF 放電による 密度10⁹cm⁻³程度のプラズマ中に,直径約7µm のラテッ クス球を約4×10⁴cm⁻³の密度で投入し、クーロン結晶を 作っている[4]. クーロン結晶を構成する微粒子は、下 部の RF 電極側のプラズマ-シース境界近傍に存在し, それを大きな穴の開いた上部の接地電極側から CCD ビ デオカメラを用いて観察している. Chuらは、周辺部 にリング状に溝を設けた円形接地電極と、それを取り囲 む円筒状の RF 電極との間に放電を発生させ、プラズマ 中で作製した酸化シリコン微粒子をその溝の中にトラッ プしてクーロン結晶を形成している[3]. トラップされ た微粒子の粒径は10µm, 密度は2×10⁵cm⁻³である. 微 粒子の観察は上部を覆う覗き窓から行い、顕微鏡を用い たビデオ記録を利用している.

一方, Hayashi らは, 小型の平行平板 RF プラズマ CVD 装置内のメタン(あるいはエチレン)プラズマ中 にカーボン超微粒子(粒径50nm 程度)を瞬間的に導入 し, その回りにアモルファスカーボンを堆積して, 粒径 1µm 以上の球形・単分散微粒子をプラズマ中に保持さ せている[21].下部の接地電極近くのシースとプラズマ の境界近傍に集まった微粒子がクーロン結晶を形成する が,それを上部 RF 電極に開けた小さい穴からと両電極 の間から,接写写真およびビデオ撮影で確認している (Fig. 3) [2,22,23,26].

(3) クーロン結晶形成過程の解析

ここでは, Hayashi らの行ったクーロン結晶形成過程 の解析の結果について述べる[2,22,23].

微粒子が成長すると、微粒子の帯電量が増大し、微粒 子の集合が液体状態から固体状態へと変化する.その過 程を解析するためには、各時間における微粒子の粒径と 密度を正確に評価する必要がある.その手段として、新 しく開発したミー散乱エリプソメトリが用いられてい る.この方法では、微粒子から散乱される光の偏光成分 強度比および位相差の変化を、ミー散乱理論に基づくシ ミュレーションと対応させて、その光学定数、粒径分布 の広がり、粒径を求める[21,24,25].粒径が正確に決ま れば、散乱強度の値をクーロン結晶中の微粒子密度で較 正して、それぞれの時間における密度を正確に得る.メ



Fig. 3 Schematic arrangement of the system for Coulomb crystal formation and the observation [26].

タンプラズマ中での微粒子の成長において求められた粒 径と密度の時間変化を Fig. 4 に示す. 微粒子密度は, はじめは指数関数的に減少して行くが, 25分前後を境に 急激に減少が止まり, ほぼ一定の値をとり続けているこ とがわかる. 接写撮影による写真からも, この時間付近 で微粒子が整列を始めることが観察されており, 結晶化 はこの時点で起きたことが推測されている. 微粒子の集 合がクーロン液体からクーロン固体に変化することによ って全体の凝集力が強まり, 微粒子が外部へ散逸しにく くなったことが, 微粒子密度の減少を停止させたものと 考えられている.

上の結果を用いて, 微粒子の帯電量や電子密度の変化 も調べられている. イオン密度を一定とし, 微粒子に流 れる電流およびプラズマ中の電荷密度の総和が0である という2つの条件を満たす方程式を解いて, 微粒子の帯 電量と電子密度が同時に求められている (Fig. 5). ただ し, 計算に用いられたイオン密度, 電子温度やイオン温







Fig. 5 Time evolutions of the particle charge Q and the ratio of electron density n_e to ion density n_i [22].

度などの値については、ある程度の誤差範囲を考慮しな ければならない.また、微粒子の密度や粒径の変化に伴 ってプラズマ密度(イオン密度)も変化するものと考え られ厳密ではないが、概略のことは結果より理解できる. この場合,液体相では電子の密度は小さく、負電荷のほ とんどは微粒子によって占められている.したがって、 微粒子の帯電量はその密度から(上で述べた後者の方程 式から)ほぼ決定されるので、微粒子が減少することに よって微粒子1ケ当たりの帯電量が増加していったもの と考えることができる.

求められた帯電量を式(2)に代入して見積られたクーロ ン結合係数 Γ が, Fig.6に示されている. Γ は,結晶 化前は急激に増加し,結晶化の時点においてほぼ200に 達している.また,この時点におけるウィグナー-ザイ ツ半径は約90 μ m である.この値はオーダ的にデバイ半 径程度であるので κ は1前後となる.そこで,求められ た Γ の値を Fig.2の中の Γ^*_m の値と比較すると,この 場合誤差の範囲内であると言ってよい.結晶化後は, Γ はそのまま増大していくことはなく変化が小さいが,こ れは,密度がほぼ一定になったことと,帯電量 Qが主 に上の前者の方程式から決定されるようになったためと 考えられている.

(4) クーロン結晶の結晶構造

クーロン結晶の結晶構造については、何種類か観察されている.最も多いのは、プラズマ-シース境界面と平行な面内で最密の配列をなし、直交する方向に一直線上に整列した、六角柱の構造となるものである[2-4.22. 23,26-28]. その他、bcc [3,26,27], fcc [3], hcp (hex-



Fig. 6 Time evolution of the Coulomb coupling parameter Γ [22] .

agonal close-packed) [29]構造なども報告されている.

Hayashi らは、微粒子がエチレンプラズマ中で成長し ていく過程における結晶構造の変化を調べている[26]. Fig.7は、その実験において、ミー散乱エリプソメトリ により決定した微粒子の粒径と密度の時間変化を示す. 密度の変化には、減少(20分まで)、一定(20~30分)、 減少(30分以降)と3段階あることがわかる.また Fig.8は、ミー散乱エリプソメトリの測定と同時に、レー ザービーム内に存在する微粒子を、Fig.3の配置におい て側方から撮った CCD ビデオ画像の変化を示す.微粒



Fig. 7 Time evolutions of the particle diameter and the density [26].



Fig. 8 Variation of particle arrangement observed through the side viewport [26].

子の整列は、シース境界付近から始まり、プラズマ側に 向かって進行していることがわかる.しかし、30分頃よ り微粒子の再配列が起き、徐々に縦方向に列をなして並 び始めているように見える. これらの変化がもっと分か り易いようにビデオ画像より取り出されたコマが、 Fig.9である.21分では、レーザービームに照射された 微粒子の下部で上下互い違いに配列しているのに比べ, 60分では上下で列をなしている様子がわかる. Fig. 10 は、同時の観察ではないが、同じ条件のもとで実験を行 ったときの,上方からの画像を示す(Fig.3参照).こ の場合、レーザー光はシリンドリカルレンズを用いて電 極面に平行に広げられ、クーロン結晶のシース側境界面 付近が照らされている. レーザー光強度がガウス分布を しているため、界面第1層内の微粒子は列に並んだ中で 強いスポットに、境界面第2層内は弱いスポットになっ ている.24分の画像を見ると、微粒子が列をなして並び、



1 mm

林,橘

Fig. 9 Typical video images of particle arrangement observed through the side viewport [26].

また第1層と第2層の微粒子が交互に配列していること がわかる.ところが45分の画像では,第1層目と第2層 目の微粒子がほとんど重なり合い,面内で六角形の最密 構造をなして配列している.こうした側方および上方か らの画像から,Fig.11のような結晶構造が考えられて いる.(a)は,20分~30分においてとる結晶構造で,bcc 構造である.上方からの画像は,その(110)面を示し, 測方からの画像は(111)面を示しているものと解釈で きる.一方,(b)は40分以降においてとる構造で,六角 柱構造をなしている.このように,時間と共に,クーロ ン結晶の構造が変化していることがわかる.

Pieper らは、微粒子周辺の電位ポテンシャルを変形 することによりクーロン結晶の層数を変え、結晶構造の 変化を調べている[27]. それによれば、層数の少ないと きは六角柱の構造となるが、層数が多くなるとその中に bcc構造が混在してくることを確かめている. bcc構造 などの立体的配列になるか六角柱構造の平面的配列にな るかの違いはこうしたことが関係していることも考えら れるが、今のところは定かではない.

結晶構造として六角柱の構造は,原子からなる固体に おいては一般的ではない. 微粒子プラズマ中のクーロン 結晶が,なぜこうした構造をとり易いのかは疑問である.

プラズマ・核融合学会誌 第72巻第1号 1996年1月



1 mm

Fig. 10 Typical video images of particle arrangement observed through the upper viewport at 24min (a) and at 45min (b) [26].

負に帯電した微粒子とそれをとり囲む正イオンは、電極 シースとプラズマの境界付近の電界で分極する.そのよ うな双極子が、お互いに垂直方向に引力を及ぼし合って 並ぶとする考えがある[26].一方、電極方向に運動する 正イオンが微粒子の周辺を通過するときに軌道を曲げら れ、その結果それぞれの微粒子の電極側近傍に正の電位 を形成することによるとの説明もある[30].さらに、重 力が関係しているとする考え方もあるが[31]、どの考察 もまだ十分ではない.

5. おわりに

微粒子プラズマ中のクーロン結晶の研究は,今後,多 方面での展開が期待される.基礎的には,固体物理学に





(b)



Fig. 11 Structures of Coulomb crystals. (a) The top view is parallel to a (110) plane and the front view a (111) plane of bcc structure. (b) The top view and the front view of hexagonal pole structure are shown [26].

解説

おける液体-固体間相転移現象,金属結晶や強結合プラ ズマなどの物性の理解に役立つ.宇宙では,中性子外殻 などにおける高密度物質の研究とも関連する.また,土 星の輪の中で微粒子によるクーロン結晶が形成されてい る可能性が指摘されており興味深い[14].応用上では, クーロン結晶中の微粒子に働く力の関係を解析して,半 導体プラズマプロセスにおけるダスト微粒子の制御に役 立てることが期待される.また,微粒子をクーロン結晶 中に保持しながら表面に多層コーティングして材料を作 製する新しい技術へと展開することも可能性として挙げ られる.微粒子プラズマによるクーロン結晶の研究は始 まったばかりで,計測・解析方法の開発もこれからの課 題である.多くの分野の研究者が関わり,この方面の研 究が進展していくことを期待したい.

参考文献

- [1] H. Ikezi, Phys. Fluids 29, 1764 (1986).
- [2] Y. Hayashi and K. Tachibana, Jpn. J. Appl. Phys. 33, L804 (1994).
- [3] J. H. Chu and Lin I, Phys. Rev. Lett. 72, 4009 (1994).
- [4] H. Thomas, G. E. Morfill, V. Demmel, J. Goree, B. Feuerbacher and D.Mohlmann, Phys. Rev. Lett. 73, 652 (1994).
- [5] S. Ichimaru, Rev. Mod. Phys. 54, 1017 (1982).
- [6] W. L. Slattery, G. D. Doolen and H. E. DeWitt, Phy. Rev. A21, 2087 (1980).
- [7] 立川真樹:応用物理 60, 557 (1991).
- [8] S. Dosho et al., Langmuir 9, 394 (1993).
- [9] B. J. Alder, W. G. Hoover and D. A. Young, J. Chem. Phys. 49, 3688 (1968).
- [10] W. G. Hoover, S. G. Gray and K. W. Johnson, J. Chem. Phys. 55, 1128 (1971).
- [11] 和達三樹, 戸田盛和:応用物理 42, 1160 (1973).
- [12] R. T. Farouki and S. Hamaguchi, Appl. Phys. Lett. 61, 2973 (1992).

- [13] R. T. Farouki and S. Hamaguchi, J. Chem. Phys. 101, 9885 (1994).
- [14] C. K. Goertz, Rev. Geophys. 27, 271 (1989).
- [15] 横田俊昭: プラズマ核融合学会誌 69,6 (1993).
- [16] 渡辺征夫, 白谷正治:プラズマ核融合学会誌 69, 752 (1993).
- [17] 浜口智志:日本物理学会誌 50, 527 (1995).
- [18] R. N. Carlile, S. Geha, J. F. O'Hanlon and J. C. Stewart, Appl. Phys. Lett. 59, 1167 (1991).
- [19] T. J. Sommerer, M. S. Barnes, J. H. Keller, M. J. McCaughey and M. J. Kushner, Appl. Phys. Lett. 59, 638 (1991).
- [20] S. Hamaguchi and R. T. Farouki, Phys. Rev. E49, 4430 (1994).
- [21] Y. Hayashi and K. Tachibana, Jpn. J. Appl. Phys. 33, 4208 (1994).
- [22] K. Tachibana and Y. Hayashi, Aust. J. Phys. 48, 469 (1995).
- [23] Y. Hayashi and K. Tachibana, Proc. 12th Symp. on Plasma Processing, 467 (1995).
- [24] Y. Hayashi and K. Tachibana, Jpn. J. Appl. Phys. 33, L476 (1994).
- [25] 林 康明, 橘 邦英:応用物理 64, 565 (1995).
- [26] Y. Hayashi and K. Tachibana, J. Vac. Sci. Technol. A14 (2), (1996) (to be published).
- [27] J. Pieper, J. Goree and R. Quinn, J. Vac. Sci. Technol. A14 (2), (1996) (to be published).
- [28] H. Thomas and G. Morfill, J. Vac. Sci. Technol. A14(2), (1996) (to be published).
- [29] J. H. Chu and Lin I, Physica A205, 183 (1994).
- [30] F. Melandoso and J. Goree, J. Vac. Sci. Technol. A14(2), (1996) (to be published).
- [31] G. Morfill and H. Thomas, J. Vac. Sci. Technol. A14 (2), (1996) (to be published).