

# 2.表面波とプラズマ生成─概論─ 2.1 表面波の励起と伝搬

野 中 繁 彦 (豊田工業大学) (1996年4月30日受理)

Surface Waves and Plasma Production –Overview– Excitation and Propagation of Surface Waves

### NONAKA Shigehiko

Toyota Technological Institute, Nagoya 468, Japan (Received 30 April 1996)

## Abstract

One of RF plasmas can be produced and sustained by a large-amplitude surface wave propagating along a plasma-dielectric interface. This type of RF plasmas is currently called "Surface-Wave Plasmas (SWP)". The long SWPs are characterized by low electron temperatures and low gas-pressures. Recently the SWP discharges have been extensively studied since they satisfy several severe conditions required for reactive RF plasmas in a field of material processing. This paper reviews the excitation and propagation characteristics of normal surface modes along a DC plasma column and the production techniques and theories for standard SWP plasmas.

#### Keywords:

normal surface mode, dispersion curve, power balance, electron, energy loss, cylinder SWP, planar SWP

### 2.1.1 はじめに

高周波あるいはマイクロ波の放電機構に関連して,最 近20年間主としてカナダ・欧州において表面波を用いる プラズマ生成の研究が盛んである.通常パイレックスガ ラス管が用いられ,管外に設置される表面波の励振装置 によりプラズマが管内に生成される.ガラス管内に電 極はないので,不純物の排出が少なく長寿命で静かなプ ラズマが生成される.また表面波が管軸方向に伝搬しつ つプラズマを生成するので長尺のプラズマが生成され る.この種のプラズマを一般に表面波プラズマ (Surface-Wave Excited Plasma: SWP)と呼ぶ. 表面波プラズマの電子温度は直流放電の場合とほぼ等 しい.また通常の平行平板電極間の高周波放電の場合と 比較すると,比較的低電子温度・低ガス圧で動作する. 近年プラズマプロセスの分野では,イオン衝撃による基 板表面の損傷を避けるため,低電子温度・低ガス圧動作 のプラズマが要望されている.表面波プラズマはこの要 望をほぼ満足するとみられ,近年このプラズマによる薄 膜プロセスの研究が注目されている.この応用には,表 面波とプラズマの関係を理解し新たなプラズマ生成法を 開発することが肝要と考えられる.本文では筆者の私見 を交えながら,プラズマにおける表面波の分散とその歴 小特集

#### 2. 表面波とプラズマ生成一概論-

史,標準的な表面波プラズマの生成法,特性,理論など について概説する.

# 2.1.2 プラズマ表面を伝わる波

# (a) 表面波モードの伝搬特性

プラズマの表面波は直流放電において最初に検出され た.この波は誘電体とプラズマの境界面に現れる電荷の 相互作用により伝搬する電磁波である.円柱プラズマの 場合,Fig.1に示すように軸方向に伝搬し,周方向界分 布により決まるモードは最低次のm=0モードに始ま り, $m=1, 2, \cdots$ の順に高次モードがある.このよう な表面波の存在は、1959年米国のTrivelpiece and Gould らにより直流放電において発見され,静電近似を 用いて説明された[1].その後,日本の赤尾,井田氏ら によりその縦共振(Longitudinal resonances)が発見さ れ,マックスウェル方程式による厳密解が示された[2]. さらに軸方向磁界の影響も検出され,静電近似を用いて 解析された[3].

表面波は長波長領域では電磁波としての性格が強く, マックスウェル方程式を厳密に解かねばならない. 自由 空間電磁波の波長より充分短かい波長領域では静電的性 格が強く静電近似で解析できる.電子温度 *T<sub>e</sub>* の影響は 比較的少ないので,一般に Cold Plasma 近似 (*T<sub>e</sub>*=0) が成り立つ.

ー般に厳密解はいわゆる TM 波と TE 波の混成であ る.分散関係は、例えば周囲を比誘電率 $\epsilon_g$ の媒質で囲 まれた半径 a の一様プラズマの場合、電磁界の接線成 分の連続条件から m 次モードの分散式が求まり、次式 で表される[2];

$$\frac{\varepsilon_{\mathrm{p}}}{U_{\mathrm{p}}} \frac{\mathbf{I}'_{m}(U_{\mathrm{p}})}{\mathbf{I}_{m}(U_{\mathrm{p}})} - \frac{\varepsilon_{g}}{U_{g}} \frac{\mathbf{K}'_{m}(U_{g})}{\mathbf{K}_{m}(U_{g})} \right\}$$

$$\cdot \left\{ \frac{1}{U_{\mathrm{p}}} \frac{\mathbf{I}'_{m}(U_{\mathrm{p}})}{\mathbf{I}_{m}(U_{\mathrm{p}})} - \frac{1}{U_{g}} \frac{\mathbf{K}'_{m}(U_{g})}{\mathbf{K}_{m}(U_{g})} \right\}$$

$$= \frac{m^{2}\beta^{2}}{k_{0}^{2}} \left\{ \frac{1}{U_{\mathrm{p}}^{2}} - \frac{1}{U_{g}^{2}} \right\}^{2} \qquad (1)$$

ここで、 $U_p \equiv a\sqrt{\beta^2 - k_0^2 \epsilon_p}$ ,  $U_g \equiv a\sqrt{\beta^2 - \beta_g^2}$ ,  $\beta_g^2 \equiv k_0^2 \epsilon_g$ ,  $k_0^2 \equiv \omega^2 \epsilon_0 \mu_0$ ,  $\epsilon_p \equiv 1 - (\omega_p/\omega)^2$ ,  $\omega_p \equiv \sqrt{N_e^2/m\epsilon_0}$ ,  $\omega_p$ :電子 プラズマ角周波数,  $\omega$ :角周波数,  $N_e$ :電子密度,  $\beta$ : 表面波の波数,  $\beta_g$ :誘電体中平面波の波数, である.  $I_m \gtrsim K_m$ はそれぞれ第一種と第二種の変形ベッセル関 数で、ダッシュは引数に関する微分を表す. 左辺第一因 子,第二因子はそれぞれ TM 波, TE 波の分散に対応し, 右辺は両者の結合を表す. 左辺第二因子は常に正となる. 従って、特に m = 0に限って右辺が零となり, 左辺第 ー因子=0が m=0の分散式を表しかつ純粋の TM 波 となる.静電近似の場合,まず各媒質中のポアソン方程 式(または,等価なラプラス方程式)の波動解を求める. 続いてその波動ポテンシャルに対して表面 (r=a) にお ける電位,電束の連続条件を課せば,次の m 次モード 分散式が求まる;

$$\varepsilon_{\rm p} \frac{{\rm I}'_m(\beta a)}{{\rm I}_m(\beta a)} = \varepsilon_{\rm g} \frac{{\rm K}'_m(\beta a)}{{\rm K}_m(\beta a)} \tag{2}$$



Fig. 1 Cross-sectional views of surface electrons and electric lines of force for normal surface modes on a plasma column and the wave launcher.



Fig. 2 Qualitative dispersion curves for normal surface modes in a uniform plasma column.  $\beta$ : wave number. m: mode number.  $\varepsilon_p \equiv 1 - (\omega_p / \omega)^2$ .  $\beta_g \equiv \omega \sqrt{\varepsilon_0 \mu_0 \varepsilon_g}$ .  $\varepsilon_0 = 1$ .

623

この式は、(1)式の左辺第一因子を零と置き、 $U_{p} \rightarrow \beta a$ 、  $U_{g} \rightarrow \beta a$  と置換した式に等しい.すなわち、静電近似は 充分大なる波数 $\beta$ の領域で成立する.事実、この波数領 域で(1)式右辺は零に近づく[2].

実際の直流放電の場合,断面構造(ガラス管の内外径と誘電率,管外部の誘電率)に依存するので,分散式は(1)(2)式よりもかなり冗長になる.さらに電子密度の 径方向分布を考慮する場合,静電近似の場合でも冗長な フロベニウス級数を用いなければならない[1,4,5].直 流放電の場合,Fig.2のカーブのような分散特性をもつ. 縦軸は管内電子密度に比例し,横軸は波数に比例する. このカーブは,従来の論文[1-18]に現れた分散カーブから,筆者が説明の便宜上全体の特徴を抽出し描いたもの である.図のように,表面波は一般に遅波(slow wave,  $\beta_g < \beta$ )であり,長波長領域では前進波(forward wave,  $d\omega/d\beta > 0$ )である.双極モード(m = 1)は大部分の 波数領域で後進波(backward wave,  $d\omega/d\beta < 0$ )となる. 特に短波長領域では両モードとも,断面構造と管内密度 分布によりかなり影響を受ける[3-5].

## (b) 表面波の励振法

直流放電などにより生成されたプラズマに、外部から 一定周波数の小振幅電圧で表面波を励振する場合を考え る. まず第一に Fig.2 から明らかなように、あるモー ドの表面波をたてるには、そのモードの臨界密度よりも プラズマ密度が高くなければならない.次に表面波を励 振するには、通常 Fig.1 に示すように、まず管外部に 表面波の後方伝搬阻止用の金属筒と励振用の二枚の金属 板を管に密着させる.二枚の金属板のギャップに高周波 電圧を印加すれば,励振された表面波は金属板前方へ向 かって伝搬する.あるモードを効率よく励振するには, 前方金属板をモードパターンに合わせて分割しパターン にマッチする位相の電圧を印加すればよい. このとき金 属板ギャップ間に現れる軸方向電界 Ez により希望の表 面波モードが励振される[5]. このような直流放電管上 の表面波の性質は Moisan 氏らにより文献[6]にまとめ られている.

# 2.1.3 表面波プラズマの生成法と理論

注入電力を増加すると、大振幅の表面波だけでプラズ マが維持できるようになり、いわゆる表面波プラズマが 生成される[7-15].本節ではこのような場合の実験と理 論を紹介する.

## (a) SWP の生成法と特性

表面波プラズマの生成法は、Fig.1の励振器に強電界

を印加するように工夫すれば,直流放電管の表面波の励 起法と基本的に同じと言える.励振器の構造は周波数帯 により多少異なる[7].低周波数帯 (1~100MHz)では, Fig.3(a)の電波放射防止器が使われ,その前段に整合用 LC 共振回路が接続される.高周波帯 (100MHz~3GHz) では,通常 Fig.3(b)の同軸型1/4波長空洞共振器が汎用 される.前面解放端側の狭いギャップに現れる強い共振 電界により表面波が励振される.マイクロ波帯 (3~ 10GHz)では Fig.3(c)の Surfaguide と呼ばれる導波管 が使われる.いずれもギャップ間の電界により軸対称表 面波 (m = 0)が励振される.従来の結果によれば,ガ ラス管の径は細い1 mm 程度から12cm 程度の太い管ま で SWP の生成が確認されている[7-15].

Fig.4 は標準的な SWP の実験システムである[8]. 充分な電力を供給すれば、共振器前面にプラズマが生成



- Fig. 3 Efficient m=0 surface wave launchers for SWP.
  - (a); Ro-box field applicator. (b); surfatron.
  - (c); waveguide surfatron [7].

小特集

#### 2. 表面波とプラズマ生成一概論-

されるとともに大振幅の表面波が励起される.表面波は 伝搬するにつれてさらに遠くの位置にプラズマを生成す る.この過程を繰り返しながら表面波のパワーが尽きる までプラズマが生成される.電子密度は一般に励振器か ら離れるにつれてほぼ直線的に減少する.プラズマ先端 部の密度は Fig.2 の分散の波数無限大における値1+εg により決まる.即ち先端部の密度にはしきい値があり, しきい値は周波数の増加とともに増加する.

このような表面波プラズマの明確な確認は、Zakrzewski 氏らにより1977年ポーランド、カナダ、フラン スの国際共同研究として行われたのが最初とみられ る[8].80年代には SWP 関連の論文が激増した.80年 代後半の国際会議では高周波放電部門の約半分近くを占 めていたと記憶している.

SWP における表面波の確認には、例えば Fig.5 のように干渉法で表面波の波長を検出する.電子密度の軸方向分布は適当な位置に設置された導波管型空洞共振器 (TM<sub>010</sub> cavity)の共振周波数のずれ(または、ダブル プローブの測定値)と光強度の軸方向分布から測定する. 軸方向各点の光強度は電子密度にほぼ比例するので、各 点の波数と密度の測定値を理論分散カーブと比較した結 果が Fig.6 である.この結果は、軸方向各点において 波数と密度が理論分散カーブをほぼ満足することを示し ている.

注入電力の増加とともにプラズマ長は延びる.6.4cm の管を用いた従来のトップデータによれば,励振器前面 に最長3m~4mの SWP が生成されている[11]. 我々 も,励振器の両側に7m~8mの SWP を生成したこと がある.片側に換算すれば両者はほぼ一致する.長尺 SWP の生成条件は表面波の減衰が少ないこと,即ちプ ラズマ中の電子・中性粒子間衝突周波数ωが角周波数ω



Fig. 4 Experimental set-up for standard SWPs [8].







Fig. 6 Measured dispersion characteristics of surface wave in the SWP in Fig. 5 [8].

より充分小さいことである (ν/ω<1). すなわち,充分 低ガス圧であることが必要となる.

Fig.7 は表面波の減衰より求めた SWP の電子温度の 測定値であり、図中の直流放電の拡散理論値とほぼ一致 する[14].即ち、通常の平行平板電極を用いる場合より

625

プラズマ・核融合学会誌 第72巻第7号 1996年7月





も低い. これは m = 0 の電界が, Fig.1(a)からわかるように表面以外で弱いことによると見られる.

高次モード (m = 1) による SWP の生成には,前述 同様, Fig. 3 (b)の前面導体板を二分割し RF 給電の位相 を $\pi$ だけ変えることにより可能となる. Chaker 氏らは m = 1による SWP の生成に成功した[12]. m = 1の場 合, Fig. 2 に見るように前進波領域が狭いのでその生成 条件は厳しく, ( $\omega a/2\pi$ )<sub>min</sub> = 2GHz・cm なる極小条件 があると言われる[12,18].

SWP は半円形カマボコ型(6 cm φ×1 m)または矩 形平板型大面積(2.5cm×73cm×1.72m)など任意の 断面形状の場合にも生成可能となる[15].

#### (b) 表面波プラズマの理論

表面波プラズマの実験結果を説明するため、いくつか のモデルが提案された.いずれの場合も軸方向密度分布 は単純な解析関数では表現されず、数値解として求まる. 初期の方法では、プラズマを一様密度を持つ多数の領域 に分割し各領域で分散関係と RF パワーバランスを満 足するように各領域間を接続する.これにより密度は軸 方向にほぼ直線的に減少する[9].欧州各国で発展した いくつかの理論を筆者の私見に従って整理すると以下の ようにまとめられる.まず、低圧下 $\nu/\omega < 1$ で表面波の 進行波のみを考慮し弱い減衰を仮定すると、波は expj{ $\omega t - \beta z + j \int \alpha dz$ }の形で伝搬する.波のエネルギー 流  $P_s$ は電子の衝突周波数 $\nu$ により減衰すること ( $dP_s/dz$ =  $-2\alpha P_s$ )、および単位時間・単位長さ・電子一個当た りの平均エネルギー損失を $\theta$ と置く ( $dP_s/dz = -S\theta N$ ) ことにより、次の二式が成り立つ.

$$dP_{\rm s}/dz = -2\alpha P_{\rm s} = -S\theta N \tag{3}$$

ここで、N は電子密度、S は管断面積 ( $=\pi a^2$ ) である. 密度の軸方向分布を求めるには、(3)式を次のように変 形する必要がある;

$$\frac{dN}{dz} = -2\alpha N / \{1 - (N/\alpha) (d\alpha/dN) + (N/\theta) (d\theta/dN)\}$$
(4)

これを解くには、減衰定数αおよび損失θの密度依存性 を知る必要がある.αは波の分散関係を満足する.損失 θは厳密には電子密度 N,電子の速度分布関数にも依存 するので封入ガス種に応じたデータを必要とする.この ため、この積分はかなり困難であり一般に数値解に頼ら ざるを得ない.

Ferreira 氏(ポルトガル)は(4)式分母の第三項を 無視(全損失量を線形近似)し第二項を近似関数で置換 することにより, dN/dzの数値解を得た[10]. Zhelyazkov 氏ら(ブルガリア)は WKB 法を用いて進行波の パワーバランス式( $dP_s/dz + SQ = 0$ , Q:単位長当たり 全損失量)をほぼ直接的手法で解き数値解を得た[17]. 非線形損失 $\theta$ の効果および外部磁界の影響,双極モード (m=1)による SWP などブルガリアグループの膨大な 数値計算結果は,最近 Zhelyazkov 氏らの総合報告(文 献[18])にまとめられている. Mateev 氏らは  $\epsilon_g = 1$ お よび線形損失の場合の静電近似による数値解から,円柱 型 SWP の密度勾配に関する次の統一的な表式を導い た[16];

$$dN/dz = -0.73 \times 10^{-8} (\omega/2\pi) (\nu/a) \quad (cm^{-4}) \quad (5)$$

一方我々は、応用に適する平板型対称モード(円柱型 のm=0に対応)によるSWPの場合について、減衰定 数 $\alpha$ を求めるため静電近似分散式に摂動法を適用し $\theta$ の 線形損失の範囲内で(4)式を解くことにより、密度勾配 および密度分布に関する次の基本解を得た[19];

 $dN/dz = -0.20 \times 10^{-8} (\omega/2\pi) (\nu/a) \epsilon_{\rm g} \ ({\rm cm}^{-4}) \ (6)$ 

$$H(N_{*0}) - H(N_{*}) = (\nu/\omega) \left(\epsilon_g/a\right)z \tag{7}$$

ここで、 $H(N_*) = N_* - \ln(N_*)$ , 2*a* は平板プラズマの 厚さ、 $N_* \equiv \omega_p^2 / \omega^2$ である、 $N_{*0}$ は SWP の出口 *z*=0 に おける正規化密度を表す、 $N_{*0}$  を与えれば(7)式から 位置 *z* の密度  $N_*$  が求まる、(5)(6)式の係数を比較 すると、密度勾配は平板型のほうが円柱型より少ないこ とになる、これは両者の表面波分散の波数依存性の相違

### 小特集

による.(6)(7)式に対してさらに正負イオンの効 果[20]およびθの非線形損失効果[21]を追加することが でき,両者とも密度勾配を減少させる.

以上の SWP 理論はすべて断面内の一様密度分布を仮 定するので,厳密には電子の粒子バランス条件を満足し ない.この条件は密度の径方向分布の存在を意味する. この不均一の影響は短波長領域(SWP 先端部近傍)の 密度勾配 |dN/dz| を少なくするように現れると考えら れる.

プロセス用としては SWP の軸方向密度変化は短所と なる.この欠点は,長尺の特徴を生かす薄膜のオンライ ン量産(例えば太陽電池など)に使用する場合基板を一 定速度で軸方向に移動させることにより,一応回避でき る.また Fig.8(a)のように波の反射板を設置し定在波 を立てることにより,密度不均一は Fig.8(b)に見るよ うに約20%程度に改善可能となる[22].定在波による同 様の密度不均一は,大口径の薄型円柱平板の周方向およ び径方向に伝わる表面波により生成される SWP の場合 にも観測されている[23].





Fig. 8 (a); experimental set-up for standing surface waves, and (b); axial variation of electron density in the SWP plasma. RF=2.45 GHz [22].

# 2.1.4 まとめ

以上低電子温度・低ガス圧動作の長尺 SWP の基本特 性と理論を概説した.プロセス用 SWP としては今後, (1)電子・ラジカルの高密度化と一様性,(2)平板型大面積 化,などが要求されると考えられる.理論上の問題と しては次のいくつかが残されている:(3)進行波の場合密 度変化により生ずるであろう軸方向各点での表面波の反 射の影響,(4)定在波による密度不均一,(5) SWP 先端部 の解明,(6) SWP 本体からの電磁波の放射,などである.

直流放電における初期の表面波研究では米国と日本の 重要な寄与がある.表面波プラズマでは理論実験の両面 で欧州各国とカナダにおいて完成されつつあるが,著者 の知るかぎり日本の寄与は皆無といってよいほど少な い.一方 SWP の応用例はまだ比較的少ない.このため 応用面で今後の日本の寄与が期待される.

おわりに,日頃ご指導ご鞭撻をいただく名古屋大学工 学部,菅井秀郎教授,高村秀一教授に深謝する.本稿は 一部文部省科学研究費(一般研究(c))により執られた.

# 参考文献

- [1] A. W. Trivelpiece and R.W. Gould, J. Appl. Phys. 30, 1784 (1959).
- [2] Y. Akao and Y. Ida, J. Appl. Phys. 34, 2565 (1964).
- [3] Y. Akao and Y. Ida, J. Appl. Phys. 37, 290 (1966).
- [4] Y. Akao and Y. Ida, Jpn. J. Appl. Phys. 6,525 (1967).
- [5] S. Nonaka and Y. Akao, J. Appl. Phys. 54, 3798 (1983).
- [6] M. Moisan, A. Shivarova and A.W. Trivelpiece, Plasma Phys. (Review), 24, pp.1331-1400 (1982).
- [7] Z. Zakrzewski, M. Moisan and G. Sauve, "Microwave Discharges" (NATO ASI Series, Plenum Press, New York, 1993, pp. 117-140 (Surface Wave Plasma Sources).
- [8] Z. Zakrzewski, M. Moisan, V. M. M. Glaude, C. Beaudry and P. Leprince, Plasma Phys. 19, 77 (1977).
- [9] V. M. M. Glaude, M. Moisan and R. Pantel, J. Appl. Phys. 57,5693 (1980).
- [10] C. M. Ferreira, J. Pys. D; Appl. Phys. 16, 1673 (1983).
- [11] M. Chaker and M. Moisan, J. Appl. Phys. 57,91 (1985).
- [12] J. Margot-Chaker, M. Moisan, M. Chaker, V. M. M. Glaude, P. Lauque, J. Paraszczak and G. Sauve, J. Appl. Phys. 66 (9), 4134 (1989).
- [13] S. Nonaka and H. Yamaguchi, Jpn. J. Appl. Phys. 28,106 (1989).
- [14] M. Chaker, P. Nghiem, E. Bloyet, Ph. Leprince and J.

NII-Electronic Library Service

プラズマ・核融合学会誌 第72巻第7号 1996年7月

Marec, J. Phisique-Letters 43, 71 (1982).

- [15] S. Nonaka, J. Phys. Soc. Jpn, 63, 3185 (1994).
- [16] E. Mateev, I. Zhelyazkov and V. Atanassov, J. Appl. Phys., 54, 3049 (1983).
- [17] I. Zhelyazkov and E. Benova, J. Appl. Phys. 66, 1641 (1989).
- [18] I. Zhelyazkov and V. Atanassov, Physics Reports (Review Section of Physics Letters 255, No. 2 and 3, April (1995), North Holland).
- [19] S. Nonaka, Proceedings of the 5th Asia-Pacific Phy-

*sics Conference*, Kuala Lumpur, Malaysia, Aug. 10-15, 1992, World Scientific L. T. D, Singapore, Vol.1, 593 (1994); Jpn. IEE, A-115, 691 (1995).

- [20] S. Nonaka, J. Phys. Soc. Jpn. 61, 3576 (1992).
- [21] S. Nonaka, J. Phys. D, Appl. Phys. 28, 1058 (1995).
- [22] Z. Rakem, P. Leprince and J. Marec, Revue Phys. Appl. 25,125 (1990).
- [23] M. Nagatsu, Ge Xu, M. Yamage, M. Kanoh and H. Sugai, Jpn. J. Appl. Phys. 35, Part 2, No. 3A, p.L-341 (1996).