日本応用磁気学会誌 21,681-684 (1997)

プッシュプルパラメトリック変圧器の過渡現象解析

Transient Analysis of a Push-Pull Parametric Transformer

田島克文・齋藤宗則・加賀昭夫・一ノ倉 理* 秋田大学鉱山学部電気電子工学科,秋田市手形学園町 1-1 (●010) *東北大学工学部,仙台市青葉区荒巻字青葉(●980)

K. Tajima, M. Saitoh, A. Kaga, and O. Ichinokura*

Dept. of Electrical and Electronic Engineering, Akita Univ., 1-1 Tegata-Gakuencho, Akita 010 *Faculty of Engineering, Tohoku Univ., Aramaki, Aoba, Aoba-ku, Sendai 980

This paper describes the transient characteristics of an orthogonal-core type push-pull parametric transformer. We analyzed the characteristics by means of a circuit network, in which the reluctance network of an orthogonalcore and the outer electric circuits are coupled with each other. As one example of the transient analysis, we calculated the voltages and currents of the transformer when a short-circuit fault or an open circuit occurred in the load circuit. Some useful information for the design of the transformer was obtained.

Key words: transient analysis, orthogonal-core, SPICE, push-pull parametric transformer, reluctance network

1. まえがき

近年,配電系統において,半導体機器より生じる高調波電流 を原因とする各種の高調波障害が問題となっており,その対策 が必要となってきている¹⁾.

先に筆者らが提案したプッシュプルパラメトリック変圧器 は、電源装置として有用な種々の機能を具備するほか、整流回 路などの半導体機器を負荷とした場合にも入力電流波形は大略 正弦波となり、負荷高調波電流に対する一種のフィルタ機能を 有することが知られている^{2).3)} このため本変圧器を半導体機 器に対する高調波障害対策用電源装置とする応用が検討されて いる.

本変圧器は電源装置として使用されるため、その実用化には 定常運転時の特性はもちろん、始動・停止時ならびに負荷短絡 時などの過渡現象についても明らかにしておかねばならない.

筆者らはすでに定常運転時に関しては定量的な動作解析によ り詳細な検討を行っている²⁰.しかし、過渡特性に関しては、本 変圧器の回路動作が複雑になるなどの理由から従来は定量的な 動作解析が困難とされ、十分な検討は行われていなかった.

これに対し,筆者らは最近,複雑な回路動作を考慮可能な動 作解析法を開発した^{4,5}.

本論文は、この動作解析法を用いてプッシュプルパラメト リック変圧器の負荷短絡・開放時の過渡現象解析を行った成果 について報告するものである.

2. プッシュプルパラメトリック変圧器について

Fig. 1 にプッシュプルパラメトリック変圧器³の基本回路構 成を示す. 図中の×印は直交磁心と呼ばれる非線形磁気素子で ある.本変圧器は、同一構成の直交磁心2台をダイオードを介 して並列接続した回路に対し、1次側には入力正弦波交番電圧 e_p を印加し、2次側には同調用コンデンサCと負荷を接続した ものである.本装置の2次側回路においてパラメトリック発振 が生じれば、確立した出力電圧 e_o により負荷に電力を供給で きる. i_p は入力電流, i_L は負荷電流である.

Fig. 2 に抵抗負荷時における各部の電圧電流波形の一例を示 す. 図中の R は負荷抵抗値, E_p, f は入力電圧の実効値, 周波数 である. 同図より,本変圧器では出力として入力電圧と周波数 の等しい交番電圧が確立しており,入力電流波形は大略正弦波 状となっていることがわかる. この低歪の入力電流波形は抵抗 負荷時だけでなく,半導体機器を負荷とする場合も同様である ことが報告されている³.

本変圧器は直交磁心とダイオードが直列に接続された回路構 成をとるため、入力電源の投入・遮断あるいは負荷短絡・開放



Fig. 1 Circuit configuration of a push-pull parametric transformer.





などに伴い複雑な過渡現象を生じ,過大電圧・電流が発生する 場合には設計上その値を定量的に把握しておく必要がある.

このような過渡現象の解析には非線形磁気素子である直交磁 心の磁心動作をも考慮した詳細な解析法が必要である.

直交磁心は、Fig. 3 に示すように同一形状のカットコア 2 個 を空間的に 90°転移接続して構成される. N_1, N_2 は 1 次および 2 次巻線であり、 i_1, i_2 は 1 および 2 次巻線電流を示す.本論文 では磁心材質には 0.35 mm 厚の方向性けい素鋼を用い、巻線 数は 1 次、2 次とも 200 ターンとした. R_1, R_2 は 1 次および 2 次巻線抵抗である. このときの 1 次および 2 次磁心磁束 ϕ_1, ϕ_2 の流れを破線により概略的に示す. 直交磁心は、1 次巻線と 2 次巻線の磁気的結合は小さく通常の変圧器としては動作しな い.しかしながら、1 次と 2 次の磁路が磁心接合部で一部共有 されているため、この部分で磁気飽和を生じた場合、1 次と 2 次との間で相互作用を生じるようになる⁶. Fig. 4 にヒステリ シスを無視した場合の直交磁心の 2 次側磁化特性の測定例を 示す. 図をみると、1 次側からの励磁により 2 次側からみた実 効的なインダクタンスが低下し、直交磁心が一種の可変インダ クタンスとして動作していることが了解される.

この直交磁心の複雑な磁心動作を考慮したプッシュプルパラ メトリック変圧器の動作解析法として,真交磁心の磁界解析と 本変圧器の回路解析を連成解析する手法が考えられる.

ただし,直交磁心の磁界解析には,1次と2次の共通磁路で ある磁心接合部分の磁気飽和,およびそれに伴う漏れ磁束の発 生・磁心磁束分布の粗密を考慮する必要があり,いわゆる三次 元非線形問題を解析可能な手法が必要となる⁷¹.この場合,通常 の磁界解析で広く用いられている有限要素法の適用は使用メモ リ量,計算時間の点から実用的ではないものと考えられる.



Fig. 3 Core structure and winding arrangement of an orthogonal-core.



Fig. 4 Flux-MMF relationships of an orthogonal-core.

3. 磁心動作を考慮した直交磁心形電力変換器の解析手法

筆者らは前章で述べた理由から,直交磁心の三次元非線形磁 気回路モデル⁷⁾を用いた動作解析法を提案した^{4), 5)}.

本磁気回路モデルは直交磁心の三次元的な磁束分布を考慮す るために直交磁心を三次元磁気回路でモデリングし、回路素子 の特性には磁心材質の非線形特性(飽和特性,ヒステリシス) と磁心寸法を考慮して決定した.本論文では磁心材質に方向性 けい素鋼を使用しているが、本モデルには積層方向の特性も含 めた磁気特性の異方性が考慮されている⁷.

また、本モデルの解析には SPICE などの市販の回路シミュ レータを使用できるため、外部回路と組み合わせることによ り、直交磁心の磁心動作を考慮したプッシュプルパラメトリッ ク変圧器の動作解析を簡単かつ比較的高速に行うことができ る.本手法の詳細は文献 4,5 を参照されたい.

4. 解析結果

本変圧器の過渡解析に使用した回路をFig.5に示す.抵抗負 荷Rを接続した定常運転状態から、スイッチ S_{w1} を閉じれば負 荷短絡を、 S_{w2} を開けば負荷開放をシミュレートできる. 図中 の $i_{11} \sim i_{22}$ は直交磁心 #1, #2の各々の1次および2次巻線電 流を示す. 回路の対称性より、考察は直交磁心#1の巻線電流 i_{11}, i_{21} についてのみ行えば十分である.



Fig. 5 Circuit configuration for the simulation and the measurement.



日本応用磁気学会誌 Vol. 21, No. 4-2, 1997

4.1 負荷短絡時の過渡解析

まず,本論文で使用する動作解析法の妥当性を検証するため,出力および巻線電流値が比較的小さくなる回路条件において実験を行い,実験値と解析結果を比較する.

Fig. 6 に負荷短絡時の各部の電圧電流波形例を示す. 図中の 矢印は負荷短絡・開放の生じた時刻を示し, Fig. 7 に示すよう に入力電圧 ep を基準とした位相 ωt。により表される.

負荷短絡の場合,出力電圧は短絡とほぼ同時に零となり,各 巻線電流は一時的に電流値が定常状態の振幅よりも大となるも のの短時間で減衰することがわかる.ただし,この電流値が極 めて大きい場合,本変圧器の故障につながる可能性がある. Fig.8 に種々の位相 ωt_sにおける負荷短絡後の各巻線電流の最 大値を示した.同図より,過度電流の最大値は短絡時刻により 変化していことがわかる.シミュレーション結果は実験値と良 好な対応を示しており,本動作解析法の妥当性が了解される.

以下、シミュレーションにより、回路条件による過渡電流最







(C = 350 μ F, E_p = 50 V, R = 16 Ω , f = 50 Hz) Fig. 8 Winding currents after S_{w1} closes.



Fig. 9 $i_{11\text{max}}$, $i_{21\text{max}}$, and $i_{21\text{MAX}}$ for various circuit condition after S_{w1} closes.

大値の変化について考察する.

Fig. 8 における電流 i_{11} , i_{21} の最大値を i_{11max} , i_{21max} と定義し た場合,負荷抵抗値による i_{11max} , i_{21max} の変化は Fig. 9(a) に示 すようになる.図中の I_L は短絡前の負荷電流実効値である. i_{11max} , i_{21max} は無負荷時に最大となり,負荷をとるにつれて減 少する傾向を示すことがわかる.

次に、この無負荷時における i_{21max} の最大値を i_{21MAX} と定義 して、同調用コンデンサ容量 C、入力電圧実効値 E_p による変化 を検討する. ただし、 i_{21MAX} は定常運転時における i_{21} の振幅に 対する割合 ratio で示すものとした. Fig. 9(b) より i_{21MAX} は C の増加に対し減少し、 E_p による変化は比較的小さいことがわ かる. その最大値は 2.1 倍程度であった.

4.2 負荷開放時の過渡解析

同様に負荷開放時に対しても検討を行う. Fig. 10 に各部の 電圧電流波形例を示す. ただし,負荷開放時の実験において位 相 ωt_s は観測結果より推定することは困難であるため, 観測波 形にはシミュレーション波形に近いものを参考として示してい る. この場合,出力電圧は変動するもののその変動量は小さく 5~10 周期程度で定常状態となること,2次巻線電流に急峻な



(C = 350 μ F, E_p = 50 V, R = 16 Ω , f = 50 Hz, ω t_s = 225°) Fig. 10 Waveforms when S_{w2} opens.







Fig. 12 $i_{11\text{max}}$, $i_{21\text{max}}$, and $i_{21\text{MAX}}$ for various circuit condition after S_{w2} opens.

過大電流が発生していることがわかる. この電流最大値の位相 ωt_s に対する変化を Fig. 11 に示した. 前述したように実験時 には位相の推測が困難であるため種々測定した中での最大値の みを示している. 計算値の最大値 i_{11max} , i_{21max} と実験値は良好 な対応を示しており、本動作解析法により負荷開放時のシミュ レーションも可能であることが了解される.

Fig. 12(a) に負荷抵抗値による i_{11max} , i_{21max} の変化を示す. こ れらの電流値は負荷をとるにつれて増大する傾向を示す. ま た, i_{11max} は i_{21max} と比較して半分以下の値となり負荷開放時 の影響は入力電源側では小さいことがわかる.

次にこのときの i_{21max} の最大値 i_{21MAX} に着目し, C, E_p による 変化を検討した. Fig. 12(b) より ratio は負荷短絡時とは異な り, Cの増加に対し増大し, E_p の増加に対しては凸に変化する ことがわかる. その値は開放時の 3.2 倍程度であった.

5. あとがき

以上, 直交磁心形プッシュプルパラメトリック変圧器におい て負荷短絡・開放時の過渡解析を行った結果, 以下のことが明 らかとなった. 1. 本論文で用いた動作解析法は本変圧器の負荷短絡・開放 時の過渡解析に適用可能である.

2. 過渡電流最大値の短絡時刻ωt。に対する依存性は、負荷 短絡時は大きく、負荷開放時には小さい.

3. 負荷開放時の影響は入力電源側では比較的小さい.

4. 負荷抵抗値による *i*_{11max}, *i*_{21max} の変化をみた場合,負荷 短絡時は無負荷時において,負荷開放時は負荷時に大となり, 負荷の変化の度合いが大きいほど *i*_{11max}, *i*_{21max} は大きくなる.

5. 同調用コンデンサ容量 C,入力電圧実効値 E_p による i_{21MAX} の変化は、負荷短絡時は E_p による変化は小さいものの、 Cの増加に対しては減少し、その値は最大でも短絡前の 2 倍程 度であった。負荷開放時は Cの増加に対しては増大し、 E_p の増 加に対しては凸に変化する。その値は開放前の 3.2 倍程度と なった。

本論文より得られた成果はプッシュプルパラメトリック変圧 器の設計を行う上で有用な知見と考えられる.

謝 辞 御指導を頂いている東北大学名誉教授(現八戸工業 大学学長)村上孝一先生に謝意を表する.

文 献

- 1) 例えば,井上昌彦: 電気学会論文誌 (D), 108, 1074 (1988).
- 田島克文, 一/倉 理, 穴澤義久, 加賀昭夫:日本応用磁気学会 誌, 15, 507 (1991).
- 一ノ倉理,田島克文,秦泉寺敏正:日本応用磁気学会誌,16, 417 (1990).
- 田島克文,一ノ倉 理,加賀昭夫:電気学会マグネティックス研 究会資料,福岡, MAG-96-54 (1996).
- 5) 田島克文,加賀昭夫,一ノ倉 理:電気学会論文誌 (A),117,155 (1997).
- W. Z. Fam and G. K. Bahl: *IEEE Trans. Magn.*, MAG-10, 690 (1974).
- 田島克文, 一ノ倉 理, 加賀昭夫: 電気学会マグネティックス研 究会資料, 福島, MAG-95-23 (1995).

1996年10月15日受理, 1997年1月16日採録