船舶技術研究所報告 第18巻 第4号 資料 (昭和56年7月)

# キャビテーション騒音の研究荒井 能\*

# An Investigation of Cavitation Noise

# By

# Chikara ARAI

#### Abstract

This paper deals with an investigation of a method which estimates the generation condition of cavitation by the measurement of cavitation noise.

Cavitation noise consists of a pulse train with  $1 \mu$ sec rise time and  $10 \mu$ sec duration, and has almost ultrasonic characteristics. By utilizing this character, the frequency of wave height was measured, and the chart of accumulative wave height frequency was obtained.

On this chart, the noise pattern due to the cloud cavitation on a propeller working in nonuniform flow was evidently discriminated from other cavitation noise patterns.

目

1. 緒 言
2. キャビテーション騒音の発生機構 2
3. 計測に使用した機器······ 2
3.1 ハイドロフォン
3.2 前置増幅器
3.3 波形記録装置 3
3.4 周波数スペクトル分析装置 3
3.5 (音圧)波高頻度分析装置 4
4. 実験状態4
4.1 ハイドロフォンの実装 4
4.2 状態の設定
4.3 状態の種類 5
4.3.1 初生キャビテーション状態 5
4.3.2 チップ ボルテックス キャビテーション
状態
4.3.3 シートキャビテーション状態 6
4.3.4 クラウドキャビテーション状態,他…6

# 1. 緒 言

キャビテーションが発生しているときに,同時に騒

\* 推進性能部 原稿受付:昭和 56 年 5 月 8 日

# 次

5.		キ	ャビラ	テーシ	' <b>=</b>	ン騒	¥音》	波刑	多の領	睍測・	••••	••••	• • • • •	•• (	3
6.		周	波数ス	、ペク	· ト	νO	計	測	••••	•••••	•••••	••••	••••	?	7
7.		波	高頻度	医分布	īの	計測	<b></b> .		••••			••••	••••	··	9
	7.	1	半対	数波	高步	頻度	分布	巡	によ	る解	紤	••••	••••	<u>(</u>	9
	7.	2	歪度	と尖	度り	こよ	る解	¥析	••••	•••••	•••••	••••	••••	10	)
	7.	3	対数	正規	分す	布図	によ	:3	解析	•	•••••		••••	1	1
	7.	4	考		察	••••	••••		••••	•••••	•••••	•••••	••••	1	ō
8.		計	測に関	同する	問	題点	<u>i</u>		••••	• • • • • •	•••••	••••	••••	1	ō
	8.	1	ハイ	ドロ	フ:	ォン	••••		••••	• • • • • •	•••••	•••••	••••	…1	ō
	8.	2	前置	増幅	器	••••	••••			• • • • • •	•••••	••••	••••	1	5
	8.	3	波形	記錄	装置	置 …	••••		••••	•••••	•••••	••••	••••	1	5
	8.	4	波高	頻度	分材	沂装	置,		••••	•••••	•••••	••••	••••	$\cdot \cdot 1$	õ
	8.	5	演算	〔装〕	置	••••	••••		••••	•••••	•••••		••••	1	ō
9.		結		論…	•••	• • • • • •	••••	•••••	••••	•••••	•••••	••••	•••••	••1	ō
		謝		辞…	•••		••••		••••	•••••	•••••	••••	••••	1(	6
			文	南	ŧ…		••••		••••		•••••		••••	1(	6
		,	付	籖	<u></u>		••••			•••••	•••••		•••••	1(	6

音も発生していることは周知の事実<sup>1)</sup>であるが,この 騒音を計測してキャビテーションの発生機構の解明 や,キャビテーションパターンの発生状況の推定など に,役立たせようとする研究の歴史はあまり長くはな い。筆者は,舶用プロペラ等において発生するキャビ

(175)

テーションの騒音を計測し,キャビテーションの発生 状況を推定することを試みた。その目的は,実船にお いてかなり手数を伴う作業であるキャビテーション観 測に代って,より容易な騒音計測によって,プロペラ の浸食に関係の深いクラウドキャビテーションを検知 することである。今回,定性的ではあるが,一応の成 果が得られたので報告する。

# 2. キャビテーション騒音の発生機構

キャビテーション騒音は,水中の微細な気泡核が, ブロペラ近傍の水の蒸気圧以下の低圧部に流入し,沸 とう現象により気化してキャビティバブルに成長し, その後水の蒸気圧以上の高圧部に流入して圧力が上昇 し,キャビティが急速に崩壊するときに発生する。す なわち,この気泡の急速な成長崩壊に基づく過渡的な 変形が,周囲に圧力変動を生じ,結果として騒音を発 生するもの<sup>1)</sup> と考えられている。そして,このキャビ ティの変形によって生ずる圧力変動は,インパルス状 であることが知られている<sup>1)</sup>。一方水中に存在するキ ャビティの核の位置や大きさはランダム(不規則)で あるから,たとえ定常的な流れの中に生じるキャビテ ーションであっても,その騒音の発生状態は,音圧お よび発生間隔がランダムなパルス列であると考えられ る。また,たとえ同一の大きさを持った核であって も、キャビテーションの発生状況が異なれば,発生す る騒音も異なると考えられる。プロペラ翼が,キャビ テーションにより浸食される場合は,強い衝撃的な圧 力がプロペラ翼面上に働くことが予想され,したがっ て発生する騒音も高い音圧を示すことが期待される。 この騒音の周波数スペクトルあるいは音圧(波高)頻 度を計測すれば,キャビテーションの発生状況を知る 手がかりになるのではないかと考えた。

#### 計測に使用した機器

計測に使用した機器の各論を以下に,一覧表を表-1 に示す。

名 称	型 式	製造会社名
ハイドロフォン	10 L 10 N	日本電波工業
前置增幅器	ST-65 (改造)	沖電気工業
周波数スペクトル分析装置	TR-4120	タケダ理研工業
電 流 プ ロ ー ブ	CP-501, 520	岩崎通信機
X Y レコーダ	WX-431	渡 辺 測 器
波型記錄装置	MS-5103 B	岩崎通信機
プラグインユニット	SP-30H-B	"
波高頻度分析装置	EDS-34208 A	東京芝浦電気
プラグインユニットK型	UE-730-009	"

表-1 使用機器一覧

#### 3.1 ハイドロフォン

ハイドロフォン(水中マイクロフォン)は,騒音を 電気信号に変える変換器で,文献<sup>2)</sup>に示されたハイド ロフォンに類似した製品(超音波探傷用硫酸リチウム 振動子,共振周波数 10 MHz)を使用した。

本ハイドロフォンの校正は, 音場相互校正法<sup>3)</sup> によ り行った。この校正法とは, 可逆変換器の送波感度と 受波感度は同一で可逆性があるという理論によって, 3個の送受波器を用いた実験結果から,送波感度と受 波感度の積を求め, 両者を分離する方式である。した がって、少くとも3個のうち1箇は可逆変換器であ り、あとの2個は1個ずつの送波器および受波器であ れば良い。使用したハイドロフォンは、圧電効果を利 用した変換器であるから、送波器および受波器の両方 に使用できる可逆変換器である。ハイドロフォンを3 個用い、そのうち2個をそれぞれ送波専用および受波 専用とし、1個を受波用および送波用として以下に述 べる方法で校正を行った。

校正に使用した水槽は,高さ 100 mm,幅 100 mm, 長さ 10~320 mm のアクリル樹脂製で,水槽の端面

(176)

の反射防止には油粘土を使用した。計測には後述の周 波数スペクトル分析装置を用い,付属の分析周波数発 振器の出力をそのまま送波用のハイドロフォンに加 え、相対するハイドロフォンを受波器とし、その出力 を前置増幅器を介して周波数スペクトル分析装置に加 えた。そして,周波数スペクトル分析装置に付属する オシロスコープに現われた伝送特性を,XYレコーダ (表-1 参照) で記録した。また,送波用ハイドロフォ ンに流入する電流を電流プローブで(表-1参照)検 出し、同様な方法で記録した。また、音場が十分球面 音場3)とみなせるように、ハイドロフォン相互間の距 離を, 5~0.7 MHz では 320 mm, 0.7~0.1 MHz では 60 mm, 0.1~0.04 MHz で 10 mm とした。上記の校 正結果を 図-1 に示す。なお,図-1の校正曲線は周波 数帯によって4本の曲線に分かれ, Case I は上記の ハイドロフォンの相互の距離が 320 mm の場合, Case II は 60 mm の場合, Case III は 10 mm の場合であ る。なお、この距離は、計測した最高周波数において 十分球面音場とみなせるように定めた。しかし Case III の場合は、ハイドロフォン相互間の距離が検出器 の直径に比べても短いので, 念のため特に低周波帯域 について防衛庁技術本部第5研究所で検定を行った。



ここでは,防衛庁技術本部第5研究所所有の水中音響 標準装置Ⅲ型<sup>3)</sup>を用い,予め校正された送波器と供試 のハイドロフォンの距離を 200 mm として,受波感 度のみの校正を行った。この結果を 図-1 の Case VI に示す。両者の結果は,詳細には必ずしも良い一致を 示してはいないが,大略の感度としては類似の値が得 られたと考えて良いであろう。また多少の凸凹はある にせよ,少なくとも要求される帯域(後述)では,大 体において平坦である一ほぼ忠実に圧力波形を電圧波 形に変換している―と考えて良いであろう。

#### 3.2 前置增幅器

前置増幅器は、ハイドロフォンの出力を高インピー

ダンス (30 M $\Omega$ ) で受けて増幅する,接合型の N 型 電界効果トランジスタと,低インピーダンス (600  $\Omega$ ) で次段に送るトランジスタ増幅器を組み合わせたもの である。なお,前置増幅器の初段の時定数を小さくし て機械的雑音の混入を防止した。

#### 3.3 波形記録装置

キャビテーション騒音波形の記録用として,記録式 の静電オシロスコープを使用した。本装置の垂直軸に は,前記の前置増幅器の出力を加え,水平軸の走査速 度を所定の値にセットして単掃引状態とし,撮像管を 記録状態とした。そして,任意の時間にリセットボタ ンを押して単掃引を行わせ,もし有意な記録が取れな かった場合は,画面を消去して再びリセットボタンを 押して記録するようにし,有意な記録のみ写真撮影に より保存した。

#### 3.4 周波数スペクトル分析装置

キャビテーション騒音の周波数スペクトル分布を分 析する手段には、1/3 オクターブバンドフィルタによ る方法とヘテロダイン式フィルタによる方法がある。 1/3 オクターブバンドフィルタによる方法は,フィル タの帯域幅がフィルタの中心周波数に比例しているの で,騒音スペクトルの強度もフィルタの中心周波数に 無関係に得られる。しかし,フィルタの中心周波数が 離散的であり、また、あまり高い周波数 (200 KHz 以 上)のフィルタは作られていない。これに対しヘテロ ダイン式フィルタによる方法は,周波数に無関係に帯 域幅が一定で,計測周波数帯域は 0~数十 KHz から 数百 GHz に及ぶものが市販されている。このフィル タは、主として線スペクトルあるいはそれに近似した スペクトルを計測するには便利であるが、騒音のスペ クトルの計測にはあまり適していない。しかし、本計 測では、特に高い周波数の計測が重要であると考えた ために、キャビテーション騒音のスペクトル分布の分 析装置としてヘテロダインフィルタ方式のものを採用 した。本装置は,周波数スペクトル分布分析部と分析 周波数発振部とからなっており,両者は電気的に十分 に分離されている。また周波数スペクトル分布を表示 するオシロスコープと,表示をXYレコーダに記録す るための出力端子を備えており,X軸に周波数に比例 した出力が、Y軸にスペクトル強度の対数(dBm)に 比例した出力が得られるようになっている。

この装置を用いた場合は、フィルタの帯域幅の問題 により、厳密には 1/3 オクターブバンドフィルタを用 いた計測結果との比較はできないが、少なくとも傾向

(177)

を知ることは可能である。なお、この装置の使用に関 しては、入力を前記波形記録装置の垂直出力端子より 取り、周波数の掃引をごくゆっくり行うことで、狭帯 域による応答の低下を補った。すなわち、キャビテー ション騒音の周波数スペクトル強度を計測する際に は、周波数掃引幅 0~2 MHz、フィルタの帯域幅 1 KHz, 掃引時間を 50 秒として行った。

#### 3.5 (音圧)波高頻度分析装置

キャビテーション騒音はインパルス状であるから, このインパルスの波高頻度を計測するために波高頻度 分析装置を使用した。本装置は,もともと放射線のエ ネルギースペクトルを計測するために開発された装置 である。本装置を放射線のエネルギースペクトルの計 測に使用する場合,放射線の出力パルスの立上り時間 は 2 µs 以下であって,キャビテーション騒音の立ち 上り時間 1 µsec (写真-2 および 4 参照,後述)と同 程度であるため,本装置を採用した。本装置は,計測 範囲 (2 V)を等間隔に 200 のチヤネルに別け,それ ぞれのチヤネルにカウンタを置き,入力されたパルス の波高の最大値を取って,それに相当するチヤネルの カウンタに1を加える動作を繰り返すようになってい る。このカウンタの計数結果は,後から各チヤネルご とに記録用のプリンタに印字することが可能である。 計測時間中に計数し得る最大の数は 10 進法 6 桁で, 付属のオシロスコープでこのカウンタの内容をアナロ グに変換して表示することも可能である。はっきりと した頻度分布が得られ,またオーバーフローをなるべ く起こさないよう,計測時間は50秒とした。しかし, ときにオーバーフローを生じた場合もあり,最大計数 値はもう1桁大きい方が良かった。付属のオシロスコ ープは,オーバーフローを生じたチャネルが少なく, かつオーバーフローの回数も少ない時には,オーバー フロー検出装置として利用することができた。

プリンタに記録したデータは,更に紙テープに穿孔 し電子計算機で後述の統計計算等を行った。

前記の前置増幅器については、ゲインおよび周波数 特性の校正を行い、波形記録装置および周波数スペク トル分析装置は、周波数特性および振幅特性の校正を 行ったが、それぞれ規格内の値を示した。波高頻度分 析装置の時間特性には十分な精度があったが、低域の ウインドウの精度(チャネルの下限および上限の電圧 値の精度)は十分ではなかったと考えられ、この問題 については後述する。また、周波数スペクトル分析装 置の周波数軸のゼロ点も比較的ドリフトが目立ったの で、計測ごとにゼロ点を補正してから計測するように した。図-2 に計測のブロック線図を示す。



図-2 計測ブロック線図

## 4. 実験の状態

キャビテーション騒音の計測を行った場所および実 験の種類等を示す一覧表を表-2 に示す。また,ハイ ドロフォンの実装方法および各種実験の状態等につい て以下に示す。

#### 4.1 ハイドロフォンの実装

小型および大型キャビテーション水槽でのハイドロ フォンの実装方法を 図-2 の上部に示す。すなわち, キャビテーション水槽上部観測用窓(アクリル樹脂製) の上にスピンドル油を滴らし,その上にハイドロフォ ンの受圧面がアクリル窓と密着するように設置した。

実船では、図-2 の下部に示すように、プロペラ直 上の船底外板にアクリル製の窓を設け、その上に"か ぶと"状の容器を置き、中に水を満たし、ハイドロフ ォンを"かぶと"状の容器に固定して、受圧面を水中 に浸すようにした。

2次元振動翼の場合も、観測用窓はアクリル製であ

<sup>4</sup> 

試験対象	流場	試験の種類	実 施 場 所				
模型プロペラ	不均一流	W, S, H	船研小型キャビテーション水槽4)				
"	均一流	Ѕ, Н	船研大型キャビテーション水槽5)				
実船プロペラ	不均一流	W, H					
2次元振動翼 不均一流 H			東京大学工学部船舶工学科特殊空洞水槽				
発電用水車模型 不均一流 H			三菱重工業株式会社神戸研究所水力研究室				

表-2 実験の種類および実施場所

略号 W: 波形観測, S: スペクトル分布計測, H: 波高頻度分布計測

ったので,簡単な治具を作ってハイドロフォンを保持 させ,アクリル面と受圧面の間にスピンドル油を滴ら した。

発電用水車模型では、そのケースがアクリル製であったので、キャビテーションの最も発生し易い部位に 向けてハイドロフォンの受圧面をケースに固定し、ア クリルとの間にやはりスピンドル油を滴らした。

ハイドロフォンの取付けには極めて簡便な方法を用 いたが、その理由は、アクリル、スピンドル油および 水中での音の伝播速度が極めて近似しており、三者間 の透過による反射の影響は極めて軽微であると判断し 得たからである。また、スピンドル油を上述のように 使用した理由は、ハイドロフォンの受圧面とアクリル との間に空気の層ができることを防ぐためと、スピン ドル油は、水よりも絶縁その他の理由で優れているた めである。

しかし,キャビテーションの発生位置とハイドロフ ォンの距離は必ずしも一定にすることはできなかった ので,ハイドフォンの出力値そのもので比較すること はできなかった。

#### 4.2 状態の設定

模型プロペラの不均一流中の実験では、下記の実船 プロペラの回転速度より推力係数 Kr を推定し、実船 に近似させた伴流分布の中で,推力係数とキャビテー ション数を一致させて行った。模型プロペラの均一流 中の実験では,視覚的に不均一流中での状態に近似し た状態で行った。しかし,後述のように,均一流中で のクラウド状態(下記)は存在しないので,そのかわ りバブル状態(下記)で実験を行った。

実船のプロペラでは、キャビテーションが発生する 状況を下記の4つの状態に分類し、それぞれを実船の プロペラの回転速度の変更により実現し、観測により 確認した。 2次元振動翼と発電用水車模型については,キャビ テーションが視覚的に出現する直前の状態と,激しく 起っている状態と,これらの中間の点2点計4点を選 定して行った。

#### 4.3 状態の種類

実験状態の種類は、いずれの場合も4種の実験状態 について行った。以下に模型プロペラの場合を例にと り、キャビテーションをストロボスコープで観察して 名付けた状態名およびその詳細について記す。なお、 状態の制御を自由に行える点と後述のバブル状態を除 いては、実船のプロペラも下記と近似した状態を示し た。

# 4.3.1 初生キャビテーション状態

視覚的にキャビテーションの初生が認められるキャ ビテーション数を  $\delta_i$  とし、模型プロペラの周囲の状 態を $\delta_i$ の2倍程度に設定する。この状態で計測器を 調整して雑音(キャビテーション騒音以外の原因で生 じる立上りの速い電気的擾乱)を十分に抑圧すれば, キャビテーション騒音と考えられる立上りの早いイン パルスは認められない。しかし、圧力等の実験状態設 定パラメータの変更により,周囲の状態を 1.5δi 程度 に設定したあたりから、キャビテーションによる騒音 と考えられる立上りの速いインパルスが観測され始め る。そして視覚的にキャビテーションの初生が認めら れる状態では、このインパルスは、かなりの強度に達 している。したがって,視覚的にはまだキャビテーシ ョンの初生は認められないが、キャビテーション騒音 は確実に認められる状態を,初生キャビテーション状 態(以下"キャビテーション"は省略する,他の状態 についても同様)と呼ぶ。

4.3.2 チップボルテックスキャビテーション状態

模型プロペラのキャビテーション数を、ôi より更 に小さくすると、チップボルテックスキャビテーショ

(179)

ンが発生して次第に安定し,翼の後方に,らせん状の 渦を作る。この状態をチップ状態と呼ぶ。

#### 4.3.3 シートキャビテーション状態

模型プロペラのキャビテーション数を,チップ状態 より更に小さくすると,キャビティは次第に翼の先端 から翼根部に向けて拡がり始め,翼の背面は膜状のキ ャビティで覆われるようになる。この状態をシート状 態と呼ぶ。

## 4.3.4 クラウドキャビテーション状態,他

模型プロペラのキャビテーション数を十分小さくす ると、プロペラが不均一流中で作動している場合は、 翼上のキャビティが消滅する付近に雲または霞状のキ ャビティが見える。この状態をクラウド状態と呼ぶ。 また、模型プロペラが均一流中で作動している場合 は、回転角によってキャビティが消滅するような事が なく、従ってクラウド状態もない。しかし、キャビテ ーション数が十分に小さい場合は、翼根部に球状のキ ャビティが現われる(バブルキャビテーション)ので この状態をバブル状態と呼ぶ。

2次元振動翼および発電用水車模型の実験では,チ ップボルテックスキャビテーションを発生する状態は ない。しかし,双方共シートキャビテーションおよび クラウドキャビテーション(発電用水車模型の場合に は浸食を生ずるキャビテーション)状態は存在する。 このため,初生状態とシート状態の中間の状態を,チ ップ状態のかわりに準シート状態と呼称する。

#### 5. キャビテーション騒音波形の観測

前記の波形記録装置を用いて,キャビテーション騒 音波形の映像を写真撮影することによって観測を実施



**写真-1** キャビテーション騒音波型(模型,不均 一流中) 縦軸感度 10 mV/div. 掃引速度 1 ms/div.



 写真-2 キャビテーション騒音波型(模型,不均 一流中)
 縦軸感度 10 mV/div.
 掃引速度 1 μs/div.



**写真-3** キャビテーション騒音波型(実船,不均 一流中) 縦軸感度 1 V/div. 掃引速度 1 ms/div.



**写真-4** キャビテーション騒音波型(実船,不均 一流中) 縦軸感度 1 V/div. 掃引速度 1 µs/div.

(180)

<sup>6</sup> 

した。本装置は、ランダムに発生する信号を手動で撮 像管に記録する方式であり、記録時間を 10 msec お よび 10  $\mu$ sec としたので、10 msec のものは別として 10  $\mu$ sec のものは、必ずしもすべての実験状態で波形 の捕捉に成功したわけではない。しかし、舶用プロペ ラの模型試験と、実船試験におけるキャピテーション 騒音の波形について、2、3 の良好な結果が得られた ので、この例について以下に考察を進める。

模型プロペラにおける不均一流中のキャビテーショ ン試験から計測した,キャビテーション騒音の波形を 写真-1 および 2 に示す。2枚の写真は,それぞれ時 間軸(X軸)の掃引速度が1msec/div と 1 µsec/div のものである。両者は特に顕著な波形変動を示したも のであって,同一波形を掃引速度を変えて示したわけ ではない。また,実船(不均一流中)におけるキャビ テーション騒音の波形を 写真-3 および 4 に示す。

それぞれの時間軸は、1 msec/div、1  $\mu$ sec/div である。

これらの写真について説明すると、1 個のキャビテ ィバブルの成長および崩壊によって生ずる圧力変動の 期間は数  $\mu$ sec で、その圧力変動の立ち上がりは 1 $\mu$ sec 程度のインパルス状である。また、キャビテーシ ョン騒音の発生時期、波高もともにランダムである。

実船プロペラと模型プロペラの変動時間には特に差 異はないが,振幅には数十倍ないし百数十倍の差異が みられる(実船プロペラと模型プロペラの直径比は, 1:34.483 である)。なお,写真-1の基線が太い理由 は,キャビテーション騒音の波高値が小さかったの で,増幅器のゲインを上げたために,前置増幅器の熱 雑音等の振幅も増加したためと考えられる。

上記の事項により,つぎの考察を導くことができ る。

a) 1 $\mu$ sec で立上がるパルスを捕捉するためには、検 出器および 増幅器の周波数帯域の上限は 5 MHz 程度 が必要である。また現象が発生してから終結するまで の時間は大略 7~10 $\mu$ sec と考えられるので、周波数 帯域の下限は 20~15 KHz が必要である。(文献<sup>6)</sup> お よび付録参照)

なお,周波数帯域の下限を定めた理由は,機械的な 振動が入力に混入することを防止するためである。機 械的振動は,文献<sup>7)</sup>に示すように,大部分が 10 KHz 以下に集中している。

b) この波形がキャビテーションの騒音波形である理 論的な根拠はない。しかし,7. で述べるようにプロペ ラ付近の音場には、キャビテーション騒音以外には、 少くとも 2 µsec 以下の急峻な立上がりを示す雑音は 存在していない。また、この波型は、文献<sup>7)</sup> および本 報告に提示したキャビテーション騒音のスペクトル強 度に近似したスペクトルを有しているので、少くとも キャビテーションに起因するものである。本報告で は、この波形をキャビテーション騒音の波型として取 り扱うこととする。

c) 写真-1 および 3 によると, キャビテーション騒 音の波形は必ずしも一様ではなく, さまざまな波高の ものを含んでいる。これは, キャビティの大きさがラ ンダムであることの外に, キャビテーションの発生状 況が異なるためと考えられる。すなわち, キャビテー ションの発生状況 (例えばクラウドキャビテーション や, シートキャビテーションなど)が異なれば, プロ ペラの浸食状況も異なるのであるから, キャビテーシ ョン騒音の波高も異なるであろう。

d) 模型と実船のキャビテーション騒音の波高の比は 大略 1:100 程度であるが,必要周波数帯域幅が変ら ないので,単に増幅器のゲインの切り替えのみによっ て模型と実船の両方に同一の試験機材が使用でき,大 変好都合であった。この騒音の特性は,何らかの相似 則を示しているようであるが,相似則を十分検討する ためにはもっと高精度のデータを多数集める必要があ る。

#### 6. 周波数スペクトルの計測

周波数スペクトル分析装置の入手時期が比較的遅か ったので,実船,2次元振動翼および発電用水車模型 のキャビテーション騒音の計測時に周波数スペクトル の計測は実施できなかった。

本研究を開始した当初には、均一流中で作動するプ ロペラのキャビテーション騒音の周波数スペクトルの 計測を実施した<sup>7)</sup>が、その結果では、キャビテーショ ン数が小さくなるに従ってキャビテーション騒音の周 波数スペクトル強度は増加した。このため、周波数ス ペクトルの計測のみによって、キャビテーションの状 況を推定することができるのではないかと考えた。し かし、不均一流中のプロペラのキャビテーション騒音 の周波数スペクトルの計測を行ってみると、スペクト ル強度は、チップ状態で最大となり、これよりキャビ テーション数を大きくしても小さくしても減少するこ とが判明した。

また、同一のプロペラを同一の作動条件、同一のキ

(181)

ャビテーション数で,均一流中と不均一流中のキャビ テーション騒音の周波数スペクトルの計測を行ってみ たが,キャビテーションの発生状況は全く異なってお り,不均一流中の方が均一流中より大きなキャビテー ション数でキャビテーションを発生した。

上記の事項により、均一流中と不均一流中で作動す るプロペラのキャビテーション騒音を、同列において 比較することは困難である。このため、視覚面からキ ャビテーション状態を前述の4状態に分類して、それ ぞれの状態の周波数スペクトル強度について 図-3 お よび 図-4 に示し、これらの図について述べる。



図-3 均一流中の模型ブロペラのキャビテーショ ン騒音のスペクトル分布



図-4 不均一流中のプロペラのキャビテーション 騒音の周波数スペクトル分布

初生状態となるキャビテーション数は,不均一流中 の場合の方が均一流中の場合より大きく,この傾向は 他の状態でも同様である。双方の周波数スペクトルの 分布状況は,均一流中の場合の方が強度がやや大きい 事を除いては,殆んど変らない。

初生状態からチップ状態に移った場合の周波数スペ クトル強度は,均一流中の場合および不均一流中の場 合の双方とも増大する。

チップ状態からシート状態へ移った場合の周波数ス ペクトル強度は、均一流中の場合は更に増大するが、 不均一流中の場合は減少する。

シート状態からバブル状態あるいはクラウド状態に (182) 移った場合の周波数スペクトル強度は,均一流中では 更に増大するが,不均一流中の場合は更に減少し,超 高周波成分は僅かに増大する。

上記の事項よりつぎの考察が導かれる。

a) 不均一流中では、プロペラの翼の回転角によって 翼に対する実効的なキャビテーション数が異なってい る。一方キャビテーション数は、プロペラ全周の平均 的な値であるから、回転角度位置によっては、キャビ テーションの発生する範囲が変化する。これに引きか え、均一流中ではすべての回転角度位置についての翼 に対する実効的なキャビテーション数は変らない。こ のため、不均一流中のプロペラは、均一流中のプロペ ラより大きいキャビテーション数でキャビテーション を発生する。また、視覚面からキャビテーション 状態 を分類した場合に、不均一流中の方が均一流中に比べ てキャビテーション騒音の周波数スペクトル強度が弱 い理由は、不均一流中では特定の領域しかキャビテー ションは存在しないが、均一流ではキャビテーション は全周に存在するからである。

b) キャビテーションの初生は,恐らく微視的な段階 から始まるであろうが,この段階で既に検知可能な騒 音が発生していると考えられる。実船と模型のキャビ テーション初生に関する報告<sup>8)</sup>によると,騒音計測に より検知した初生キャビテーション数は,視覚的に検 知した初生キャビテーション数はしていない が,実船と模型プロペラに関する考察では類似の傾向 を示した。キャビテーション初生に,騒音による検知 が有効なことは早くから知られているが,視覚による キャビテーションの検知との間に有意な相関が設定さ れれば,騒音の計測は,キャビテーション初生判別の 有力な手段となるであろう。

c) 不均一流中の周波数スペクトル強度について,チ ップ状態よりシート状態の方が減少しているが,その 理由としては,シートキャビテーションを生じている 流場付近には,大きな気泡核が存在するので,騒音が 伝播する間に,この気泡核によって減衰を受けたもの と考えられる。しかし,この理由のみによるものかど うかは不明である。

d) 不均一流中に生ずるクラウドキャビテーション は、キャビテーションによる浸食と密接な関係がある とされているが、このクラウド状態の周波数スペクト ル分布には、際立った特徴を発見することはできなか った。この理由は、本計測で採用したような、定常的 に存在する騒音の波形の成分を積分して抽出する方式

NII-Electronic Library Service

では,過渡的に発生するクラウドキャビテーションの みの周波数スペクトルを得ようとすることは無理であ ったのかもしれない。

#### 7. 波高頻度分布の計測

模型および実船のプロペラ,2次元振動翼ならびに 発電用水車模型のすべての実験においてキャビテーシ ョン騒音の波高頻度分布の計測を行った。この計測に ついて特筆すべきことは,計測系の電気的な擾乱(雑 音)を十分に抑圧すれば,キャビテーションの非発生 時には波高分析装置の入力は全く無く, キャビテーシ ■ン発生時には必ず入力が得られたことである。しか し、計測系の電気的擾乱に対する遮蔽が不十分な場合 は, 例えばストロボスコープや種々の計測装置の制御 用サイリスタ装置から発生する雑音(これらは大略一 定値を示すことが多い)によって,記録が乱された。 このため,記録を行うまえにキャビテーションが全く 生じない運転状態(たとえば実船試験においてはター ニング)において,入力がゼロになるように接地点そ の他を調整した。また、キャビテーション騒音の計測 を行う時にはストロボスコープのスイッチを切り、ス トロボスコープの点火用パルスがキャビテーション騒 音に混入することを防止した。

#### 7.1 半対数波高頻度分布図による解析

計測結果を半対数方眼紙にプロットした波高頻度分 布図と、一部のスケッチを 図-5~11 に示す。頻度の 範囲が非常に広かったので、頻度を示すスケールとし て縦軸に頻度の対数をとり、横軸に波高の圧力をとっ た。またこれらの図に共通して、不均一流中のキャビ テーション初生状態を○印、チップ状態を△印、シー ト状態を□印、クラウド状態を◇印、均一流中のチッ プ状態を▲印およびバブル状態を◆印でそれぞれ表わ した。図-5 および 6 は A 丸の模型試験,図-7 は A



図-5 A丸模型プロペラ (Va=3.75 m/s)





9



図-11 均一流中の模型プロペラ

丸の実船試験,図-8はE丸の実船試験,図-9は2次 元振動翼,図-10 は発電用水車模型,図-11 は均一流 中の模型プロペラのものを示す。図-5と図-6は同一 のプロペラで、プロペラの前進速度がそれぞれ 3.75 m/sec と 4.7 m/sec と異った場合の図である。前進速 度を変えた理由は,前進速度が遅いと同一のキャビテ ーション数を得るために静圧を下げる必要があり、こ のために 図-5 のクラウド状態 (◇印) では気泡によ りプロペラが見えなくなる程であった。この気泡は、 キャビテーション騒音も減衰させるので、図-5のク ラウド状態(◇印)で計測したパルスの数は極めて僅 少であり、分布の形状を明示するには至らなかった。 このため, 改めて前進速度を変更して計測しなおした ものが 図-6 である。 図-5~11 を通じて言えること は, クラウド状態(◇印)で数は少ないが波高の大き い成分が存在する図が多いことであり、この成分を定 量的に取扱う試みを以下に述べる。なお,図-5~11に ついては後述する。

#### 7.2 歪度と尖度による解析

本報告では、統計学的な概念である歪度 (Skewness) と尖度 (Kurtosis)を導入して "数は少ないが波高の 大きい成分"を定量的に表わすことを試みた。 歪度および尖度は、正規分布からの隔りを表わす数
であり、キャビテーション騒音がある基準的な状態で
は正規分布で近似できると仮定すれば、歪度および尖
度で、"数は少ないが波高の大きい成分"を表わすこ
とができるのではないかと考えたためである。
歪度および尖度は次式で表わされる。

$$\beta_1 = \frac{1}{s^3} \cdot \frac{\sum\limits_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^3 \cdot f_i}{n^3} \cdots \oplus \mathbb{E}$$
$$\beta_2 = \frac{1}{s^4} \cdot \frac{\sum\limits_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^4 \cdot f_i}{n^4} \oplus \mathbb{E}$$

ここに、s は母集団の標準偏差、 $x_i$  は i 番目の標本の値、 $\bar{x}$  はその母集団の平均値、 $f_i$  は i 番目の標本の頻度、n は標本の個数の総和である。母集団が正規分布をなすときは、歪度は 0、尖度は 3 である。

歪度は正規分布の対象度(右側が大きい時に正の 値)を示し、尖度は、中央値からの偏りの度合を示す。 いま完全な正規分布をなす母集団を想定し、正規確率 紙<sup>9)</sup>上の縦軸に累積頻度率(全体を 100% とする)、 横軸に標本の値を取ってプロットすると、直線状に分 布し、直線の傾斜は標準偏差に比例する。

この分布のある値 (ここでは 99%) から正規確率紙



 図-12 仮想分布 I (H, I および J は折点を移 動して表示)

(184)



上で分布の勾配が直線状に変化したとして図-12を作成し、この図の歪度および尖度を計算して図-13に示した。また一定の勾配で折点(2つの直線状の分布が



分かれるところ,以下同じ)が変化した場合を想定し て図-14を作り、この図の歪度および尖度を計算して 図-15 に示した。これらの図について考察すると, 図-13 についての歪度および尖度は、勾配が増加する 程増加する。また 図-15 については, 歪度および尖度 は、折点の値が85%を越えなければ、すなわち、 "数は少ないが波高の大きい成分"が全体の15%を越 えなければ, 歪度および尖度で "数は少ないが波高の 大きい成分"を表わすことができると考えられる。し かし、この議論は、あくまで仮想的な分布を想定した 場合に成り立つものであって, 歪度および尖度に関す るこの現象は,母集団の低レベルの分布が減少した場 合でも同様に成り立つ(後述の 図-22 のチップ状態 (▲印)参照)。しかし,筆者の計測システムでは,1 チャネルや2チャネルに記録するかしないかを決定す るレベルの値がドリフトを起していた形跡がある。こ のドリフトは、キャビテーション騒音を歪度および尖 度で捕えようとする場合には明らかに問題になる。し たがって,本稿では, 歪度および尖度を参考程度に使 用することとし, 各図にそれらの値を掲げておく。ま た, 歪度および尖度は, 雑音の影響も非常に受け易い ので、キャビテーション騒音の解析には、次項の対数 正規分布図によることとした。

#### 7.3 対数正規分布による解析

変量の大きい成分が含まれる現象は,正規分布より

(185)

対数正規分布の方がよく適合する。そこで,対数正規 確率紙を用いて,キャビテーション騒音の音圧(波高) 発生頻度を整理すると,正規確率紙の場合より,より 直線で近似できることが判明した。音圧(波高)は, 騒音の強さを対数(デシベル)で表わした単位である から,これが対数正規分布になることは,騒音の強さ のエネルギ値が正規分布になることを意味し,キャビ ティのエネルギが正規分布状(ランダム)に発生する ことを意味する。

以上の考察により,図-5~11 に示した各実験のキャビテーション騒音の波高頻度分布を対数正規確率紙上に整理し,図-16~22 に示した。これらの結果から,いずれの実験状態においても累積頻度の 20~80 %の範囲のものはほぼ直線で近似でき,騒音波高の発 生頻度は中心域の大部分においてよく対数正規分布に 適合するといえる。

この分布から外れて上部または下部に折点を持つ分 布については尖度と歪度を用いて同様に検討できるた め、以下それぞれについて説明を加える。

a) 図-5 および 6 に示すA丸の模型プロペラにおけるキャビテーション試験,図-7 のA丸の実船試験は,















(187)

それぞれ 図-16~18 に対応する。これらの図の初生 状態(〇印)は、図-17 では下位の2点が、図-18 で は上位の1点がそれぞれ直線から外れている。これら の影響で 図-17 の尖度は大きくなり, 図-18 の尖度は 小さくなったと考えられ、この点を除けば直線状に分 布する---対数正規分布をなす---と考えられる。チップ 状態 (△印) およびシート状態 (□印) についてこれら の図を見ると、いずれも略同様な変化をしており、特 に 図-16 のチップ状態 (△印) では折点が 90% 付近 にあるために尖度が大きくなったと考えることができ る。図-18 のクラウド状態(◇印)は、折点がやや下 方にある以外はチップ状態(△印)やシート状態(□ 印) と変らないように見える。しかし、図-18 のクラ ウド状態(◇印)を計測した場合は,キャビテーショ ン数が小さく, 喫水も深くとれなかったので, プロペ ラ付近の流場に多くの気泡核が存在した。この気泡核 の存在はキャビテーション騒音の計測に有害な影響を 与え、もし騒音が伝達する径路に気泡核が存在する と,騒音は極端に減衰される。しかし,騒音の伝達す る径路に気泡核が存在しない確率を期待すると、計測 時間が長ければ、それに比例して騒音の到達する回数 も増加する。したがって、図-16(図-5)や図-18(図 -7)のクラウド状態(◇印)では計測時間を延長すべ きであった。

図-17 のクラウド状態 (◇印) は,"数は少ないが 波高の大きい成分"を上部の"たるみ"として明瞭に 示しており,これは,クラウドキャビテーション発生 時の特徴である衝撃圧を示すものと考えられる。この "たるみ"は 図-16 および 図-18 のクラウド状態 (◇ 印)においても見ることができる。特に 図-16 では, 図-5 においては単に意味を特たない点の 羅列であっ たものが明瞭な"たるみ"を示している所に意義はあ るが,捕え得た騒音の数があまりにも少ないので,こ れ以上のことを判断することはできない。

b) 図-8 および 図-19 のE丸の実船試験の結果につ いて考察すると、初生状態(〇印)では、99.7% まで の点は直線状に分布している。また尖度が大きい理由 は、波高の大きい成分(雑音と思われる)が存在して いるためである。また、チップ状態(△印)やシート 状態(□印)は、初生状態(〇印)と似ているが、尖 度が小さい理由は、波高の大きい成分が少ないことと、 80~99.9% の分布が初生状態(〇印)と比べて勾配 が大きい(標準偏差が小さいため)と考えられる。ク ラウド状態(◇印)では、明瞭に"たるみ"のある分 布を示しており,観測によっても,クラウドキャビテ ーションが認められた<sup>10)</sup>。また,チップ状態(△印) およびシート状態(□印)でもクラウドキャビテーシ ョンが認められた<sup>10)</sup>が,図-19 もこのことを裏書きし ているようである。

c) 図-9 および 図-20 の 2 次元振動翼の結果では, 初生状態(〇印)は大体直線と考えられるが, 準シー ト状態 (△印)の 95% 以上はかなり "たるみ"を生 じており、"数は少ないが波高の大きい成分"の存在 を示す。一方,シート状態(□印)とクラウド状態 (◇印)では勾配は多少減少して標準偏差が 増加した ことを示すが,大体直線状の分布を示す。このことか ら, クラウドキャビテーションは, シート状態のよう に安定した状態からつぎの安定した状態(たとえば, スーパーキャビテーション状態)へ遷移する過渡的な 段階に発生するのではないかと推論される。本報告の 中で定義したシート状態とクラウド状態は,振動翼に おいてはスーパーキャビテーションあるいは安定した キャビテーションの状態であり,本報告の分類上の準 シート状態がクラウドキャビテーションを発生する状 熊ではないであろうか。

舶用プロペラと振動翼は、クラウドキャビテーションによる浸食を受けることでは同様であるが、振動翼にはチップボルテックスキャビテーションが無いなどの異なった点も数多くあるので、上記のことを早急に断定することはできない。今後実験を続けて行ってみる必要があろう。

d) 図-10 および 図-21 の発電用水車模型の結果にお いては,初生状態(○印)およびチップ状態(△印) では大体直線状に分布している。ただし,尖度が小さ い理由は,前述の低レベルの不安定性に起因するもの と考えられる。シート状態(□印)では 99%,クラ ウド状態(◇印)では 90% 付近を折点とする"たる み"が生じており,ともに"数は少いが波高の大きい 成分"の存在を示す。これは,クラウドキャビテーシ =ンまたはこれに相当するものがシート状態から現わ れ始め,クラウド状態で更に発生頻度が増加したもの と推察される。

e) 図-11 および 図-22 は、均一流中の模型プロペラの場合を示すもので、チップ状態(▲印)の左端の一点を除き、一般に滑らかな分布をしており、不均一流中のような"たるみ"は見られない。チップ状態(▲印)の最下位の1点は、前述のレベルの変動に起因するものであろう。

## 7.4 考 察

上記の事項からつぎの考察を導くことができる。 1) キャビテーション騒音の音圧は、対数正規分布状 に発生するため、この累積波高頻度分布図を作成する ことによって、不均一流中のキャビテーション騒音 に、"数は少ないが波高の大きい成分"の存在するこ とが明らかになった。また、その分布傾向に特有性を 見出すことができ、これをもってクラウドキャビテー ションの発生を間接的にではあるが検出することがで きた。これらの一部は観測でも確認されている。

2) キャビテーション騒音の波高頻度は、状態を初生 状態(○印)からチップ状態(△印)に変化すれば増 加するが、チップ状態(△印)からシート状態(□印) に変更すれば、波高頻度は減少することが多い。しか し、シート状態(□印)では、波高の大きい成分が発 生し始めているので、波高の大きい成分の発生を指標 とすることができるであろうし、シート状態(□印) からクラウド状態への移行は、波高の大きい成分の増 加が指標となるであろう。なおこの場合、気泡核の成 長によりキャビテーション騒音がかなり減衰を受けた 場合でも、波高の大きい成分の増加を把握し得る場合 があるので、可能であれば、計測時間を十分とること

が必要であろう。

3) 図-19 のクラウド状態(◇印)の波高の大きい成 分の存在を示す折点は 99.9% 付近にあるが,図-18 のクラウド状態(◇印)のは90% 付近にある。また, 図-19 に示したE丸の就航後に発生したプロペラのキ ャビテーションによる浸食の程度は,図-18 に示した A丸の就航後に発生したプロペラのキャビテーション による浸食の程度よりはるかに 軽 微であった<sup>11)</sup>。も し、プロペラの浸食に関連するキャビテーション騒音 が前述の波高の大きい成分であるとすれば,波高の大 きい成分の少ない方がキャビテーションの浸食が少な いと考えても良いであろう。

## 8. 計測に関する問題点

#### 8.1 ハイドロフォン

ハイドロフォンは、この目的のために製作されたも のでなかったため、電気的な遮蔽が不十分で、特に校 正時あるいはサイリスタを使用した機器の周辺で使用 した場合に、雑音を防止するために少なからぬ時間を 要した。ハイドロフォンの帯域幅は、この程度の定性 的な計測への使用には十分であった。

8.2 前置増幅器

前置増幅器は,線形な特性のものを使用したが,キ ャビテーション騒音のダイナミックレンジ(最強信号 と最弱信号の比)が大きかったので,最適の信号対雑 音比が得られたとは言えない。この解決策として,最 近開発された応答速度の早い素子を用いた対数増幅器 で信号対雑音比を圧縮すれば,対数正規分布図を作る 場合も対数確率紙のかわりに正規確率紙が使用でき る。しかし,この方法では低レベルの熱雑音の処理法 が問題になるであろう。

#### 8.3 波形記録装置

波形記録装置は、筆者が使用した機器よりも、デジ タル式アナログ記録装置の  $0.1 \mu sec/sample$  程度のも のを使用すれば、騒音の捕捉は、はるかに容易になる であろう。ただし、この場合の前置増幅器は、線形な ものが必要である。

#### 8.4 波高頻度分析装置

波高頻度分析装置は、ウインドウのドリフトが少な いものを使用することは当然であるが、そのほかの性 能は、前置増幅器にどのようなものを選ぶかによって 左右される。もし、前置増幅器に対数増幅器を使用す る場合は、現在のままのチャネル数(200 ch)で十分 であろう。最高カウント数は、現在のものより更に1 桁(10<sup>7</sup>まで)あることが望ましい。

#### 8.5 演算装置

現在では、計測データより対数正規分布図を作成して、始めてキャビテーションの発生状況が推察できるが、この処理は比較的単純なので、マイクロコンピュータによりXYプロッタあるいはCRTディスプレイに直ちに出力させることも可能であろう。

#### 9. 結 論

舶用プロペラ等のキャビテーション騒音の計測か ら、キャビテーションの発生状況を推定するため、キ ャビテーション騒音が、一般的な雑音の影響を受けに くい超音波のインパルス成分を含むことを利用して、 その波高頻度を計測した。その結果、対数確率紙に対 数正規分布図を作成することにより、不均一流中で作 動するプロペラ等に特有な現象であるクラウドキャビ テーションを判別できた。しかし、この研究での計測 結果の適用例は乏しく、まだ未解決の多くの問題を抱 えている。したがって、今後さらに適用例を増やして データを集積し、本報告で有効性を示した判別法を発 属させて、より正確で容易な判別法の確立をはかる必 要があるであろう。

(189)

# 謝 辞

本研究に関し御協力頂いた方々(代表)を列記し, 深甚な感謝の意を表わしたいと思います。

# 1. ハイドロフォン関係

東京工業大学精密工学研究所奧島基良教授 東北大学工学部奥山大太郎教授(当時) 防衛庁技術本部第5研究所漆原清第一部長(当時) 沖電気工業株式会社研究所 国際電気株式会社福田尚実超音波製造部長(当時)

#### 2. 試験関係

東京大学工学部船舶工学科田宮真教授(当時) 川崎重工業株式会社岡本洋推進性能班長(当時)

- 三井造船株式会社昭島研究所安部光弘推進性能研究 室長
- 三菱重工株式会社神戸研究所安藤錠治水力研究室長 (当時)

#### 参考文献

- H. M. Fitzpatrick and M. Steinburg, "Hydrodynamic Source of Sound", 1st. Sym. Naval Hydrodynamics, Sep. 1957
- 河西千広,奥山大太郎他,"圧電振動子の過渡応 答特性を利用した active dumping",日本音響 学会研究発表会講演論文集,Vol. 1, 1969年
- 3) 奥島基良, "変換器の感度特性", 超音波技術便 覧, 昭和43年5月改訂2版
- 志波久光, "船舶試験所空洞試験水槽に就て", 船舶試験所報告第5号,昭和17年2月
- 5) "大型キャビテーション試験水槽の建設につい て",船舶技術研究所報告第14巻1号,昭和52 年1月
- 6) イ・ポフ, "機械工学における空気力学実験法", 朝倉書店,昭和44年2月
- 高橋 肇,荒井 能,"キャビテーション騒音の 研究",第24回運輸技術研究所研究発表会講演 概要,1962年11月
- 8) 伊藤達郎,門井弘行,"舶用プロペラのキャビテ ーション(その2)",第2回舶用プロペラに関 するシンポジウム,1971年3月
- 9) 岡松正泰,"推計学ノート",第5版,オーム文

庫,昭和31年

- 10) 横尾幸一他, "3 軸コンテナ船の推進性能の研究",日本造船学会論文集133巻,昭和48年6月
- 11) H. Takahashi et al, "Comparison of cavitation phenomena between the actual and model ship propellers, and erosion survay on the actual propeller", Proceeding of 14th. ITTC, Vol. 2, Sept. 1975
- 12) 早田保実, "パルス電子工学", 第2版, 日刊工 業新聞社, 昭和35年4月

# 付録 現象の立上り時間および継続時間と,そ れを計測する計測器の周波数帯域について

一般に、高周波数の変動を含む現象を計測するための計測器は、減衰度がいかなる場合にも、計器の固有振動数が測定周波数の 10 倍以上あれば、振幅決定の誤差は 1%を越えない<sup>6)</sup>。本報告の場合は、立上がり時間が 1µsec のパルスであるから、立上がりと立下がりが同様であるとしても測定周波数は 500 KHz であり、計器の固有振動数 (10 MHz) および帯域 (5 M Hz) は充分上記の条件を満足している。

ー方低周波数の帯域について,現象の継続時間と等 しい周期の矩形波を考え,この矩形波が現象の継続時 間と等しい時定数を持った不完全微分回路を通過する と,傾き (sag) は振幅の 37% に達する。そしてこの 傾きを 1% 以内に押えるには 50 倍の時定数を持たせ ることが必要である<sup>12)</sup>。しかし,現象の継続時間と等 しい周期の正弦波が,現象の継続時間に等しい時定数 の不完全微分回路を通過したときの振幅減少率は 1.3 %に過ぎない。したがって,実際の一般の波形の場合 の計測誤差は上記の矩形波の場合の 37% よりは小さ く,正弦波の場合の 1.3% よりは大きい値をとるもの と考えられる。本報告の場合は低域に存在する雑音を 減衰させるために,不完全微分回路の時定数を約 10  $\mu$ sec としたが,この数値はやや小さ過ぎたと考えら れる。

<sup>16</sup>