# 論文 様々な形状の UFC ウェブを有する複合 PC はりの数値解析的研究

村田 裕志\*1·千明 英祐\*2·二羽 淳一郎\*3·片桐 誠\*4

要旨:近年,橋梁のウェブ部分にコンクリートとは異なる部材を用いる複合 PC 構造の普及 が進んでいる。複合 PC 構造のウェブ部分に,近年実用化が進められている超高強度繊維補 強コンクリートを適用することで,様々なウェブ形状を持つ新しい構造形式の橋梁を実現で きる。本研究では,ウェブ形状を三角パネル,四角パネルおよびハウトラスとした3体の複 合 PC はりの実験を対象に,非線形 FEM 解析を実施して実験の挙動の再現を確認し,非線形 FEM 解析が設計ツールとして有用であることを示した。

キーワード:超高強度繊維補強コンクリート,複合 PC 構造,非線形 FEM 解析

#### 1. はじめに

橋梁構造の軽量化が求められている中で,我 が国においても,波形鋼板ウェブ複合 PC 橋梁や, 鋼トラスウェブ複合 PC 橋梁といった,複合 PC 構造の橋梁の普及が進んでいる<sup>1)</sup>。著者らは, 近年実用化が進められている超高強度繊維補強 コンクリート<sup>2)</sup>(Ultra High Strength Fiber Reinforced Concrete:以下 UFC と称す)を,ウ ェブ部材として適用することを検討してきた<sup>3)</sup>。 UFC は,高い圧縮強度や鋼繊維補強による優れ た靱性に加えて,高い流動性を有するため,様々 な形に成型できる。これをウェブ部材として適 用することで,コンクリート構造物として新た な構造形式を提案できる。

そこで、この複合 PC 構造形式の有効性を明ら かとするため、UFC のウェブ部材の形状を三角 形パネル、四角形パネルおよびハウトラス形式 として適用した複合 PC はり(以降それぞれ TR, QU, HT と称す)を作製し、載荷実験を行った。

本論文は,実験の複合 PC はりを対象として, 2 次元の非線形 FEM 解析を実施して力学的挙動 をシミュレートし,同時に FEM が本構造の設計 ツールとして有用か否かを確認するものである。

#### 2. 実験概要および実験結果

解析対象は,接合部を有する複合 PC はりであ り,ウェブ部材には UFC で製作したプレキャス ト部材を用いている。図-1に複合 PC はりの概 要図を示す。ウェブ厚さは 40mm であり,ウェ ブ部材には鉄筋による補強を一切行っていない。

せん断スパンは 1500mm, 有効高さは 350mm, せん断スパン有効高さ比 a/d=4.29 とした。また, ウェブ部材とフランジ部の接合のため, ずれ止 め筋として貫通鉄筋 (D19 SD295A:降伏強度 fy=342MPa)を各ウェブ部材を貫通するように配 置し,接合鉄筋 (D13 SD295A:fy=345MPa)と 接続した (図-2)。また,各ウェブ部材の上下 端面およびウェブ部材同士の接合部にせん断キ ーを設け, コンクリートの打込みの前に, ウェ ブ部材同士をエポキシ系接着剤で接合した。

主鉄筋として、下フランジ部には 2 本の PC 鋼棒 ( $\phi$ 13 SBPR1080/1230 :  $f_y$ =1249MPa) を配置 した。また、せん断補強とウェブ部材の突抜け 防止のため、スターラップ (D10 SD295A :  $f_y$ =349MPa) を 75mm 間隔で配置した。ここで、 軸方向鉄筋比は 1.86%、せん断補強筋比は 0.63% である。

- \*1 東京工業大学 大学院理工学研究科土木工学専攻 修(工) (正会員)
- \*2 東京工業大学 工学部土木工学科 (非会員)
- \*3 東京工業大学 大学院理工学研究科土木工学専攻教授 工博 (正会員)
- \*4 太平洋セメント(株) 中央研究所研究開発部 工博 (正会員)



表-1 コンクリートの示方配合

粗骨材の最大寸法	水セメント比 [%]	空気量 [%]	細骨材率 [%]	単位量[kg/m <sup>3</sup> ]					
[mm]				水	セメント	細骨材	粗骨材	高性能AE 減水剤	消泡剤
15	30.0	3.0	53.2	170	567	857	766	7.93	5.67



## 表-2 各部材の材料特性

vu								
0	→ QU ★HT		フランジ	部(コンク	リート)	ウェブ部(UFC)		
i0 10 10	and a summer can an ex	試験体名	圧縮 強度 [N/mm <sup>2</sup> ]	引張 強度 [N/mm <sup>2</sup> ]	ヤング 係数 [kN/mm <sup>2</sup> ]	圧縮 強度 [N/mm <sup>2</sup> ]	引張 強度 [N/mm <sup>2</sup> ]	ヤング 係数 [kN/mm <sup>2</sup> ]
0	0 5 10 15 20 25 20	TR	59.3	3.5	28.7			
	たわみ [mm]	QU	74.1	3.8	31.7	204	9.7	53
- 3 実験の荷重-たわみ曲線 HT			82.5	4.4	34.1			

フランジ部のコンクリートは圧縮強度の目標 値を 60N/mm<sup>2</sup>とし、また過密な配筋となってい るため、スランプフロー450±50mm を目標とし て配合を決定した(**表-1**)。

プレストレスはポストテンション方式で導入 した。下フランジ部には下縁応力度 5N/mm<sup>2</sup> を 目標として, PC 鋼棒1本につき 75kN ずつ緊張 した。さらに上フランジ部にも、ウェブ部材と フランジ部との接合の強化を目的として、下フ ランジ部と同一の PC 鋼棒を2本配置し,上縁応 力度 3N/mm<sup>2</sup>を目標にそれぞれ 50kN ずつ緊張し た。緊張後、グラウトをシース管に注入し、PC 鋼棒に付着を与えた。

載荷は2点静的単調載荷とし、支点にテフロ ンシートでグリスを挟んだ減摩パッドを用いる ことで、水平方向の拘束を取り除いた。

実験から得た荷重-たわみ曲線を図-3に, 各部材の材料特性を表-2に示す。TR ならびに HT においては、荷重が一時的に低下した後に、 再び緩やかに増大した。一方 QU では、下フラ ンジ部の PC 鋼棒が降伏するまで,荷重の低下は 見られなかった。また TR では、 ウェブ部材であ る UFC のパネルが、片側せん断スパンで大きく 損傷し、破壊の非対称性が確認された。



3. 解析概要

## 3.1 解析モデル

解析コード DIANA 8.1 を用いて,2次元の非 線形 FEM 解析を行った。なお,実験での破壊の 非対称性を考慮して,図-4のように要素分割 して供試体全体を解析した。コンクリートと UFC には,4節点および3節点のアイソパラメ トリック平面応力要素を用い,鉄筋には埋込み 鉄筋要素を用いた。また,全供試体のウェブ部 とフランジ部の間,および QU のウェブ部材同 士間は完全に一体化しているとした。載荷板お よび支圧板によるコンクリートの拘束を避ける ため,載荷板および支圧板と,コンクリートと の間に厚さ1mmの界面要素を挿入して水平方向 の滑りを許容した。

解析において載荷は変位制御とし、求解法と して割線法を用いた。収束計算については、繰 返し計算におけるひずみエネルギーの変化量が そのステップの1回目の計算時のものと比べて 0.01%以下となった際に収束と判定した。

## 3.2 構成則と材料特性

(1) ひび割れモデル

UFC とコンクリートのひび割れモデルには回転ひび割れモデルを用いた。ひび割れは 1 要素に 1 本発生するものと仮定し、ひび割れ幅を等価長さ  $L_{eq}$  で除すことにより、平均ひずみを算出した。なお、 $L_{eq}$  は四角形要素については各要素の面積の平方根の平均(=33mm)、三角形要素については各要素の面積の2倍の平方根の平均(=33mm)とした。

(2) UFC

図-5に、解析に用いた UFC の応力-ひずみ モデルを示す。圧縮モデルは、圧縮試験から得 られた応力-ひずみ関係<sup>4)</sup>を多直線近似した。引 張モデルは、引張強度までは弾性体とし、ポス トピークは切欠きはりの3 点曲げ試験から得ら れた引張軟化曲線<sup>4)</sup>のひび割れ幅を、*Leq* で除す ことでひずみに変換した。

(3) コンクリート

コンクリートの構成則には、図-6および図



- 7 に示すモデルを用いた。 圧縮側には Thorenfeldt モデル<sup>5)</sup>に圧縮破壊エネルギー $G_{FC}$ を 適用したものを用いた。  $\mathbf{20}$  - 6 中において塗り つぶした領域の面積が、  $G_{FC}$ を等価長さ  $L_{eq}$ で除 したものと等しくなるように、Thorenfeldt モデ ルのポストピーク領域をひずみ軸方向に拡大し た。ここで、 $G_{FC}$ [N/mm]は Nakamura らの検討<sup>6)</sup> から以下のように定めた。

$$G_{FC} = 8.77 \times \sqrt{f_c'} \tag{1}$$

ただし、 $f_c$ 'は圧縮強度[N/mm<sup>2</sup>]である。

また,引張側には Hordijk モデル<sup>7)</sup>を用い,引 張破壊エネルギー $G_F$ は, 0.15N/mm とした。

(4) 鋼材

鉄筋と PC 鋼棒はコンクリートと完全に付着 しているとした。構成則には、降伏強度  $f_{,r}$  に達 するまでヤング係数  $E_s$  (=200kN/mm<sup>2</sup>)の弾性挙 動を示した後に、剛性を 0.01 $E_s$  として応力が増 加するバイリニアモデル(図-8)を用いた。 また、実験同様、PC 鋼棒には、下フランジ部で は1本あたり 75kN(計 150kN)を、上フランジ 部では1本あたり 50kN(計 100kN)のプレスト レス力を与えた。

#### (5) 界面要素の構成則

界面要素は直方向nとせん断方向tに抵抗する ばね状のモデルである(**図**-9)。構成則は応力 一変位関係で表される。直方向は圧縮側では剛 性 $D_n$ の弾性体とし、引張側は剛性を0とした。 せん断方向は剛性 $D_t$ でせん断強度 $f_s$ に到達後、 その応力を保つものとした。また、Coulomb の 摩擦モデルを、粘着力は0、内部摩擦角 $\phi$ は試験 結果から $30^\circ$ として適用した(**図**-10)。

#### (6) 載荷板,支圧板および分配桁

載荷板,支圧板および分配桁は弾性体とし, 弾性係数を 200GPa とした。

#### 3.3 諸特性

コンクリートと UFC の材料特性には、実験値 を用いた。鋼材の降伏強度  $f_y$  は、PC 鋼棒を 1250MPa、SD295A を 340MPa とした。界面要素 の直方向剛性  $D_n$  は、界面がコンクリートである と仮定し、ヤング係数を界面の厚さ(1mm)で 除して 30000N/mm<sup>3</sup> とし、せん断剛性  $D_t$  は、筆 者らが行った検討<sup>8)</sup>から 10N/mm<sup>3</sup> とした。

また,破壊形式の非対称性を解析で再現する ために,過去の検討<sup>8)</sup>から,片側せん断スパンの ウェブ部材(UFC)の引張強度を,実験値より も 0.5N/mm<sup>2</sup> 増加させて解析した。

#### 4. 解析結果と実験結果の比較

#### 4.1 TR についての比較

図-11 に解析から得られた荷重-たわみ曲線 を、実験結果と併せて示す。たわみは、上フラ ンジと下フランジの中央部の変位の平均値から 支点変位を差し引いたものである。これより、 解析によって概ね実験の荷重-たわみ曲線を再 現できたことが確認できる。実験では、たわみ が7mm程度で荷重が一時的に122kNのピークを 示して低下した後、再び緩やかに上昇した。解 析では、たわみが8mm程度で一時的に実験値よ りも高い127kNという荷重でピークを示し、そ の後実験よりも荷重が急激に低下した後に再度 上昇した。

図-12 に実験および解析から得られたひび割 れ性状を示す。解析では変形も重ねて表示して あり、ひび割れ性状は、主引張ひずみの矢線図



を90度回転させ、その大小を濃淡で示している。 実験は載荷終了時、解析はたわみが30mm に達 したときのものを示している。実験では、図中 の左側せん断スパン内において4枚のウェブ部 材のパネルで上フランジ部との接合部付近に大 きなひび割れが発生した。解析では、スパン中 央の左隣のパネルで、実験と同様に上部にひび 割れが発生したが、さらに左側の4枚のパネル では下フランジ部の接合部付近でひび割れが発 生し、破断した。これは、実験ではパネル下部

# 図-16 HT のひび割れ性状 に 1 本配置した貫通鉄筋を中心とした回転の自

由度が存在するが,解析では接合を剛結として いるために,実験よりもパネル下部に応力が集 中しやすくなったためと考えられる。

### 4.2 QU についての比較

図-13 に実験と解析から得られた荷重-たわ み曲線を示す。PC 鋼棒の降伏荷重は,実験で 300kN,解析で 290kN とほぼ一致しており,解 析によってほぼ正確に実験の荷重-たわみ曲線 を再現できた。解析では,実験よりも,ややひ び割れ発生荷重を過大評価しているが、これは 図-14 に示すひび割れ性状から説明できる。

実験では、スパン中央のパネルと両隣とのパ ネルが開口しているのに対し、解析ではウェブ 部材の中央から支点方向に向けてひび割れが分 散している。これはパネル同士間の接着をモデ ル化していないためであると考えられるが、破 壊モードにはほとんど影響を与えないことが確 認できた。また、片側のせん断スパンの UFC の 引張強度を強化したのにもかかわらず、実験と 同様に対称的な破壊を再現できた。

### 4.3 HT についての比較

図-15 に実験と解析から得た荷重-たわみ曲 線を示す。実験ではたわみが 6mm 程度で,荷重 が 111kN を示した後に一時的に低下したが,解 析では,一時的な低下は起こらずに,荷重が 108kN で剛性が低下した後,緩やかな荷重の上 昇が続いた。しかし,その後のたわみが 10mm 以降の荷重-たわみ曲線は概ね再現できた。

図-16 に実験および解析から得たひび割れ性 状を示す。実験では、引張を受ける垂直材にひ び割れが発生した後、大きく開口し、さらに急 激にひび割れ面でのずれが生じることで一時的 な荷重の低下が起こった。解析においては、ひ び割れ面でのせん断を考えない回転ひび割れモ デルを用いているため,一時的な荷重の低下を 再現できなかったものと考えられる。その後は, 解析における片側のせん断スパンの UFC の引張 強度を強化したことに関係なく、実験、解析の 両方において引張を受けるトラスが両側のせん 断スパンの全てにおいて破断している。これは, トラスの1本1本に対して中央のパネルが相対 的に大きく, TR のような中央パネル自体の非対 称な破壊を生じなかったためと考えられる。こ れにより,荷重-たわみ曲線の後半での挙動の 一致が得られたと推測される。

#### 5. まとめ

本研究から得られた知見を以下にまとめる。 (1) 適切な材料モデルを組み込んだ 2 次元非線 形 FEM 解析により,UFC 製の三角パネル, 四角パネルおよびハウトラスをウェブ部に 用いた複合 PC はりの荷重-たわみ曲線なら びにひび割れ性状を概ね再現し,FEM が本構 造の設計ツールとして有用であることを示 した。

- (2) 四角パネルを用いた供試体で、パネル同士間 の接着を剛結として取り扱っても、解析にお ける複合 PC はりの力学的挙動の再現の点で さほど問題はない。
- (3) UFC の引張強度に 0.5N/mm<sup>2</sup>だけ差をつけて 複合 PC はりの解析を実施することで,対称 的に破壊が生じるモードと,片側スパンに破 壊が集中するモードのいずれも再現できる ことを確認した。

謝辞:オリエンタル建設(株)の中島豊茂氏,高 澤昌憲氏,遠藤琢磨氏には,載荷実験の際にご 協力頂きました。ここに記して深謝致します。

#### 参考文献

- 園田恵一郎: 複合構造の発展の経緯と今後の展望, 土木学会 第5回複合構造の活用に関するシンポ ジウム講演論文集, pp.1-8, 2003.11
- 土木学会:超高強度繊維補強コンクリートの設計・施工指針(案),コンクリートライブラリー, 第113号,2004
- Sivaleepunth, C., Murata, H., Niwa, J. and Kawaguchi, T.: Experimental Study on Composite PC Beams by Applying UFC Truss as Web Member, Proceeding of the Japan Concrete Institute, Vol.26, No.2, pp.1801-1806, July 2004
- 4) 掛井孝俊,川口哲生,二羽淳一郎,兵頭彦次:超 高強度鋼繊維補強セメント系複合材料の破壊力 学特性,第57回セメント技術大会講演要旨, pp.230-231,2003.5
- 5) Thorenfeldt, E., Tomaszewicz, A. and Jensen, J. J.: Mechanical properties of high-strength concrete and applications in design, Symposium Proceedings, Utilization of High-Strength Concrete, Norway, 1987
- Nakamura, H. and Higai, T.:Compressive Fracture Energy and Fracture Zone Length of Concrete, Modeling of RC Structures under Seismic Loads, ASCE, pp.471-487, 2001
- Hordijk, D. A.: Local Approach to Fatigue of Concrete, PhD thesis, Delft University of Technology, 1991
- 村田裕志, C. Sivaleepunth, 二羽淳一郎, 片桐 誠: UFC トラス部材をウエブ部に用いた複合 PC はりに関する数値解析的研究, コンクリート工学 年次論文集, Vol.26, No.2, pp.1423-1428, 2004.6