# 高周波誘導加熱による鋼板の熱塑性変形の

# シミュレーション解析

正員根木 勲\* 正員小川潤一郎\* 正員神近亮一\*

A Simulation Analysis on the Thermal Elasto-Plastic Deformation of Steel Plate by High Frequency Induction Heating

> by Isao Neki, *Member* Jun-ichiro Ogawa, *Member* Ryoichi Kamichika, *Member*

#### Summary

In order to estimate temperature history in steel plate induced by high frequency induction heating, eddy current analysis and transient heat conduction analysis are combined. Also, thermal elasto-plastic FEM analysis is conducted using multi-layerd mindlin type plate element. Calculated temperature and deformation are good agreement with experimental data.

#### 1. 緒 言

著者らは別報1),2),3) において示したように、造船における 鋼板の焼き曲げ技術の合理化、標準化を図り、将来の自動 化に備えるとともに曲げ工作精度の向上を目指して線状加 熱曲げ加工技術の高度化のための研究を行っている。これ ら一連の研究における曲げ加工技術への新しいアプローチ 法は Fig.1 に模式的に示されている。同図中で(a)は目標 とする曲り形状を達成するために鋼板の各部に与えるべき 固有ひずみを計算するプロセス<sup>1),2)</sup>であり、(b)はその固 有ひずみ分布を得るため加熱方法を逆算するプロセスであ る。この重要なプロセスを解明する上での基本となるのが (c)のプロセスであり、ここでは、実際に使われる種々の 加熱条件での単一加熱線による基本変形量を算定する必要 がある。別報3)においては、軸対称熱源が鋼板上を一定速度 で直線的に移動する場合の熱弾塑性変形についての相似則 を検討し、熱弾塑性問題を支配する二つのパラメータと基 本変形量を明らかにした。

しかしながら,実際の線状加熱に用いる加熱装置として はガス炎や高周波誘導加熱など多くの種類があり,それら

\* 石川島播磨重工業(株)

原稿受付 平成5年7月9日 秋季講演会において講演 平成5年11月9,10日 の加熱装置を用いて指定した加熱条件で加熱した場合の基本変形量を解析的に算定するには未だ多くの課題が残されている。さらには、板サイズや加熱位置など変形量に影響を及ぼす諸因子について検討することも重要である。

本研究は加熱手段として高周波誘導加熱を用いた場合に ついて、装置の出力など外部から調整できる量をあるとこ ろに設定した場合の温度分布を算定する方法を検討し、そ れをもとにして熱弾塑性解析を行い、冷却後に鋼板に残留 する変形量を数値解析によって推定することをねらうもの である。本報告ではその第一段階として高周波誘導加熱コ イルを鋼板上に静止させて一定時間加熱した場合の温度と 変形を計算する方法について検討した。さらに、計算法の



Fig. 1 New approach to plate bending technology by line heating

妥当性を調べるために高周波誘導加熱実験を行い,解析結 果との比較検討を行った。

# 2. 高周波誘導加熱による温度分布の計算

#### 2.1 加熱コイルによる磁場とうず電流の計算法

高周波誘導加熱は,電磁誘導によって生じたうず電流が 被加熱物に流れる際のジュール熱により加熱する方法であ る。磁性体および導体が十分に長い場合の駆動電流および うず電流の方向と直角な平面上での二次元場に対する電磁 場方程式は,磁気ベクトルポテンシャルを用いると次式で 表わされる<sup>4</sup>。

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial y} \right)$$
$$= -J_0(T) + \sigma(T) \frac{\partial A}{\partial t}$$
(1)

ここで, A:磁気ベクトルポテンシャル

μ:透磁率

J<sub>0</sub>:強制電流密度

また,(T)は温度の関数であることを示す。

考えている領域 S 全体を有限要素に分割することを想定 し,  $A_i$  を要素節点 i における磁気ベクトルポテンシャルと して, A の近似値  $\hat{A}$  を次式で表わす。

$$\hat{A} = \sum_{i=1}^{M} A_i N_i \tag{2}$$

 $N_i$ は領域S全体での大域補間関数であり、節点iに付ず いする要素上以外では零となるものを仮定する。この $N_i$ を重み関数として、(1)式にガラーキン法を適用する。

$$\iint_{S} N_{i} \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial y} \right) + J_{0}(T) - \sigma(T) \frac{\partial A}{\partial t} \right\} dx dy = 0$$
(3)

(3)式を変形すると

$$\iint_{S} \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{N_{i}}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{N_{i}}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial y} \right) dxdy - \iint_{S} \left\{ \frac{\partial N_{i}}{\partial x} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial x} \right) + \frac{\partial N_{i}}{\partial y} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial y} \right) dxdy + \iint_{S} J_{0} N_{i} dxdy - \sigma(T) \frac{\partial}{\partial t} \iint_{S} N_{i} A dxdy = 0 \quad (4)$$

一方,グリーンの定理より(4)式の左辺第1項は次式の ように変形される。

$$\iint_{S} \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{N_{i}}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{N_{i}}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial y} \right) dx dy$$
$$= \int_{C} N_{i} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial x} dy - \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial y} dx \right)$$
(5)

ここで、Cは領域の境界に沿う閉路であり、自然境界として取り扱う場合は(5)式の右辺は零である。したがって(4)式は次のようになる。

$$\iint_{S} \left\{ \frac{\partial N_{i}}{\partial x} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial x} \right) + \frac{\partial N_{i}}{\partial y} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A}{\partial y} \right) \right\} dxdy$$
$$- \iint_{S} J_{0}(T) N_{i} dxdy + \sigma(T) \frac{\partial}{\partial t} \iint_{S} N_{i} A dxdy = 0 \quad (6)$$

(6)式の積分は領域 S 全体にわたる積分であり,  $N_i$  も領 域全体で定義したものであるが,実際に計算を行う際は, 各要素ごとに積分したものを加え合わせればよい。要素 j内での磁気ベクトルポテンシャル  $A_{k}^i$  は要素を構成する 節点 k での磁気ベクトルポテンシャル  $A_k^i$  と補間関数を用 いて次式で表わされる。

 $A_{i,i}^{i} = \sum N_{i}A_{i}^{i}$  (7) (7)式の $\sum$ は要素を構成する節点についての和をとること を示している。大域補間関数  $N_{i}$ は,節点iが要素jに属さ なければ,すなわち,iが要素jを構成する何れの節点とも 等しくない場合には,要素jの上で零である。(6)式の積分 を各要素領域に分解し, $N_{i}$ を要素ごとの補間関数  $N_{i}^{i}$ に置 き換えると、

$$\sum_{j=1}^{L} \left[ \iint_{S(e),j} \left\{ \frac{\partial N_{i}^{i}}{\partial x} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A_{i}^{i}}{\partial x} \right) + \frac{\partial N_{i}^{i}}{\partial y} \left( \frac{1}{\mu(T)} \frac{\partial A_{i}^{i}}{\partial y} \right) \right\} dx dy - \iint_{S(e),j} J_{0} N_{i}^{i} dx dy \\ + \sigma(T) \frac{\partial}{\partial t} \iint_{S(e),j} N_{i}^{i} A_{i}^{i} dx dy \right] = 0$$
(8)

ここで, L は全要素数, S(e)j は要素 j の領域を表わすもの とする。(8) 式左辺の j についての総和は, 実際には節点 iを共有する要素のみについてとればよいので一層簡単にな る。(8) 式の  $A_{e}^{i}$  に(7) 式を代入し, i を1からMまで変 えた式を順次作ることによって,  $A_i$  を定めるべきM個の 節点方程式が得られる。

#### 2.2 うず電流による温度分布の計算法

被加熱物に流れるうず電流が 2.1 により求まれば、この 電流と被加熱物の抵抗から発熱量が計算できる。すなわち、 うず電流を i, 被加熱物の導電率を  $\sigma$  とすれば、単位長さ当 たりの発熱量 q は次式で与えられる。

$$q = C_j \cdot i^2 / \sigma \tag{9}$$

ここで, *C*, はジュール・カロリー換算率である。

一方,非定常熱伝導問題の支配方程式は,

$$c\rho \frac{\partial T}{\partial t} = \lambda \left( \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} \right) + Q \tag{10}$$

ここに,

T = T(x, y, z, t):温度 t:時間 c:比熱  $\rho$ :密度

**λ**:熱伝導率

Q:単位時間,単位体積当たりの発熱量

うず電流解析から算出される  $q \in (4)$ 式の Qに与え, FEM による熱伝導解析を行った。

2.3 うず電流解析と熱伝導解析の連結

2.3.1 計算の流れ

今回行った温度分布計算の流れを Fig. 2 に示す。

まず,初期温度,材料テーブル,境界条件を入力し,う ず電流解析を行う。これで得られた電流を用いて,単位長

#### 高周波誘導加熱による鋼板の熱塑性変形のシミュレーション解析



Fig. 2 Flow chart of analysis

さ当たりの内部発熱量を計算し、それをコイル長にわたっ て一様に分布させた熱伝導解析を行う。求まったコイルの 長さ方向中央位置での被加熱物の温度を用いて材料定数を 更新し、次の時間ステップに対してうず電流解析を行い、 被加熱物に流れる電流を求める。時間ステップを順次増し ながら加熱時間が終了するまで同様の手順をくり返す。

加熱時間が終了すれば,内部発熱がないものとして単に 非定常熱伝導解析を行う。

2.3.2 数値計算例

ここでは、後述の実験に対応させて Fig.3 に示すような 四角形断面で磁力線を集中させるために強磁性のコアを付 着した1ターンヘアピン型の加熱コイルを厚さ12 mm の 鋼板上に静止させた状態で20秒間加熱し,引き続き自然冷 却した場合を想定しモデル化した。yz 平面に関する対称性 を考慮してコイルの片断面だけを含むうず電流解析モデル を作成した。その要素分割図を Fig.4 に示す。同図で加熱 コイル、コア、鋼板以外の部分は空気である。

高周波誘導加熱では、電流が導電体の表面付近に集中し て流れる性質があるので、あらかじめ予想最高到達温度に おける被加熱物すなわち鋼板の浸透深さを計算してその範 囲の鋼板の板厚方向要素分割を十分細かくした。すなわち、 加熱側表面から1.5 mm の範囲を20分割した。うず電流 解析および熱伝導解析に用いた鋼板の材料特性の温度依存 性を Fig. 5, 6 に示した。なお、空気の比透磁率は1,強磁 性体の比透磁率は3000とした。



537

Fig. 3 Schematic features of induction heating method



Fig. 4 Mesh division for eddy current analysis

Fig.7 に加熱開始 15 秒後における計算された磁気ベク トルポテンシャル等高線を示す。なお、ハッチング部分は コイルの断面を示す。同図から、鋼板の加熱表面側に等高 線が集中しており、その部分で磁束密度が大きいことがわ かる。

次に熱伝導解析の要素分割を Fig.8 に示す。うず電流解 析のモデルと整合をとるため表面近く1.5 mm の範囲を 10 分割してある。

うず電流解析で求まったうず電流が、コイルの全長  $L_H$ =150 mm の範囲で一様に分布するものとして計算を行っ た。xy 面、yz 面に関して対称と考えて全体の 1/4 をモデル 化した。t=20 秒すなわち加熱終了時のモデル全体および z=0 における断面での等高線を Fig. 9、10 にそれぞれ示



Fig. 5 Electromagnetic properties of steel



Fig. 6 Temperature dependent thermal properties of steel



Fig. 7 Contour of magnetic vector potential

す。なお、Fig.7、9、10 に示した計算結果はコイル電流す なわち強制電流の値を加熱開始後 0 ~16 秒の間で 1 000 Amp. とし、その後 20 秒に達するまでにその値が 1.33 倍



日本造船学会論文集 第174号





Fig. 9 Contour of temperature



Fig. 10 Contour of temperature on the cross section

に達するように設定した。これは加熱装置の直流電流指示 値から推定されるコイル電流に対して,温度計測値と計算 値が合うように若干のレベル調整を行ったものである。

### 3. 静止加熱による変形の計算

Fig.2に示した一連の温度解析で求まった各温度ステッ プごとに弾塑性大たわみ計算を行い,最終的に常温に戻っ た時の残留変形量を求めた。なお,熱伝導解析にはソリッ ド要素を使用したが,熱弾塑性解析では計算時間が膨大と なるため,弾塑性積層 Mindlin 8 節点板要素<sup>9</sup>を使用し,板 厚方向に12層重ねてモデル化した。

Mindlin 板要素は、古典的な kirchhoff の薄板理論に対して、板厚方向のせん断変形を考慮する改良を加えたもので、その主な仮定は次のとおりである。

(a)板厚方向の応力は無視できる。

(b)変形前の板厚中心面に対する垂線は、変形後も直線 を保つが、中心面に直角である必要はない。

詳細な定式化<sup>5)</sup> については省略するが、本論文で用いた 積層要素での塑性化の取り扱い法は、通常の平面応力状態 熱弾塑性増分応力-ひずみ関係を仮定し、板厚方向のせん断 剛性は常に弾性状態を保つものである。

さらに、本論文においては純粋の曲げ変形のみならず面 内の収縮変形をも考慮するために、通常の Mindlin 板曲げ 要素に対して、板厚中心面の面内変形を考慮するように拡 張したプログラムを使用した。

計算モデルを Fig. 11 に示す。同図には代表させた 1 層 だけを示しているが,これが板厚方向に 12 層重なったもの である。

変形の計算に用いた材料の力学的特性の温度依存性を Fig. 12 に示す。計算した全体の残留変形を Fig. 13 に示す。 なお、Fig. 13 は板厚中心での形状を表わしたものである。

#### 4. 加熱実験

#### 4.1 実験方法

FEM によるシミュレーション解析の妥当性を検討する ために実験を行った。2.3.2の数値計算例で説明した形状 の加熱コイルを500×500×12 mm の軟鋼板上に隙間を3 mm あけた状態にして出力 15 KW で20 秒間加熱し,その 後,自然冷却した。

Fig. 14 に示した位置での過渡的な温度を熱電対を用い て計測した。さらに, Fig. 15 に示した位置で,加熱線をは さんで加熱前後の標点間距離をコンタクト・ストレインメ ータを用いて上下面で計測し,加熱前後の差から横収縮量 を求めた。

加熱は第一高周波(株)製の HI-HEATER 1050 型高周 波加熱装置を用いた。なお、同装置は出力値を設定して通 電すると、被加熱材の温度上昇に伴ってコイル電流が増加 するという特性を有している。

#### 4.2 温度分布計測結果

Fig. 14 に示した各位置における温度履歴を Fig. 16 に示 す。これらの図において、白丸は測定結果を、黒丸は同じ 場所における計算結果をそれぞれ示している。

#### 4.3 収縮量計測結果

横収縮量の計測結果を解析結果と比較して Table 1 に 示す。最も縮んだところで 0.13 mm の面内横収縮がでて いる。



Fig. 11 Mesh division for thermal elasto-plastic analysis



Fig. 12 Mechanical and physical properties as functions of temperature



Fig. 13 Deformed shape

5. 考 察

## 5.1 磁気ポテンシャル分布

Fig. 7 に示した磁気ポテンシャルの等高線を見ると,強磁性体コアの存在によって,磁力線がせまい空間に集中している様子が見られる。また,使用した高周波のために,予測通り鋼板の浸透深さ内で磁気ポテンシャルが急速に減少している様子が見られる。このことは渦電流が浸透深さ内に集中していることを示している。

5.2 温度分布



Fig. 14 Location of thermocouples



Fig. 15 Location of contact-strain-meter

Fig. 9, 10 に示した全体的な等温線図からも,うず電流のジュール熱による発熱が表層部に集中し,その熱が熱 伝導によって周囲に伝達されている様子が見られる。

	測 定 場 所	上面 収縮 (MM)	下面 収縮 (MM)	平 均 収 縮 (MM)	角 変 形 (RAD.)
実験	()	0.193	0.067	0.130	0.0105
	(2)	0.176	0.058	0.117	0.0098
	(3)	0.056	0.007	0.031	0.0041
計算	(1)	0.198	0.075	0.136	0.0102
	(2)	0.168	0.051	0.110	0.0097
	(3)	0.058	0.008	0.033	0.0042

 Table 1
 Comparison between calculated and measured shrinkage

Fig. 16(a)~(h)は各計測点における温度計測とそれに 対応した計算による温度変化を示したものである。いづれ の計測点においても計算結果は実験値と非常に良く一致し ている。このことから、二次元のうず電流解析結果を三次 元の熱伝導解析と組み合わせる方法でも、加熱コイルの長 さがコイル幅の5倍程度あれば、十分精度の良い三次元の 温度分布を計算できることが示された。

次に各々の温度計測位置における温度変化について考察 する。Fig. 16(b)には、コイル真下で表面から2 mm 深さ 位置(計測点③)における温度計測値が白丸印で示されてお り, Fig. 16(d)にはコイル真下における板の裏面(計測点 ⑤)での温度計測結果を白丸で記している。両者を比較する と(b)図は加熱開始直後急激に温度が上昇しているのに対 して, (d)図ではゆるやかに上昇し始めている様子が見ら れる。これは、表面近くでうず電流による発熱があり、そ の後裏面の方へ熱が伝わっていくことを示しているものと 思われる。計算値も同様にその傾向を示している。また, (b)図では加熱後期において再度温度の立ち上がりが急に なっているのが見られる。これは、前述のように実験に使 用した高周波加熱装置の特性により、コイル電流が増加し たことによると推察される。これに対して、計算では前述 のように加熱開始16秒後から駆動電流を増加させるとい う方法をとったことにより、実験値の傾向をシミュレート することができた。

#### 5.3 横収縮

Table 1 に,実験での横収縮量計測位置での計算された 変位を合わせて示している。温度分布の計算と同様に,変 形の計算結果は実験値と良く合っている。ここでも本研究 で採用した計算法の妥当性が示された。Fig. 17 には,計算 による上面と下面における変位の 2 軸方向の分布を示し ている。この変位分布から中央部で収縮が大きく,端に向 かうにつれて小さくなっていることが読みとれる。上面と 下面の変位の差も中央部で大きくなっている。これは,角 変形も中央部で大きいことを表わしている。Fig. 17 には, 合わせてコンタクト・ストレインメータで計測した上面お よび下面の収縮量を白三角,黒三角印で示している。同図 高周波誘導加熱による鋼板の熱塑性変形のシミュレーション解析



Fig. 16 Comparison between calculated and measured temperature history

# 日本造船学会論文集 第174号





に示した収縮量は,計算に合わせて片側分すなわち全収縮 量の半分を記した。

冒

#### 6. 結

本研究で得られた結論を要約すると以下のとうりであ る。

(1) 加熱コイル断面についての二次元うず電流 FEM 解析と熱伝導 FEM 解析を組み合わせることによって,両

者の材料特性の温度依存性を考慮した高周波誘導加熱による三次元温度分布解析手法を開発した。

(2) 鋼板に加熱コイルを一定時間静止させた状態での 高周波誘導加熱実験を行い,各部の温度と変形を計測した。 実験と同一条件に対する上記解析手法による計算結果は実 験結果と良く一致した。

(3) 上記温度分布解析で得られた鋼板の過渡温度分布 を用いて,弾塑性積層 Mindlin 板要素を用いた熱弾塑性解 析を行い,計算された横収縮量と実験を比較した結果,良 い一致が得られた。

#### 参考文献

- 上田,村川, Rashwan,奥本,神近:計算機支援板曲 が方案自動作成システムの開発(第1報)成形形状と 固有ひずみの関係,日本造船学会論文集,第170号, pp. 577~586(1991)
- 2) 上田,村川, Rashwan, 奥本,神近:計算機支援板曲 が方案自動作成システムの開発(第2報)固有ひずみ の観点から見た現場での作業手順,日本造船学会論 文集,第171号, pp. 83-93, (1992)
- 上田,村川, Rashwan,根木,神近,石山,小川:計算 機支援板曲げ方案自動作成システムの開発(第3報) 加熱条件と固有変形,日本造船学会論文集,第173 号,pp. 409-419(1993)
- 4) 中田, 高橋: 電気工学の有限要素法(第2版), 森北 出版(1986)
- 5) D. R. J. Owen, E. Hinton, 山田監訳: 塑性の有限要素法, 科学技術出版社, (1988)