ビードオンプレート溶接で生じる残留応力・溶接変形の 高精度数値解析手法に関する研究



Study on Accurate Numerical Analysis of Welding Residual Stress and Welding Deformation Generated in Bead-On-Plate by *Member*, Toshio Terasaki Daisuke Yamakawa Shunpei Tounai

Summary

This paper deals with precautions needed for an accurate numerical analysis of welding residual stress and deformation. By comparison of numerical results with experimental data, the precautions of the thermal-elastio-plastic FEM are investigated. The bead-on-plate welding was selected as the first object of study, because the boundary conditions does not change with the moving of heat souce. The obtained precautions are as follows: The element division is determined by the size on the welding direction of mechanical melting point and the size of inherent area calculated by the fix-bar model. The yield strength in the area of inherent strain and the coefficient of linear expansion in the vicinity of mechanical melting point are needed.

1.緒 宮

溶接により発生する残留応力と溶接変形は溶接構造物 の脆性破壊強度、疲労強度、座屈強度および腐食強度に 多大な影響を与えるため、昔から多くの研究報告がなさ れている1)-3).残留応力・変形を数値解析する手法として 熱弾塑性有限要素法(FEM)が一般に用いられ、種々の 知見が報告されている().5). しかし,数値解析値と実験値 の比較は熱サイクルと残留応力がほとんどであり、固有 ひずみや変形を同時に検討された報告はないようであ る、この原因として、従来の研究では研究者自らによる ソフト開発が必要であり、数値解析と実験の両方を同時 に研究する環境がととなわなかったことが考えられる. 著者の一人®も残留応力の数値解析予測に成功したが、変 形や残留応力の発生原因である固有ひずみの予測に失敗 したため、2次元有限要素法の数値解析ソフトの開発を 断念し、実験のみを行った.しかし、最近では市販の数 値解析ソフトが発達し、多くの研究者がソフトを利用し て、残留応力・変形の数値解析が行えるようになり、力

* 九州工業大学工学部物質工学科

** 九州工業大学工学研究科学生

原稿受理 平成14年1月9日 春季講演会において講演 平成14年5月15,16日 学を専門にしていない研究者でも容易に残留応力・変形 を計算できるようになった.弊害として,実験値と比較 検討がなされていない数値解析手法で数値解析値が報告 されている.特に,溶接現象は溶融温度から室温まで温 度変化が大きく,材料定数や境界条件の取り扱いなど検 討しなければならない項目が多くあるため,注意しなけ ればならい項目を明確にする必要がある.

以上の問題点を明確にするために、本報告ではビード オンプレート溶接を取り上げ、実験値と数値解析値を比 較検討しながら、高精度な数値解析手法を確立する上で の注意点である

①要素分割の方法
②材料定数の温度依存性
を検討した.

なお、数値解析には市販ソフトABAQUSを使用した.

2.実験

ビードオンプレート溶接(以後,ビード溶接(BOP) と呼ぶ)において生じる残留応力や溶接変形の発生原因 である固有ひずみ,縦収縮や横収縮に関する実験方法な どの詳細は既に報告しているので,ここでは数値計算値 と比較する実験値の要点のみを記述する⁷⁾⁻¹⁰⁾.実験は YAGレーザを使用して板厚方向に熱源ができるだけ一様 に与えられるようにし,板厚裏面まで溶融する条件で 行った.実験材料として自動車用鋼板(SPHC)である 240



Fig. 1 Specimen

板厚hが4.35mmの軟鋼を使用した.応力除去焼鈍後の鋼 材の降伏応力 σ_vは24℃(室温), 100℃および200℃で それぞれ257MPa, 222MPa, 216MPaであった. 試験片 の寸法はFig.1に示すように板幅 Bが100mm,板長さLが 300mm, 600mmで, 板幅中央を溶接(x軸とする) し た、固有ひずみの測定は溶接後の試験片の溶接長中央部 から溶接線を含んだ幅cが約30mm,長さbが幅の2倍以 上である約60mmの試験片(Fig.1の斜線部)を切り出し て行った⁹⁾.縦収縮の測定にはレーザ寸法測定器を用い, 溶接前後の試験片の長さを測定し、その差より縦収縮を 求めた10). 横収縮の測定には試験片に直接コンタクト ボールを打ち込み、溶接前後の2点間の距離の差を1/ 1000mmまで測定できるpfender計を使用して測定した 1). 横収縮の発生原因はFig.1に示すy方向の固有ひずみ g,であるから、コンタクトボールは試験片の固有ひずみ 発生領域外に打ち込んで測定した".残留応力は溶接後の 試験片にひずみゲージを貼付け、小さく切断したときの ひずみから応力を算出する応力弛緩法を用いて測定し た.

3. 有限要素法(FEM)解析における注意点

残留応力,変形の発生原因は固有ひずみである¹².固 有ひずみgの定義は溶接前後の見かけのひずみ ε から弾 性ひずみ ε_e を引いた値であるが,残留応力のみを対象と した場合には残留応力と結びついた固有ひずみ(有効固 有ひずみと呼ばれている)として定義される場合が多 い.固有ひずみと有効固有ひずみの相違を溶接線に直角 方向(Fig.1のy方向)の固有ひずみ g_y により生じる横収 縮Sを例にして説明する.一層一パスの突合せ溶接で生 じる固有ひずみ g_y は第一近似ではx方向に一定であるか ら,弾性ひずみ ε_{ey} は零となり有効固有ひずみは零とな る.一方,横収縮を作っている見かけのひずみ ε_y は零で ないから,固有ひずみ g_y は見かけのひずみに等しくな る.従って,有効固有ひずみは零であるが,固有ひずみ は零でない.

以上より,数値計算の精度を検討する場合には,有効 固有ひずみに結びついた残留応力以外に,固有ひずみに 結びついた溶接変形との比較が重要となる.従って,実 験値として測定できる残留応力,溶接変形(固有ひずみ の積分値),有効固有ひずみと数値計算値との比較を以 下の項で検討する.なお,固有ひずみを実験で求めるこ とは難しく,有効固有ひずみのみ実験で求めることに成 功している⁹⁾.そこで,以後,有効固有ひずみを単に固有 ひずみと呼ぶ.

3.1 熱源形態

溶接熱源を移動線熱源で取り扱うと温度上昇過程で熱 源近傍の温度は無限大まで急激に変化するため、温度上 昇過程での熱弾塑性解析に多くの時間増分過程が存在 し、数値計算時間が非常に長くなる、一方、力学問題で は、降伏応力が非常に小さくなる力学的溶融温度 0, 以上 では力学に関する材料定数の温度変化は小さい. そこ で、温度上昇過程での温度変化を滑らかにするために溶 接熱源を熱源移動方向にガウス分布、熱源直角方向には 一様な熱量を投与した形で近似して熱伝導のFEM解析を 行う. すなわち, ガウス熱源を goexp(-3x²/a²) (J/mm³·s)と仮定し、この熱源が幅 B_w(mm), 板厚 h(mm)に均等に投与されるとする.1秒間に投与される 上記のガウス熱源による全熱量q_{inu} (J/s)は溶接により与 えられる単位時間当たりの熱量 $q_{weld} = \eta I V(J/s) (I: 溶$ 接電流, V:アーク電圧, η:熱効率)に等しい. 従っ て、次式が得られる.

 $q_{weld} = B_w h \int_{-\infty}^{\infty} q_0 \exp(-3x^2/a^2) dx = B_w h q_0 a \sqrt{\pi/3}$

x方向の熱の広がりを示すaを力学的溶融温度に結びついた幅 B_wとし,数値計算に必要な定数を決めた.

 $a = B_w, \quad q_0 = \eta I V / (B_w ha \sqrt{\pi/3})$ ------(1) 3. 2 要素分割

(1)固有ひずみ分布と要素分割

最初に固有ひずみ分布の実験値を推定できる適切な要素分割を検討する.溶接力学では力学的溶融温度 θ_M⁶と 固有ひずみ発生域を決める最高温度上昇 T_pが重要となる ¹³⁾.鋼の力学的溶融温度は830℃で与えられ⁽⁴⁾,最高温度 上昇 T_pは両端固定棒モデルで概ね取り扱えることから ¹³⁾,ヤング率 E,線膨張係数αにより

 $T_p = \sigma_Y / E \alpha$ ------(2) で与えられる¹²⁾.

力学的溶融温度 θ_M に注目して,移動線熱源による等温 度曲線を考察する.溶接熱源とともに原点が移動する移 動座標(熱源進行方向をx軸とする)から熱伝導を眺める と温度上昇は準定常状態となり,次式で温度上昇Tが取 り扱える¹²⁾.

 $T = \theta - \theta_0 = (Q_{net} / 2\pi\lambda h) \cdot \exp(-\nu x / 2k) \cdot K_0(\nu r / 2k)$ ただし、 Q_{net} :真の溶接入熱、 λ :熱伝導率、 ν :溶接速度、k:熱拡散率、 θ_0 :板の初期温度 K_0 :第2種変形ベッセル関数、 $r^2 = x^2 + y^2$

溶接熱源後方の溶接線上の温度を $\theta_{y=0}$ とすると、 $\theta_{y=0}$ となる位置 $|x|_{y=0}$ (= $-x_{y=0}$)は次式となる.

ビードオンプレート溶接で生じる残留応力・溶接変形の高精度数値解析手法に関する研究

(MPa)

Yield stress,

$$|x|_{y=0} = -x_{y=0} = (v/4\pi\lambda c\rho) (Q_{net}/h)^2 \{1/(\theta_{y=0} - \theta_0)\}^2$$

ただし、c:比熱、ρ:密度

従って、力学的溶融温度 θ_M 以上になるx万向の寸法 l_M は上式において $\theta_{y=0} = \theta_M$ とした次式となる.

 $l_{M} = (\nu / 4\pi \lambda c \rho) (Q_{net} / h)^{2} \{1 / (\theta_{M} - \theta_{0})\}^{2} \dots (3)$

*l_M*は溶接線上の要素が力学的溶融温度以上となるためのx方向の要素分割寸法*l*_xの一つの基準となる.

溶接線直角方向の温度上昇Tは一般に瞬間平面熱源式 で与えられ,y点と最高温度上昇T_{max}の関係は次式で与 えられる¹²⁾.

 $T_{\max} = \theta_{\max} - \theta_0 = (0.242 Q_{net} / c\rho h) \cdot 1 / y$





Fig.2 Element division used for analysis

有限要素法解析で使用した要素分割の一例をFig.2に示 す.溶接が板幅中央断面で行われることから,溶接線に 対して対称な部分のみ要素分割し, x軸上はy方向に拘 束,原点である左下端の節点のみx, y拘束とした.数値 解析で使用した要素は一次要素で,熱伝導ではDC2D4, 熱弾塑性ではCPS4を使用した.

溶接線上の1要素の平均温度上昇が移動線熱源の過程で 完全に力学的溶融温度以上になる条件での要素分割と力 学的溶融温度以下になる条件での要素分割で数値解析を 行った.溶接条件は溶接入熱 $Q_{net} = 95 \text{ J/mm}$,溶接速度 v = 3.3 mm/s とし,材料定数である比熱 $c = 0.473 (\text{ J/g} \cdot \text{°C})$,密度 $\rho = 0.0078 (\text{g/mm}^3)$,熱伝導率 $\lambda = 0.0369 (\text{ J/mm} \cdot \text{°C} \cdot \text{sec}) は一定とし,温度依存性をもた$



Fig.3 Temperature dependence of material propaties

せなかった.式(3)より I_M は5mmとなったため,要素の1 辺の長さを $I_x = 10$ mmと $I_x = 3.3$ mmとして計算を行い,計 算結果の比較検討を行った.解析に用いた材料定数(線 膨張係数 α ,ヤング率E,降伏応力 σ_Y)の温度依存性は 種々の文献を参考にしてFig.3とした(添え字Bは解析の 基本としたことを意味する)^{14).19)}.

Fig.4に溶接線に沿った固有ひずみ g_x の分布を示す(要素の中心座標はy=1.0mmにあるので、厳密にはy=1.0mm上である). 記号●印が1要素の平均温度上昇が力学的溶融温度以上となる要素分割($l_x=3.3$ mm)で計算した結果であり、記号〇印が力学的溶融温度以上にならない要素分割($l_x=10$ mm)で計算した結果である. 要素分割が細かく、力学的溶融温度の長さより要素長が小さい $l_x=3.3$ mm場合には、固有ひずみ値は板長さ端部近傍を除いて、溶接線に沿って降伏ひずみ(1224μ)のマイナス値に近い値になっている. 粗い要素の $l_x=10$ mmの場合には、板長さ端部以外でも固有ひずみが振動して



Fig.4 Distribution of inherent strain g_x in the vicinity of weld center line

241

242



Fig.5 Comparison of numerical results with experimental data of inherent strain

おり, 定常状態になっていない. 以上より, 溶接線方向の要素長 l_xは力学的溶融温度の寸法 l_Mより小さくする必要がある.

次に、板長さ中央部分での断面上の固有ひずみ g_xの実 験値とFEMによる数値解析値との比較をFig.5に示す. 図 中の○, △, □印は3回の実験値であり,●印はFEMの 計算結果である.実験値 g_xはFig.1の図中に示す矩形の斜 線領域寸法bの平均値であるので,FEMの結果も実験で 使用した試験片寸法と同じ寸法に発生している固有ひず み値の平均値をプロットしている.数値解析値と実験値 の相違は溶接線近傍において大きい.これは、溶接線近 傍においては溶接熱サイクルによる焼入れ硬化による降







Fig.7 Comparison of numerical results with experimental data of local longitudinal shrinkage

伏応力σ_γの上昇により,降伏ひずみε_γの絶対値が増加し たためである⁹. FEMでは硬さ変化による降伏応力の変化 を考慮に入れて計算していない. Fig.5より降伏ひずみの 一定値,降伏ひずみ発生領域および固有ひずみ発生領域 はほぼ一致しており,FEMを用いて十分に実験値が予測 できている.

(2)縦収縮と要素分割

Fig.4より l_{M} 以下であれば、板長さ端部を除いて固 有ひずみ値は一定値になっている.しかし、板長さ端部 近傍では固有ひずみ値 g_x は変動しており、数値解析値が 精度良く求められているかは不明である.そこで、端部 近傍の g_x の影響が大きく表れる局部縦収縮の実験値と計 算値を比較した.縦収縮の実験は溶接入熱 $Q_{net} = 182 J/mm,溶接速度 v = 7.4 mm/s で行われたため$ $¹⁰⁾、力学的溶融温度の寸法<math>l_M$ は11 mmとなる.

溶接線方向の要素の一辺の長さを*l_x* = 10 mmとして有限 要素法解析を行った局部縦収縮の数値解析値と実験値を Fig.6に示す.計算値は実験値を概ね説明できているが, 全体的に一致していない.

次に、溶接線方向の要素長を l_M の約1/2である5mm ($l_x = 5$)とした計算結果をFig.7に示す. $l_x = 5$ mmの FEMの計算結果は実験値に良く一致しており、精度良く 予測できている. $l_x = 5$ mmは l_M の1/2であるから、数値 解析での l_x は l_M の1/2以下にするのが一つの目安となる.

(紙面の都合で縦収縮の平均値を比較した図を掲載しないが、縦収縮の平均値であるマクロな溶接変形を取り扱う場合には、 *l_xと l_Mが同じ*寸法であれば、精度良く推定されていた.)

(3)横収縮と残留応力

既述したように横収縮はy方向の固有ひずみ g,により

ビードオンプレート溶接で生じる残留応力・溶接変形の高精度数値解析手法に関する研究



生じるが、有効固有ひずみで生じる残留応力と異なり、 溶接する前を基準とした見かけのひずみから弾性ひずみ を引いたひずみである固有ひずみの積分値である.従っ て、横収縮と残留応力が数値計算と実験値で一致すれ ば、熱弾塑性の有限要素法解析は信頼できることにな る.そこで、今までの要素分割のポイントのもとに、 L=600, B=100, h=4.35の板を溶接速度 v=3.7mm/s、溶接入熱 $Q_{ner}=243$ J/mmで溶接した場 合に生じる横収縮と残留応力を比較した.溶接条件より $I_{M}=9.8$ mmとなるため、 $I_{s}=5$ mmで要素分割した.

Fig.8に横収縮の実験値と計算値を示す.pfender計の測 定誤差が0.005mm程度あることを考慮するとFEM解析で 横収縮が十分に予測できている.

Fig.9に板長さ中央断面上での溶接線方向の残留応力の 解析結果と実験値(応力弛緩法)を示す.残留応力の実 験値はFEM 解析の曲線で精度良く推定されている.





4. 材料定数の温度依存性

FEMを用いて熱弾塑性解析を行う際には種々の材料定 数の温度依存性を与えなければならないが,現状では材 料定数の温度依存性の値を文献や実験により把握して, 精度よく与えることは非常に困難と思われる.しかし, 前章で,Fig.3に示す材料定数の温度依存性を用いて,固 有ひずみ,横収縮,残留応力の実験値が数値解析で予測 できたことも事実である.そこで,溶接の力学的問題を 取り扱う際に重要である線膨張係数α,ヤング率 E,降 伏応力σγの温度依存性が数値解析結果に及ぼす影響を検 討した.

解析対象は2章で使用した鋼であり、試験片寸法は L = 300mm, B = 100mm, h = 4.35mmで, 溶接入熱 $Q_{net} = 133$ J/mm, 溶接速度 v = 6.8mm/sでピード溶接し た場合を解析した.

文献^{(1) (6)}を参考にし、Fig.3の材料定数を考慮して、新たに検討に使用した材料定数の温度依存性をFig.10に示す.Fig.3で示された材料定数を添え字Bで表し、Fig.10で示された材料定数を添え字1で表す.降伏応力 σ_y の温度依存性を温度200℃以下で変化させたのは、式(2)の温度上昇 T_p が σ_y で決まることと、 T_p と2 T_p の範囲で固有ひずみ分布が大きく変化するからである.ヤング率Eの温度依存性は降伏ひずみが降伏応力とヤング率で決まる事より、温度上昇 T_p 近傍と力学的溶融温度の近傍で降伏ひずみが変化するように、0℃と鋼の溶融温度近傍である1500℃まで直線近似した.線膨張係数 α の温度依存性のデータは文献15)で詳細に報告されているため検討する必要がないかもしれないが、両端固定棒モデル⁽³⁾などで使用されている常温の一定値の有効性を調べた.

4.1 横収縮に及ぼす影響

Fig.11にy方向の固有ひずみ g,の積分値である横収縮 S

244



Fig.11 Effect of material properties on transverse shrinkage

の実験値と材料定数の温度依存性を変化させたときの計 算結果を示している.一点鎖線はFig.3で示した材料定数 の温度依存性を使用した計算結果であり、Fig.8と同様に 実験値を説明できている.これに対して、線膨張係数の みをFig.10に示す α_1 に変化させた計算例が細い実線であ る.横収縮の分布形状は一点鎖線と同じであるが、絶対 値は小さくなっている.佐藤・松井¹¹の研究によると横 収縮は溶接金属が応力を持ち出すときの熱膨張量で決 まっているから、力学的溶融温度での線膨張係数が横収 縮に大きな影響を与えることになり、力学的溶融温度で の実際の線膨張係数を表している α_B の方が精度が高く なっている.線膨張係数の温度依存性がない条件(α_1) で、ヤング率の温度依存性(E_1 , E_B)と降伏応力の温



Fig.12 Effect of material properties on longitudinal shrinkage



Fig.13 Effect of material properties on inherent strain of x direction

度依存性(σ_{Y1} , σ_{YB})をそれぞれ変化させたときの計 算結果を太い実線と点線で示す.実線と点線は同じ結果 を示しており,線膨張係数以外は横収縮に大きな影響を 与えていないことになる.

4.2 縦収縮に及ぼす影響

Fig.12にx方向の固有ひずみ g_x の積分値である縦収縮 $\Delta L(mm)$ の分布に及ぼす材料定数の温度依存性の影響を 示している.線膨張係数の相違である〇印の α_l と▽印で ある α_B で局部縦収縮は約0.02mm程度異なっているが, 縦収縮の平均値の差は0.01mm以下で収まっている.ま た,線膨張係数が α_l と同じ状態でヤング率や降伏応力の 温度依存性が異なる〇印や□印は〇印の結果とほぼ同じ と見なせる.従って,縦収縮の平均値が問題となる工学 では材料の温度依存性は縦収縮に影響を与えないと見な せる.

4.3 固有ひずみ g.の分布

×方向の固有ひずみ g_xは溶接残留応力の主原因であ る.そこで、溶接長中央断面での固有ひずみ分布に及ぼ す材料定数の影響をFig.13に示す.○印と▽印の線膨張 係数の相違は固有ひずみ分布に影響を与えていないが、 △印の降伏応力と□印のヤング率の固有ひずみ分布は○ 印と▽印の固有ひずみ分布と異なる分布をしている.す なわち、固有ひずみ発生域は約3mmも小さくなってお り、y=0での固有ひずみの絶対値は大きくなっている. 固有ひずみ発生域の位置で溶接線方向の残留応力の正負 が生じることを考えれば、△印の降伏応力の相違と□印 のヤング率の相違は固有ひずみ分布に大きな影響を与え ていると考えられる.この原因は最高温度上昇*T_p*での降 伏ひずみである.□印は降伏応力が○印より大きく、△ 印はヤング率が○印より小さいため、降伏ひずみが大き くなったためである.従って,最高温度上昇*T_p*近傍での 降伏応力の温度依存性を実験で求めておくことは重要で ある(鋼では室温,100℃,200℃での降伏応力).一 方,ヤング率は200℃以下ではほぼ室温の値と同じである から¹⁶, Fig.13の△印のように固有ひずみ分布に影響を与 えることはないほとんどないと考えられる.

5. 結 論

本論文ではFEMにより溶接熱弾塑性挙動を数値解析す る際の適切な要素分割方法を明らかにするとともに,溶 接変形・残留応力に及ぼす材料定数の温度依存性の影響 を検討した.主な結論を以下に示す.

1) 溶接線上の要素は溶接線方向に関しては,移動線熱 源で計算される力学的溶融温度の等温度曲線の寸法

$$l_{\mathcal{M}} = (\nu / 4\pi\lambda c\rho) (Q_{net} / h)^2 \{1 / (\theta_{\mathcal{M}} - \theta_0)\}^2$$

の1/2で分割する.

2)溶接線直角方向(y)には固有ひずみ分布を決定する 最高温度上昇 $T_p = \sigma_Y / E\alpha$ と力学的溶融温度 θ_M を基準 にして、次式により節点座標

 $y = (0.242Q_{net} / c\rho h) \cdot (1 / T_{max})$

を求めて要素分割を行う.例えば,鋼では最高温度上 昇がそれぞれ830,550,400,300,200,150,125, 100℃の位置,および100℃以下の温度上昇の位置では 隣接節点の長さが2倍以下となるように要素分割を行う.

3) FEM解析における材料定数の温度依存性を検討した 結果

(a)線膨張係数αの温度依存性は横収縮および局部縦収 縮に影響を与えるため重要である.

(b)ヤング率 E の温度依存性は溶接変形・残留応力にほ とんど影響を与えない。

(c)降伏応力 σ_{γ} の温度依存性は溶接線方向の固有ひずみ に影響を与えるため、室温、 T_p 、 $2T_p$ での降伏応力が 重要となる。例えば、鋼では室温、100℃、200℃での 降伏応力を求める必要がある。

参考文献

 1)仲威雄,溶接の収縮と亀裂:小峰工業出版(1950)
2)木原博,増淵興一:溶接と残留応力,溶接遼書2巻,産報 (1955)

3)佐藤邦彦,上田幸雄,藤本二男:溶接変形・残留応力,溶 接全書3巻,産報出版(1979)

4)上田幸雄,山川武人,有限要素法による熱弾塑性挙動の解 析,溶接学会誌,Vol.42 (1973), 567-577

5)藤田譲,野本敏治,熱加工に伴う変形の弾塑性解析について,溶接学会誌,Vol.45 (1976), 22-28

6) 佐藤邦彦, 寺崎俊夫, 構造用材料の溶接残留応力分布におよぼす溶接諸条件の影響, 溶接学会誌, Vol.45 (1976), 150
-156

7)福田敬二, 金裕哲, 秋山哲也, 寺崎俊夫, 固有ひずみの概

念による溶射材に生じる残留応力の推定方法について,溶 射,Vol.27 (1990),124-131

8) 寺崎俊夫,秋山哲也,吉村直隆,蒸着膜に生じる残留応力 について,日本機械学会論文集(A編),Vol.59 (1993), 2694-2701

9)寺崎俊夫, 福谷理明, 突合せ溶接継手に生じる固有ひずみ 分布, 日本機械学会論文集(A編), Vol.66 (2000), 1233 -1238

10) ビードオンプレート溶接継手に生じる縦収縮に関する研 究,寺崎俊夫,石村知樹,松石研一,秋山哲也,溶接学会論 文集, Vol.20 (2002), to be published

11) 佐藤邦彦, 寺崎俊夫, 構造用材料の溶接変形におよぼす 溶接諸条件の影響, 溶接学会誌, Vol.45 (1976), 302-308

12)渡辺正紀,佐藤邦彦,溶接力学とその応用,朝倉書店 (1965)

13)佐藤邦彦,残留応力について,SSC, Vol.3 (1967), 5-12 14) Elevated Temperature Properties of Carbon Steel, ASTM-ASME Joint Committee, STP 180

15)ASM, Metals Reference Book, A handbook of data about metals and metal working (1981)

16)村松篤良, 高温における弾性係数, 日本機械学会誌, Vol.68(1965), 1624-1628

17)佐藤邦彦,松井繁朋,アーク溶接継手の収縮過程に関する 研究(第1報),溶接学会誌,,Vol.35 (1966),246-256