# 重力流の先端部の構造(続報)

正員	馬	場	信	弘*	学生員	桂	樹	哲	雄*
学生昌	菅		貞	博*	正員	北	浦	堅	*

# Structure of Head of a Gravity Current (Second Report)

by

Nobuhiro Baba, *Member,* Sadahiro Kan, Student *Member,* 

Tetsuo Katsuragi, *Student Member*, Ken-ichi Kitaura, *Member* 

## Summary

The structure of the head of gravity currents spreading out in all directions is investigated in the experiment and in the computation by extending the method developed in the previous paper for the two-dimensional gravity currents. A finite volume of fluid contained in a rectangular region was released instantaneously in another fluid of slightly different density in a larger region. Box models of fluid dispersion were described to elucidate the mechanisms of energy conversion in different stages of development of spreading gravity currents.

Visualization experiments were made with dye to trace the head of the spreading gravity currents. By opening the lock gate equipped obliquely in the corner of a water tank of square section, a finite volume of salt water of slightly different density in the corner of the tank was released instantaneously so as to form the gravity currents spreading over the whole area. The computation was also made in the same conditions as the experiments to study the flow structure of the head of spreading currents. The incompressible Navier-Stokes equation for an inhomogeneous fluid together with the transport equation for solute was solved by the finite volume method.

Both the experiment and the computation produce the formation and development of the gravity currents spreading in an axisymmetric manner. The results indicate that there exist different stages of development of this kind of spreading gravity currents. After the released fluid spreads at a constant speed, it slows down in the self-similar stage, and then it decelerates further in the viscous stage. It is found that the structure of the head changes according to the stages of development, which affects the mixing of fluid by spreading gravity current and that the head extending in a circle or a circular arc is subject to the three-dimensional instability to form the mountain-valley structure.

# 1. 序論

海水の密度差による重力の作用で生じる重力流が発 達する過程は水平方向の流体輸送だけではなく,鉛直方

\* 大阪府立大学大学院工学研究科

原稿受理 平成15年8月18日

向の物質拡散に大きな影響を与えるため、その進行速度 や拡散範囲を予測することは、海洋環境問題にとって重 要な課題の一つである.重力流の通過によって水質が急 激に変化し、栄養塩や酸素の供給状態が直接影響を受け るため、その先端部がいつどこに形成され、どのくらい の期間維持されるかという問題は漁業関係者の重大な 関心事でもある.

河口から河川を遡流する塩水楔のように重力流が一 方向に進行する場合については水門開放問題として多 数の水槽実験によって調べられてきており<sup>10</sup>, また, 数 値実験によっても再現されるようになった<sup>20</sup>. 重力流の 先端部の形状や進行速度は密度差や水深だけでなく、その発達段階によって変化することが知られている. 前報<sup>30</sup>では、水槽実験と数値実験によって、この発達段階における先端部の構造について調べ、ボックスモデルを用いたエネルギー変換の観点から各発達過程における力学的な機構について考察した.

河口から内湾への淡水流入,海峡を通過する水塊,発 電所や工場からの排水,原油の流出など海洋では放射状 に広がる重力流が多く見られる.水質改善のために開発 された攪拌装置 455による人工的な混合過程にもこのよ うな重力流が重要な役割を果たしていると考えられる. 一方向に進行する2次元重力流の場合に比べて,放射状 に広がる重力流についてはあまり詳しく研究されてお らず,系統的な水槽実験も行われていないため,計算結 果を検証するための実験データも不足している.

本研究の目的は、放射状に広がる重力流を実験と計算 それぞれによって再現する方法を開発し、その形成と発 達過程に関する基礎的な性質を調べることである. 実験 では、角型水槽の隅に水門を設置し、水門を開放するこ とによって、着色した密度の異なる流体が水槽の隅から 中央部へ広がる様子を可視化し、画像解析する.計算で は、領域中央部に密度の異なる流体を置いた初期条件か ら,ナビエ・ストークス方程式の有限体積解に基づいて, 密度場の時間変化を解析する. ボックスモデルで近似し た放射状に広がる重力流の発達段階についてエネルギ 一保存則に基づいてその先端速度を予測し、重力流の内 部のエネルギー変換過程について考察する.実験結果と 計算結果を詳細に比較することによって, 両者を相互に 検証するとともに、先端位置の時間変化について、エネ ルギー変換に基づいたボックスモデルによる予測に照 らしてその発達段階を分類し、それぞれの段階における 重力流の挙動と構造について調べる.

## 2. 方法

#### 2.1 対象問題

Fig. 1 に示すように,密度  $\rho_0$  の流体の中で密度  $\rho_0 + \Delta \rho$  の別の流体が中央から底面に沿って放射状に広 がるとき,その先端部の進行速度について考察する.原 点 O から水門までの距離が  $x_0$ ,水深 H に対して重い方 の流体の初期厚さ  $h_0$  は  $h_0 \leq H$  であり,流体の初期の密 度差  $\Delta \rho / \rho_0$ は 1%程度である.水門の位置から広がる重 力流の先端までの距離 x を,水門を開放してからの経過時間 t の関数で表すことを考える.

重力流の発達過程において,混合による密度変化はなく,密度の異なる2つの流体の体積比が一定であると仮 定して,エネルギー変換の観点からその発達段階につい



Fig. 1 A schematic diagram of generation of a spreading gravity current by releasing a finite volume of fluid into another fluid with different densities.

て考察する.直線状の水路を進行する2次元重力流の場 合について行った解析方法<sup>30</sup>を放射状に広がる重力流の 場合に拡張して適用する.この重力流の形状の変化によ る位置エネルギーの変化 ΔP は一般に

 $\Delta P \propto \Delta \rho g h \Delta V$  (1) と与えられる.ここで、 $\Delta \rho$  は密度差、g は重力加速度、  $\Delta V$  は形状が変化した部分の体積、h は先端部の厚さで ある.また先端部の運動エネルギーの増加  $\Delta K$  は

 $\Delta K \propto \rho v^2 \Delta V$  (2) の形で表される. ここで  $\rho$  は先端部の密度, v は先端部 の代表的な速度である. 先端部が一体となって移動して いるとき,その代表速度として,先端部の移動距離 x の 時間微分によって定義する先端速度

$$\mathbf{v} = \frac{dx}{dt} \tag{3}$$

を用いる.力学的エネルギーが保存され,(1)式の位置エ ネルギーの減少分がすべて(2)式の運動エネルギーの増 加に使われたと仮定すると,先端速度について

v∝√g'n が得られる. ここで

$$g' = \frac{\Delta \rho}{\rho} g \tag{5}$$

は密度差による重力の実質的な効果を表す加速度である.

水門開放直後の初期段階において,重力流の厚さhが 一定ならば,進行速度も一定,すなわち,先端部の移動

(4)

距離xは

$$x \propto g'^{\frac{1}{2}}t \tag{6}$$

と与えられる.

また重力流が放射状に広がる場合,その重力流の占め る底面の面積が先端の移動距離 x の 2 乗に比例し,その 平均厚さが先端部の厚さ h に比例する.重力流全体の体 積が一定である,すなわち,

$$V \propto x^2 h = const. \tag{7}$$

と仮定すると、重力流が広がれば、その厚さが減少する. このとき、力学的エネルギーが保存されるならば、(4) 式より

$$\alpha \propto (g'V)^{\frac{1}{4}} t^{\frac{1}{2}}$$
(8)

が得られる.すなわち,この自己相似段階では,先端部 はその移動距離が時間の 1/2 乗に比例して減速すること がわかる.

重力流の先端部が薄くなり、その進行速度が十分遅く なると、相対的に壁面摩擦の影響が大きくなる. 先端部 が距離 Δx だけ移動したときの底面における粘性摩擦力 によるエネルギー散逸量 ΔE は

$$\Delta E \propto \mu \frac{V}{h} S \Delta x \tag{9}$$

と表される. ここで μ は粘性係数, S は粘性摩擦力が作 用する面積で, (7)式の仮定より,

$$S \propto x^2$$
 (10)

である.(1)式の位置エネルギーの減少分がすべてこの粘 性摩擦力によって散逸すると仮定すると,

$$x \propto (\frac{g'V^3}{v})^{\frac{1}{8}t^{\frac{1}{8}}}$$
 (11)

が得られる.ここでvは動粘性係数である.すなわち, このような粘性段階では先端部はその移動距離が時間 の1/8 乗に比例して急速に減速することがわかる.

以上のように、放射状に広がる重力流も、2次元重力 流の場合と同様に、重力の位置エネルギーを使って進行 し、エネルギーの変換方法によって、その発達段階を初 期段階、自己相似段階、粘性段階の3つの段階で表すこ とができることがわかった. 先端部の進行速度は発達段 階によって変化し、また2次元重力流の場合とは異なる べき乗則に従うことが予想される. 実験と計算によって このべき乗則を検証することも本研究の目的の一つで ある.

## 2.2 実験方法

放射状に広がる重力流の 1/4 の部分, すなわち, Fig. 1 の OAB の部分を含む一辺の長さ *M* = 600mm の正方形 断面 *AOBE*に相当する小型角型水槽において, 90°に開 いた鉛直壁面の内側隅から距離 x<sub>0</sub> の位置に, 壁面に対し て 45°方向, 鉛直に, 水門を設置する. 水門の外側に密 度 $\rho_0$ の清水,内側に染料で着色した密度 $\rho_0 + \Delta \rho$ の食塩 水を入れ,瞬時に水門を開放したときの食塩水の広がり を追跡する.水深はH = 50mm,重力流の初期厚さは  $h_0 = 50mm$ ,水槽の隅から水門までの距離は $x_0 = 50mm$ , 100mm の2通り,密度比は $\Delta \rho / \rho_0 = 1.0\% - 2.0\%$ であ る.さらに対照実験として幅100mm,長さ1200mmの2 次元水路において一方向に進行する2次元重力流の実験 を行った.

放射状に重力流が発達する過程を、水槽の上方および 側方からディジタルビデオカメラによって撮影し、先端 部の位置の時間変化を測定する.そのディジタル画像の 輝度情報を用いた画像解析 ®を応用し、重力流先端部の 内部構造について調べる.

#### 2.3 計算方法

不均一流体のナビエ・ストークス方程式、連続の条件 および密度の相対的な変化量に関する輸送方程式を有 限体積法によって解く計算方法 233を 3 次元に拡張して 用いる.境界はすべて固定境界とし、速度の粘性条件と 密度の拡散流速が零になる条件を課す. 空間積分には2 次精度,時間積分には1次精度の陽解法を用いるが,密 度の拡散が非常に弱い条件で数値的に安定な解を得る ために、密度の輸送方程式の対流項には 3 次精度の QUICK 法を用いる. Fig. 1 に示すように、計算領域は 一辺の長さLの正方形断面 ABCD, 高さHの直方体領 城である.その計算領域の中央に,一辺の長さ2xoの正 方形断面 A'B'C'D', 高さh の直方体領域を設定し, そ の中に密度  $\rho_0 + \Delta \rho$  の流体を、その外側に密度  $\rho_0$  の流 体を満たした状態を初期条件とする.水深H,浅水波の 伝播速度 $U = \sqrt{g'H}$ ,対流時間T = H/U,初期密度 $\rho_0$ を 用いて無次元化を行うと、問題を支配する無次元パラメ ータはレイノルズ数 Re=UH/v と密度の拡散パラメータ Rs = UH/kとなる.ここではv,  $\kappa$  は, それぞれ, 動粘 性係数及び食塩の拡散係数である.また,密度変動につ いては、放射状に広がる重力流の初期密度が $\rho_s = 1$ ,そ の周りの流体の密度が $\rho_s = 0$ と表されるように、初期密 度差  $\Delta \rho$  を用いて  $\rho_s = (\rho - \rho_0) / \Delta \rho$  と無次元化を行う.

計算条件は実験条件に合わせる.実験で用いる小型水 槽の大きさ,および水門距離に対応して,計算領域の大 きさはL/H = 18,32,初期重力流の長さは $x_0/H = 1,2$ の 2 通りとする.格子間隔が $\Delta x/H = \Delta y/H = 1/5$ ,  $\Delta x/H = 1/20$ の立方体格子と,格子間隔を半分にした  $\Delta x/H = \Delta y/H = 1/10$ , $\Delta z/H = 1/40$ の細かい格子を 用い,時間増分はそれぞれ $\Delta t/T = 1/100$ , 1/200とす る.密度差は $\Delta \rho / \rho_0 = 1.0\% - 2.0\%$ , これに対応してレ  $d / \mu ズ 数$ は Re = 3300 - 4600,密度拡散係数は  $Rs = 3.7 \times 10^6$ とする.重力流の初期厚さを $h_0/H = 1/1,1/2,1/4$ の3通りに変えた場合の計算を行い,異な る発達段階における先端部の構造について調べる.



#### 日本造船学会論文集 第194 号



Fig. 2 Side-view images of a spreading gravity current with the contours of their brightness superimposed, at (a) t=1 s, (b) t=2 s, (c) t=4 s, (d) t=6 s, (e) t=8 s, (f) t=10 s, after opening the gate for case of  $x_0 = 50mm$ ,  $\Delta \rho / \rho_0 = 2.0\%$ .

## 3. 結果と考察

#### 3.1 実験結果

まず,可視化実験の結果について述べる.水槽の真横 に設置したビデオカメラから撮影した先端部の画像を Fig.2に示す.ビデオカメラで撮影したディジタル画像 に、その画像の RGB 情報から計算した輝度の等値線図 を重ねて示す、光量のむらや傾斜を除去するため、実験 開始直前の画像の輝度を基準として、基準から変化した 量を等値線図で示している.輝度は重力流の着色に用い た染料の濃度と対応するので、2次元重力流の場合には 通過光の輝度から平均密度場の推定が可能であるが 6,3 次元の場合には同じ方法では難しいので、ここでは、重 力流の広がりと共に、染料の濃度から内部の拡散の程度 を知るために、補助的に参照する.画像には仕切板をス ムーズに引き上げるために水槽壁面に設置されたガイ ドが写っている、仕切板を引き上げると、水槽の隅に閉 じ込められていた重い流体が流れ出し、逆に外側にあっ た軽い流体がその上に流れ込む、流れ出した重い流体は 先が丸い先端部を持ち、薄くなって底面を這うように進 行し、そのあとには長い平行部が続く.この重力流を取 り囲む密度界面では先端部の直後から後方までKH不安 定による変形によって外側の流体を取り込んでいる様 子がわかる.

水槽の隅から発生した重力流が広がる様子をFig.3に 示す.水門を開放した直後には、水門と平行な直線的な 先端部分が残っているが、広がる両側の壁近傍の部分が



Fig. 3 Top-view images of a spreading gravity current with the contours of their brightness superimposed, at (a) t=1 s, (b) t=2 s, (c) t=4 s, (d) t=6 s, (e) t=8 s, (f) t=10 s, after opening the gate for case of  $x_0 = 50mm$ ,  $\Delta \rho / \rho_0 = 2.0\%$ .



Fig. 4 Comparison of side-view images of (a) a two-dimensional gravity current and (b) a spreading gravity current at t = 5s.

遅れて、その影響がすぐに中央部分まで伝わるので、2 秒後までに先端は円弧状になる.先端部は染料濃度が高 く、質量集中が起こっていることがわかる.その後すぐ に、円弧状の先端部は、その円弧に沿って多数の小さな 円弧上の山が並んだ形に変形する.山の大きさにはばら つきがあるが、先に張り出した山がまわりの山を取り込 むことによって次第に大きな山に成長する.この山谷構 造は平行平板間の2次元重力流の直線状の先端部にも見 られ、2次元の流れが3次元の流れに遷移する3次元不 安定性ッと同じ現象であると考えられる.

先端部の断面形状について、2次元重力流の場合との 比較を Fig.4に示す.平行な壁面内を進行する2次元重 力流の場合には水門開放によってほぼ左右対称に流体 交換が起こり、先端部が水深の半分程度の厚さで丸く膨 らんで進行するのに対して、放射状に広がる重力流の場 合には、流体交換が非対称に起こり、最初から先端部の 厚さが水深の1/3~1/4程度に薄くなって進行する.

上方から撮影した静止画像から水槽の対角線上にお ける先端部の位置を求め、その時間変化を計測した.水 門距離を代表長さとして無次元化した結果をFig.5に示 す.比較のために、一方向に進行する2次元重力流の場 合の結果も重ねて示されている.2次元重力流の場合に は一定速度で進行する初期段階から減速し、先端位置が



Fig. 5 The position of current fronts with time measured by the experiment.

時間の 2/3 乗に比例する自己相似段階を経て, 1/5 乗に 比例する粘性段階に至る過程が再現され, これまでの実 験結果 <sup>3)</sup>と一致する.一方,放射状に広がる重力流の場 合,一定速度で進行する初期段階から減速し,先端位置 が時間の 1/5 乗あるいはさらに小さい値のべき乗に比例 する粘性段階に至る.

#### 3.2 計算結果

次に計算結果について述べる.計算領域の中央の鉛直 断面における密度場の時間変化をFig.6に示す.等値線 の間隔は初期の密度差の 1/10 である.計算領域の中央 において,密度差のある流体を解放すると,初期状態で は鉛直だった境界面が傾斜し始め,流体交換が生じる. 中央の重い方の流体が底面に沿って放射状に広がり,先 端部に質量集中が生じ,そのあとに密度成層が形成され る.一方,まわりの軽い方の流体は上面に沿って四方か ら中央に向かって進行し,衝突したその流体は重い方の 流体を押しのけて中央に穴を開ける.このように,四方 に発散する重力流と1点に収束する重力流が同時に形成 され,互いに逆方向に進行する.

初期段階における先端部への質量集中は著しい. 先端 部はその厚さが水深の半分程度にまで丸く膨れて進行 し,その直後に大きなくびれができて, t/T=10のとき には,この断面では後続流と切り離されたように見える. このとき先端部内部では重い流体が軽い流体の上に乗 った不安定な状態になっており,先端部が大規模なスケ ールの反時計回りの回転運動を伴っていることがわか る.その後,先端部の厚さは次第に減少し,先端部が通 過したあとには安定な密度成層が残る.

底面における密度の等値線図を Fig. 7 に示す. 正方形 領域から解放された重い流体は, t/T = 5 のときまでに, 先端部は円領域に広がるが,その後,再び,初期値の正



Fig. 6 Density contour maps on the vertical centre plane of the computed gravity current at Re = 3300,  $\Delta \rho / \rho_0 = 1.0\%$  at (a) t/T = 0, (b) t/T = 5, (c) t/T = 10, (d) t/T = 15, (e) t/T = 30, (f) t/T = 50.



Fig. 7 Density contour maps on the bottom plane of the computed gravity at Re = 3300,  $\Delta \rho / \rho_0 = 1.0\%$ at (a) t/T = 0, (b) t/T = 5, (c) t/T = 10, (d) t/T = 15, (e) t/T = 30, (f) t/T = 50.

方形を 45 度回転した正方形となって広がる. この点が 可視化実験の結果とは異なる.全体として円や正方形を 形作る先端部の密度界面は,局所的に,3次元不安定性 のためにジグザグに変形する.この変形の様子は Fig.3 に示した可視化実験の結果と一致する.

放射状に広がる重力流の密度場の等値線図は,水平面 内において興味深い幾何学的な模様を示すが,必ずしも これが物理的に意味がある模様とは限らない.本研究の 範囲を超えるので,ここでは詳しく調べないが,この模様 は,密度を輸送する方程式の対流項に用いた数値スキー 日本造船学会論文集 第194号



Fig. 8 The position of current fronts with time computed at Re = 4600,  $\Delta \rho / \rho_0 = 2.0\%$ ,  $x_0 = 100 mm$ . Numbers attached to the lines denote the thresholds of density used to recognize the front of the head.

ム固有の性質と関係することが分かっている<sup>®</sup>.また. 先端部の形状に関する実験との相違はこの数値スキー ムの性質と関係しており、本計算で用いた QUICK 法で は座標軸方向に伝播が速いことによると推測される.

広がる重力流の先端位置の時間変化について、計算値 と実験値の比較を Fig. 8 に示す.先端位置は中央断面に おいて密度が与えられた閾値以上の値となる一番前の 位置として認識したので、階段状に変化している. 先端 位置はよく一致している. 先端部が一定速度で進行する 初期段階および先端部が減速した第2段階の t/T=20 付近まで、先端位置は実験とよく一致しており、計算に おいても第2段階への遷移が再現されたことがわかる. t/T=20以降,先端部の挙動は先端位置を決めるのに用 いた密度の閾値に依存する.密度界面は最初前進するが, 大きい密度の流体領域の先端位置は、ある点から後退す る.これは、まわりの密度が小さい流体と混合すること によって、先端部の密度が減少するためであって、重力 流自体が後退しているわけではない. 密度界面はその密 度によって異なった挙動をするが、これは重力流の先端 部で激しい混合が起きていることを示している.

計算および実験のどちらの結果にも、自己相似段階お よび粘性段階におけるべき乗則のべきの値について、ボ ックスモデルによる予測値とは異なるモードが現れて いるが、これは先端部の構造に関係していると考えられ る. すなわち, 先端部の大部分の質量や運動エネルギー が集中している部分の放射方向の長さが移動距離と共 に増加せず、ほとんど一定を保っている場合、エネルギ 一変換に寄与する重力流の有効部分は,(7)式の代わりに V (12)

$$\infty xh = const.$$



Fig. 9 The effect of the initial height of gravity current on the position of current fronts with time at Re = 4600,  $\Delta \rho / \rho_0 = 2.0\%$ .

となる.このとき、2次元重力流の場合と同じべき乗則 が得られ、自己相似段階および粘性段階の移動距離はそ れぞれ

$$(g'V)^{\frac{1}{3}}t^{\frac{2}{3}}$$

(13)

および

$$x \propto \left(\frac{g'V^3}{v}\right)^{\frac{1}{5}} t^{\frac{1}{5}}$$
 (14)

と与えられる.

 $x \propto 0$ 

次に重力流の初期水深の影響について述べる. Fig. 9 は、初期水深を h<sub>0</sub> / H = 1/1,1/2,1/4 の 3 通りに変えた場 合の重力流の先端位置の時間変化であり、密度差が2% の場合である、この図では先端部の内部構造を決定する 局所的な変数,すなわち先端部の初期厚さho,先端の代 表速度U<sub>h</sub> = √g'h₀, 代表時間 T<sub>h</sub> = h₀/U<sub>h</sub> = √h₀/g' を用 いて無次元化を行った.先端部が一定速度で進行する初 期段階が無次元時間で t/T<sub>h</sub> = 10 まで続き,先端位置が 時間の1/2乗に比例して減速する第2段階が t/Th = 30 から始まる. すなわち, 第2段階への遷移が重力流の先 端部の局所的な内部構造に関係していることがわかる.

最後に,重力流が広がる場合の混合について調べる. 与えられた密度の閾値を超える流体部分の体積の時間 変化を Fig. 10 に示す. 一番下の P(ρ, ≥0.95)の曲線は重 力流の中心核部分でほとんど混合されず、密度が初期値  $\rho_s = 1.0$ からほとんど変化しない流体の割合を示してお り,一方,一番上の $P(\rho_s \ge 0.05)$ の曲線は希釈されて広 がった重力流全体の流体の割合を示している. 重い流体 が解放されたあと、どの密度の流体も同じように混合が 進み, t/T=10前後から,密度が大きい流体の混合は弱 くなり、逆に密度が小さい流体の混合が強くなる。第2



Fig. 10 Time variation of the proportion of the volumes of fluid in the range of specific densities at (a)  $Re = 3300 \ \Delta \rho / \rho_0 = 1.0\%$ , and (b) Re = 4600,  $\Delta \rho / \rho_0 = 2.0\%$ . Numbers attached lines in the figure denote the lower value of density of the range.

段階に遷移する t/T = 20 までに、重力流の核となる  $p_s \ge 0.85$  の重い流体はほとんど消滅する.自己相似段階 では広い領域に広がった密度界面を通る拡散によって、 比較的軽い方の流体の体積が増加する.密度差の違いは t/T = 10 以降密度の大きい側で顕著になり,密度差が大 きい方が混合が速く進むことがわかる.密度差が大きく なって密度界面における混合が抑制される効果より、重 力流の進行速度が増加して対流運動が激しくなった結 果,混合が促進される効果の方が大きいことを示してい る.

# 4. 結論

前報において、2次元重力流の解析のために開発した 方法を3次元に拡張し、水門を用いた小型水槽における 実験と、ナビエ・ストークス方程式の有限体積解に基づ いた計算によって、放射状に広がる重力流を再現した. ボックスモデルで近似した重力流について,エネルギー 変換の観点から発達段階を分類し,先端速度のべき乗則 に関する予測を行った.次に,正方形断面の水槽の角近 傍に斜めに水門を設置し,その隅から密度の異なる流体 を開放することによって,安定に広がる重力流を小型水 槽で再現し,染料による可視化実験と先端部の進行速度 の計測を行った.さらに,ナビエ・ストークス方程式と 連続の条件および密度場を決定する輸送方程式の有限 体積解に基づいて,計算領域の中央部から密度の異なる 流体を解放したときの密度場の時間変化を計算した.

実験と計算によって、放射状に広がる重力流を再現す ることができた.非対称な流体交換から、中央の正方形 領域から開放された重い流体は軸対称に広がり、円状に 広がった先端部に質量集中が生じ、その後に成層化され た流体が続く.放射状に広がる重力流は一定速度で進行 する初期段階のあと、先端部の移動距離が時間の1/2乗 に比例する第2段階と時間の1/5乗あるいはさらに小さ い値のべき乗に比例する粘性段階が現れる.この重力流 の発達段階に応じて、先端部の形状と内部構造が変化す ること、その変化が重力流による流体混合に影響を与え ること、そして、円状に広がる先端部にも3次元不安定 性によって山谷構造が現れることが明らかになった.

本研究は文部省科学研究費補助金基盤研究および科 学技術振興事業団の計算科学技術活用型特定研究開発 事業の補助を受けたことを記し,関係各位に感謝する.

# 参考文献

1) J. E. Simpson: Gravity Currents in the Environment and the Laboratory, Ellis-Hornwood/ Halstead Press, 1987.

2) 川中幸一,馬場信弘: 2 次元重力流の計算,日 本造船学会論文集,第 178 号, 1995, 33-39.

3) 馬場信弘,岡村将治,福庭哲也:重力流の先端部 の構造,日本造船学会論文集,第184号,1998,197-205.

4) 大内一之,山麿敏夫,小林勝弥,中村充:密度流 拡散装置の研究開発,日本造船学会論文集,第 183 号, 1998, 281-289.

5) 工藤君明:流動攪拌システムの流力性能,海洋科 学技術センター試験研究報告,第42号,2000,139-153.

6) 阪ロ泰規,馬場信弘,伊藤聡美:ディジタル画像の輝度情報を利用した重力流の密度場計測,可視化情報, Vol. 19, Suppl. No. 1, pp. 381-382, 1999.

7) 馬場信弘,阪口泰規,伊藤聡美:重力流の先端部の3次元不安定性,日本造船学会論文集,第185号, 119-125,1999.

8) Tetsuo Katsuragi, Sadahiro Kan, Hirohiko Nishikawa, Nobuhiro Baba, and Ken-ichi Kitaura: Computation of Axisymmetrical Spread of Gravity Currents, Proceedings of TECHNO-OCEAN 2002, S-III-5 (Nov. 2002).