多糖の染み出しを伴う変動する膜まわりの脈動流に関する数値シミュレーション

Numerical simulation on turbulent pulsating flow around a waving film with exudation of polysaccharide

○ 小山 修平(京工繊大),長峰 浩志(三洋電機),萩原 良道(京工繊大)

Shuhei KOYAMA*,Hiroshi NAGAMINE**,and Yoshimichi HAGIWARA*** *Graduate school, Kyoto Institute of Technology, Matsugasaki Kyoto 606-8585,Japan **SANYO Electric Co., Ltd. Hyogo Pref,Japan ***Dept. of Mechanical and System Eng., Kyoto Institute of Technology

Direct numerical simulation has been conducted for pulsating turbulent flow around a waving film with the model of polysaccharide in order to examine the turbulence modification by the exudation of the biopolymer. The cluster models of beads, springs and dashpots are introduced near the film as representative of the entangled polysaccharide. An unsteady generalized curvilinear coordinate is used for transforming from waving boundary to flat boundary. The computational results show that hairpin vortices and streaks decrease during acceleration phase of pulsating flow. The hairpin vortices and the streaks increase during deceleration phase. Both the waving film and the cluster models contributes to the drag reduction in pulsating turbulent flow by reducing the number density of the hairpin vortices.

1. 緒言

合成高分子のポリエチレンオキサイド(PEO)やポリア クリルアミドのみならず、ある種の天然高分子を水乱流 中に微量添加することで、壁面摩擦抵抗が大幅に低減す ることが知られている。著者らは、海洋環境保全の観点 から、海洋生物由来の天然高分子の抵抗低減メカニズム 解明と応用を検討している。

このような天然高分子のうち、ある種の紅藻類から抽 出される多糖であるカラギーナンが抵抗低減に有効であ ることが、Hoyt により実験的に示された¹⁾。著者らは、 この多糖のもつ本来の目的に着目した。すなわち、この 紅藻類が激しい潮流をうけても生き延びるために、多糖 を分泌にして、潮流による葉状体表面の摩擦抵抗低減を 行っていることが考えられる。また、葉状体のしなやか なさの効果も考えられる。しかしながら、そのメカニズ ムは解明されていない。

そこで本研究では、カラギーナンを模擬するモデルを 作成する。次にしなやかに動く葉状体を模擬し、これを 含む脈動する水乱流の直接数値シミュレーションを実行 する。得られる結果から多糖の分泌と葉状体の変動が周 囲の水乱流に与える影響を調べる。

2. 計算方法

2.1 変動する膜に関する仮定 同一の葉状体が流れ に直角方向に複数枚並び、同じ形に変形すると仮定した。 つぎに、葉状体表面に微小な凸凹はなく、流れにより変 形した葉状体は常に2次元正弦波状の形状を有するとし た。ただし、その振幅は小さいものの時刻と共に変化す る葉状体の変形は主として表面と裏面との圧力差により 生じると仮定した。物理空間のみ計算領域として、葉状 体の両面を含む領域を考えた。

2.2 **計算領域と格子の設定** 前報²⁾³⁾と同様に、デカ ルト座標(x, y, z)から一般化座標(ξ, n, z)への変換を行 い、物理領域をチャネル流れに変換した。座標系はチャ ネル下壁上の原点から流れ方向に ξ 軸、壁垂直方向に η 軸、スパン方向にz軸を設定した。計算領域は主流方向 とスパン方向に流れを周期的とするために、各方向に 2 $\pi h \times 2h \times \pi h$ とした。そして、この領域を各方向にそれ ぞれ 64×96×64 点の格子点に分割した。本研究では摩擦 速度 u_z とチャネル半幅hで定義される流れ場のレイノ ルズ数を 150 とした。境界条件には、壁面上での境界条 件は速度成分には滑りなし条件を、圧力変動成分にはノ イマン条件を課した。また主流方向、スパン方向は速度 成分、圧力成分ともに周期境界条件を課した。

2.3 脈動乱流 海水流の空間平均速度が時刻ととも

に変化することを考慮し、主流が周期的に加速及び減速 を繰り返すように、Navier-Stokes 式の平均圧力勾配を式 (1)にように変動させるものとした。

- $\partial p^+ / \partial \xi^+ = 1 - B^+ \cos(2\pi t^+ / T_p^+)$ (1) 本計算では、変動の周期 T_p⁺=600、変動の振幅 B⁺=750 と した。ここで、Scotti and Piomelli⁴⁾とのパラメータの比較 を Table.1 に示す。 ω^+ は脈動の無次元振動数、Re_s はスト ークス長さと中心流速の変動量の振幅で定義されたレイ ノルズ数である。Scotti and Piomelli らと比較すると、Re_s は約 1/4 であるが、 ω^+ はほぼ等しい。

Table.1 Parameters of pulsating flow

| | Present | Scotti and Piomelli |
|-----|---------|---------------------|
| ω+ | 0.0105 | 0.01 |
| Res | 46 | 200 |

2.4 **スキーム** 支配方程式には、連続の式とビーズの ストークス抗力の反力が流体に作用する Navier-Stokes 式 の解法に対して、対流項の空間微分には補間法を用いた 2 次精度中心差分 ⁵⁾を採用した。時間発展には、部分段 階法を用いた。

3.クラスタモデル

PEOを模擬するために開発した、ビーズ・非線形バネ・ ダッシュポットで構成されるクラスタモデルを改良して 用いた。

3.1 **クラスタモデルの初期設定** 等間隔に ξ 方向に 8 個、 η 方向に 2 個、 z 方向に 16 個、全部で 256 個のビーズをつなぎ、1 つのクラスタモデルとした。これを葉状体上下面共に主流方向に 16 列、スパン方向に 4 列の片面 64 個、上下面合計 128 個敷き詰め、全面を均等に覆った。 無次元ビーズ径は 0.6、無次元バネ定数は 0.2、ダッシュポット係数は梶島の結果⁶⁾をもとに 3.3×10⁻⁴とした。

3.2 モデルの再配置 クラスタモデルが乱流によっ て壁から主流へと輸送されると、壁近傍に存在するクラ スタモデルの濃度が減少してしまい、常に表面が分泌し た多糖で覆われている実際の藻類の葉状体と異なる。そ こで、クラスタモデルの臨界高さを設け、その高さに到 達したクラスタモデルをモデルの低濃度領域に再配置さ せることにより、多糖の染み出しを模擬した。再配置条 件として、臨界高さに達したクラスタモデルは初期形状 を与えて、クラスタモデルの低濃度の領域に移動させた。 本研究では注目する領域が壁にごく近い領域であること から、臨界高さをヵ⁺=10 とした。

4. 計算結果及び考察

4.1 平均流速分布 3.2により流れが加速及び減速し ていることを考慮して、以下の統計量の採取には、流れ が加速している時間(A)、流れが減速している時間(D)の 条件を設けた。時間(A)、(D)いずれの場合においても、 固定壁と比較して、変動壁の影響は確認できなかった。 さらにクラスタモデルを添加することにより、壁近傍か らバッファ層にかけて、平均速度が低下した。(図略)

4.2 乱れ強さ分布 時間(A)において、計算領域全体 で全方向の乱れ強さが低下した。変動壁により、バッフ ァ層で主流方向乱れ強さが、固定壁の場合よりも低下し た。クラスタモデルの添加によって、変動壁のみの場合 よりも、壁近傍で全方向の乱れ強さが低下した。(図略) また時間(D)において、計算領域全体で全方向の乱れ強さ が上昇した。変動壁による影響は確認できなかった。ク ラスタモデルの添加によって、変動壁のみの場合と比較 して壁近傍で全方向の乱れ強さが低下した。(図略)

4.3 せん断応力分布 Fig.1 に時間(A)における、せん 断応力分布を示す。固定壁で、クラスタモデルを添加し ない場合、バッファ層でレイノルズ応力の低下がみられ る。変動壁は固定壁と比べ領域全体で粘性応力、レイノ ルズ応力の低下が確認できる。クラスタモデルの添加に よって、変動壁のみの場合よりも粘性応力、レイノルズ 応力が低下している。他方、時間(D)において、流れが減 速することにより、バッファ層でレイノルズ応力の上昇 がみられた。変動壁による粘性応力、レイノルズ応力の 低下が、壁近傍で確認できた。クラスタモデルの添加に よって、変動壁のみの場合より壁近傍で粘性応力が低下 した。(図略) すなわち変動する膜と、多糖を模擬するモ デルは摩擦抵抗低減に有効であると考えられる。

4.4 流れ場の乱流構造 Fig.2(a),(b)にそれぞれ時間 (A),(D)において、Jeong らが提案した手法⁷⁹⁸⁾で抽出した 代表的なヘアピン渦を示す。クラスタモデルは添加せず、 壁は変動している。灰色の領域はヘアピン渦を示してい る。(a),(b)を比較すると、時間(A)では、ヘアピン渦の数 密度が低く、逆に時間(D)では高くなっていることが確認 できる。これは、Scotti and Piomelliの結果と定性的に一 致する。これが、上記の乱れ強さとレイノルズ応力の変 化の原因であると考えられる。

4.5 **壁面せん断応力** Fig.3 にクラスタモデルを含む 変動壁の場合の壁面せん断応力を示す。図中の黒色は壁 面せん断応力の高い領域、白色は低い領域、点はビーズ を示している。このとき流れは加速していた。クラスタ モデルを添加しない場合(図略)と比較して、壁面せん 断応力の高い領域が減少していた。Fig.4 に Fig.3 の(y,z) 断面の一部(η⁺=60,z⁺=117)を示す。黒色が高速ストリー ク、白色が低速ストリーク、灰色がビーズを示す。図中 右側において、高速ストリークの下向きの移動、すなわ ち sweep がクラスタモデルによって妨げられている。こ の減衰は任意の時刻で確認できた。これがクラスタモデ ル添加によって、壁面せん断応力が低下する原因である と考えられる。

5. 結言

紅藻類の葉状体を正弦波状に変動する膜により、海中 の水流を脈動乱流により、葉状体から染み出す多糖をビ ーズ-バネ-ダッシュポットクラスタモデルによりそれぞ れ模擬した場合の数値シミュレーションを行った。

その結果、脈動乱流において、加速時は流れが安定し、 減速時では不安定になると考えられる。また、脈動乱流 中において、変動壁とクラスタモデルは摩擦抵抗低減に 有効であることが明らかになった。

6. 謝辞

のとじま水族館の桶田俊郎氏には、ケルプの観察を許 可して下さり、またその生態について説明して頂きまし た。記して、謝意を表します。



Fig.1 Shear stresses during acceleration phase



(a) Acceleration phase (b) Deceleration phase Fig.2 Hairpin vortices



 ξ Fig.3 Contour of wall shear stress and beads



Fig.4 Low-speed-and high-speed streak and beads

7. 参考文献

- 1) Hoyt, J.W., Trend Bio Tech., Vol.3 (1985) 17-21.
- 2) 瀧,·他2名,流体力学会年会講演論文集(2001)115-116.
- 3) Hagiwara, Y et al., J. Turbulence(2002) 1-17.
- Scotti, A and Piomelli, U., Phys Fluids, Vol.13(2001), 1367-1384.
- 5) 梶島, 機論(B編), Vol.60(1994), 2058-2063.
- 6) 梶島, 三宅, 機論(B編), Vol.64(1998), 3636-3643.
- 7) Jeong, J., et al., JFM, 285(1995), 69-94.
- 8) Jeong, J., et al., JFM, 332(1997), 185-214.