

(研究資料)

樹高曲線の変化について

(Research materials)

On the Change of Diameter Height Curves in Permanent Sample Plot Surveys

Reimei SUWA, Akira MANABE and Kiku KANBE

諏訪玲明⁽¹⁾
眞辺昭⁽²⁾
神戸喜久⁽³⁾

1.はじめに

固定試験地では材積成長量を求める際、樹高を毎木に精密測定することが困難なために樹高曲線の形がほぼ一定であると仮定して曲線式を固定し、期首蓄積と期末蓄積の差から成長量を計算することが多い。この仮定が成立しないで、樹高曲線が時間とともに変化するものとすれば、このようにして求めた成長量は期首および期末の毎木の直径と樹高測定値から計算した値とは違つてくるはずである。

この点についてはドイツでは古くから注目され、E. SPEIDEL⁽²⁾が1893年に発表した論文で言及しており、のちE. ASSMANN⁽¹⁾も1943年に論じている。最近ではPRODANを中心とするArbeitskreis

第1表 資料一覧表

営林局	営林署	試験地名	樹種	調査時の林齢			資料数
				第1回	第2回	第3回	
東京	静岡川	山代	ヒノキ	22	27	—	675
	静岡	富士根(無施行区)	"	32	37	—	93
	"	富士根	"	34	39	—	178
	河津	荻ノ入(無施行区)	スギ	34	39	—	176
	"	荻ノ入	"	31	36	—	154
	氣田	都沢(無施行区)	ヒノキ	31	36	—	76
	"	都沢	"	31	36	—	104
	浜松	大谷(無施行区)	"	41/39~42	46/44~47	—	136
青森		大谷	"	41/39~42	46/44~47	—	154
		侍浜(第1区)	アカマツ	18	21	—	120
		侍浜(第2区)	"	18	21	24	68
		侍浜(第4区)	"	18	21	24	97
		一ノ関除伐(第3区)	"	12	15	18	97
		一ノ関立木度比較	"	42	47	52	85
		松森山立木度比較	"	35	40	45	217

(1) 経営部経営科営農林牧野研究室員 (2)(3) 経営部経済科測定研究室員

式でも大差ないと思われるが、以下の検討では主としてより一般性のある NÄSLUND 式を用い、必要に応じて一次式の結果を参考することにする。

3. 樹高曲線の形の比較

(1) 回帰係数間の差の有意性検定⁶⁾

ある直径に対する樹高推定値は、係数 α および β のみでできるから、一定期間のうち曲線の形が変化したか否かは、各測定ごとの α および β の間に差があるかどうかを調べればよい。(3)の左辺を Y とおき D を X と書きかえれば、

$$Y = \alpha + \beta X \quad \dots \dots \dots \quad (4)$$

となる。これによつて求めた推定式を第3表に示す。

第3表 推定された樹高曲線式の係数 (NÄSLUND式)

試験地	調査 係 数	第1回		第2回		第3回	
		α_1	β_1	α_2	β_2	α_3	β_3
東京	山宮	1.2510	0.2878	1.3597	0.2492		
	大代	0.8195	0.2650	0.7593	0.2458		
	富士根(無施行区)	1.2205	0.2399	1.3501	0.2220		
	富士根	0.9826	0.2515	1.0614	0.2364		
	荻ノ入(無施行区)	1.0886	0.2217	1.0928	0.2138		
	荻ノ入	1.1358	0.2183	1.1466	0.2129		
	都沢(無施行区)	0.5412	0.2545	0.5895	0.2370		
	都沢	0.8107	0.2332	0.7281	0.2257		
	大谷(無施行区)	0.7169	0.2551	1.0107	0.2281		
青森	大谷	0.8569	0.2547	0.8448	0.2438		
	侍浜(第1区)	0.1669	0.3743	0.6673	0.3099		
	侍浜(第2区)	0.2972	0.3648	0.5630	0.3079	0.4861	0.2915
	侍浜(第4区)	0.3205	0.3536	0.4627	0.3105	0.6871	0.2717
	一ノ関除伐	0.5144	0.3870	0.4978	0.3067	0.5961	0.2745
	一ノ関立木度比較	0.5306	0.2175	0.6944	0.2093	0.7067	0.2045
	松森山立木度比較	0.5598	0.2259	0.6442	0.2017	0.6691	0.1931

注：一部の試験地の α_1 , β_1 が第2表の値と違つているのは曲線式の比較の後、第2回以降の測定値との関係から一部の資料を棄却したためである。

第1回測定の平方和、積和を

$$(Sx^2)_1, (Sxy)_1, (Sy^2)_1$$

回帰常数、回帰係数を

$$\alpha_1, \beta_1$$

また第2回測定のものをそれぞれ

$$(Sx^2)_2, (Sxy)_2, (Sy^2)_2$$

とすれば、測定ごとの回帰係数の差の有意性検定は次のようにして行なうことができる。

共通回帰（これは測定ごとの平均値から作られる回帰である）の回帰係数 β' を $(Sx^2)_1 + (Sx^2)_2$,

$(Sxy)_1 + (Sxy)_2$ から求める。次に

$$q^2 = \{(Sy^2)_1 + (Sy^2)_2\} - \beta' \{ (Sxy)_1 + (Sxy)_2 \} - \{ (Sd_{y, x^2})_1 + (Sd_{y, x^2})_2 \} \dots\dots\dots(5)$$

を計算すれば、これは検定るべき回帰係数間の差に基づく平方和で、自由度は 1 (3 回測定のときは 2) となる。これと比較すべき誤差の平方和は、(5)の右辺の第 3 項で表わされる成分 q'^2 である。各回の測定本数は同一だから、これを n とすると q'^2 の自由度は $2(n-2)$ (3 回測定の場合は $3(n-2)$) となる。ゆえに

$$F = \frac{q^2}{1} \div \frac{q'^2}{2(n-2)}$$

は自由度 1 と $2(n-2)$ (3 回測定のときは $F = \frac{q^2}{2} \div \frac{q'^2}{3(n-2)}$) で、自由度は 2 と $3(n-2)$ の F 分布にしたがう。この検定の結果を分散分析表の形で第 4 表に示す。これによつて、東京管内の大谷、荻ノ入 (無施行区)、荻ノ入、都沢の各試験地および青森管内の一ノ関除伐試験地では回帰係数間に有意な差がない、また東京の大代、富士根、都沢 (無施行区) の 3 試験地の回帰係数間には 5 % 水準で、他の 8 試験地では 1 % 水準で有意差のあることがわかる。

第 4 表 回帰係数間の有意差の検定に対する分散分析表 (NÄSLUND 式)

試験地	山 宮				大 代			
	d. f	平方和	平均平方		d. f	平方和	平均平方	
全回帰	1	665.5881			1	167.0726		
回帰間	1	3.4829	3.4829	90.68**	1	0.2784	0.2784	4.81*
回帰計	2	669.0710			2	167.3510		
誤 差	1346	51.6948	0.0384		182	10.5383	0.0579	
全 体	1348	720.7658			184	177.8893		
	$\beta_1=0.2871$				$\beta_1=0.2650$			
	$\beta_2=0.2492$				$\beta_2=0.2458$			

試験地	富 士 根 (無施行区)				富 士 根			
	d. f	平方和	平均平方		d. f	平方和	平均平方	
全回帰	1	321.8533			1	158.2847		
回帰間	1	0.4575	0.4575	14.66**	1	0.1300	0.1300	5.96*
回帰計	2	322.3108			2	158.4147		
誤 差	352	10.9916	0.0312		348	7.5907	0.0218	
全 体	354	333.3024			350	166.0054		
	$\beta_1=0.2399$				$\beta_1=0.2515$			
	$\beta_2=0.2220$				$\beta_2=0.2364$			

試験地	大 谷 (無 施 行 区)				大 谷			
	d. f	平方和	平均平方		d. f	平方和	平均平方	
全回帰	1	214.8873			1	198.4679		
回帰間	1	0.6733	0.6733	12.15**	1	0.0938	0.0938	2.94
回帰計	2	215.5606			2	198.5617		
誤 差	268	14.8483	0.0554		304	9.6997	0.0319	
全 体	270	230.4089			306	208.2614		
	$\beta_1=0.2551$				$\beta_1=0.2547$			
	$\beta_2=0.2281$				$\beta_2=0.2438$			

第4表(つづき)

試験地	荻ノ入(無施行区)				荻ノ入			
変動因	d, f	平方和	平均平方		d, f	平方和	平均平方	
全回帰	1	257.3661			1	178.7488		
回帰間	1	0.0829	0.0829	3.02	1	0.0280	0.0280	0.79
回帰計	2	257.4490			2	178.7768		
誤差	304	8.3374	0.0274		352	12.4129	0.0353	
全体	306	265.7864			354	191.1897		
		$\beta_1=0.2217$				$\beta_1=0.2183$		
		$\beta_2=0.2183$				$\beta_2=0.2129$		
試験地	都沢(無施行区)				都沢			
変動因	d, f	平方和	平均平方		d, f	平方和	平均平方	
全回帰	1	124.8541			1	114.6713		
回帰間	1	0.1578	0.1578	4.63*	1	0.0302	0.0302	1.15
回帰計	2	125.0119			2	114.7015		
誤差	148	5.0447	0.0341		204	5.3496	0.0262	
全体	150	130.0566			206	120.0511		
		$\beta_1=0.2545$				$\beta_1=0.2332$		
		$\beta_2=0.2370$				$\beta_2=0.2257$		
試験地	侍浜(第1区)				侍浜(第2区)			
変動因	d, f	平方和	平均平方		d, f	平方和	平均平方	
全回帰	1	84.2495			1	100.5067		
回帰間	1	0.7526	0.7526	39.82**	2	0.8795	0.4398	14.37**
回帰計	2	85.0021			3	101.3862		
誤差	236	4.4646	0.0189		198	6.0612	0.0306	
全体	238	89.4667			201	107.4474		
		$\beta_1=0.3743$				$\beta_1=0.3648$	$\beta_3=0.2915$	
		$\beta_2=0.3099$				$\beta_2=0.3079$		
試験地	侍浜(第4区)				一ノ関除伐(第3区)			
変動因	d, f	平方和	平均平方		d, f	平方和	平均平方	
全回帰	1	199.4643			1	133.8641		
回帰間	2	2.2713	1.1357	60.86**	2	2.3347	1.1674	18.06**
回帰計	3	201.7356			3	136.1988		
誤差	285	5.3195	0.0187		285	18.4247	0.0647	
全体	288	207.0551			288	154.6235		
		$\beta_1=0.3536$	$\beta_3=0.2717$			$\beta_1=0.3870$	$\beta_3=0.2745$	
		$\beta_2=0.3105$				$\beta_2=0.3067$		
試験地	一ノ関立木度比較				松森山立木度比較			
変動因	d, f	平方和	平均平方		d, f	平方和	平均平方	
全回帰	1	226.9675			1	578.7960		
回帰間	2	0.1398	0.0699	2.17	2	3.4588	1.7294	27.60**
回帰計	3	227.1073			3	582.2548		
誤差	249	8.0287	0.0322		645	40.4226	0.0627	
全体	252	235.1360			648	622.6774		
		$\beta_1=0.2175$	$\beta_3=0.2045$			$\beta_1=0.2259$	$\beta_3=0.1931$	
		$\beta_2=0.2093$				$\beta_2=0.2017$		

注：ただし平方和は(測定が2回の場合) 全回帰= $\beta' \{(Sxy)_1 + (Sxy)_2\}$, 回帰間= q^2 誤差= $(Sd_{y,x^2})_1 + (Sd_{y,x^2})_2$, 全体= $(Sy^2)_1 + (Sy^2)_2$

*は5%水準 **は1%水準で有意なことを示す。

を計算し、 F 表の自由度 1 と 2 ($n-2$) の値と比較すれば回帰常数の差の有意性検定ができる。この結果を第5表に示す。 F の値からわかるように第1回測定、第2回測定（一ノ関立木度比較試験地では第3回測定）に対する樹高曲線式の常数間にはきわめて有意な差がある。したがつて回帰係数の検定結果を考え合わせると、時間の経過とともに樹高曲線の形状が変化することはまちがいない。

4. 樹高曲線を一定としたときの影響

樹高曲線を一定としたときの蓄積、成長量が直径、樹高の毎木測定値から求めたものとどれくらい違ってくるかをみるために、樹高曲線式の決定に用いた資料から次の3つの方法で蓄積と成長量を求め比較を行なつた。

- (a) 直径樹高の毎木測定値による。
- (b) 直径の毎木測定値と、各回ごとの樹高曲線式から求めた樹高推定値による。
- (c) 直径の毎木測定値と、第1回測定時の樹高曲線式から求めた樹高推定値による。

この場合直径は 1 cm 括約とし、(a)の樹高実測値および(b), (c)の樹高推定値は 1 m 括約でまとめ、1 cm 直径階に補間した材積表から材積を計算した。

第6表の結果からわかるところおり、調査ごとに樹高曲線式を作れば、毎木調査とはほとんど差のない蓄積（差の割合は 1.5% 以内）が得られる。これに反して第1回調査時の曲線式を第2回調査以降も用いると 4 ~ 27% の過少な値が得られる。この傾向は成長量の場合にはさらに著しく、各調査時の曲線を用いれば真値からの差はほぼ 4% 以内であるのに、第1回調査の式を引き続いて用いると松森山立木度比較試験地のように約 38% にまで低下する。これは時間の経過とともに、同一直径でも樹高が増加することを示しているが、これとともに考えなければならないのは NÄSLUND 式の、直径階の増加につれて、だいに勾配が減少するという性質である。すなわちある時間の後には、林の直径範囲が直径階の大きい方に移動するため、直径の単位增加に対する樹高の増加、したがつて材積の増加が相対的に現実のものより低くなるのである。前に述べたように、東京の5試験地では一次式は NÄSLUND 式より多少適合が悪いことがわかつた。しかしその違いはそう大きいものでなかつたから、勾配の一定な一次式をあてはめた場合にも蓄積、成長量に NÄSLUND 式と同じような結果が得られるかどうかを検討してみた。回帰係数、回帰常数の検定および蓄積、成長量計算の方法は前と同じである。この結果を第7~10表に示す。

この場合には、1% 水準で回帰係数間に有意差のみられたのは東京の山宮、青森の侍浜（第1区）および（第4区）の3試験地のみであつた。そこで他の13試験地について、さらに常数間の差の有意性検定を行なつたところ、いずれもきわめて有意な差のあることがわかつた。また一次式から求めた樹高推定値をもとにして計算した蓄積、成長量にも NÄSLUND 式の場合とはほとんど同様な傾向がみられる。すなわち、調査ごとに樹高曲線式をつければ、毎木調査に比し、±1.5% 以内の誤差に納まるが、当初の樹高曲線式を次回以降も用いるといずれも過少な値を示し、極端な場合には一ノ関（除伐）のように 28.4% も過少な値を示すものもある。この関係は成長量の場合にはさらに拡大され、樹高曲線式を各調査ごとに作る場合の誤差がたかだか ±6% 以内に比し、固定した場合は 60% 以上の過少の値を示すものがある。いずれにしても樹高曲線式を固定した場合は常に過少な値を示すことは注目を要することである。

第6表 蕁、成長量の比較 (NÄSLUND式)

試験地	第1回測定				第2回測定				第3回測定				積				成長量			
	毎木		樹高曲線		毎木		樹高曲線		毎木		樹高曲線		毎木		樹高曲線		毎木		樹高曲線	
	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定
東京 山宮	10.5098 (98.9%)	10.3931 (98.5%)	20.9237 (87.1%)	20.6110 (98.5%)	18.2262 (87.1%)								10.4139 (98.1%)	10.2179 (75.2%)	7.8331 (75.2%)					
六代	16.0175 (99.2%)	15.8911 (99.1%)	22.6986 (98.4%)	22.4974 (98.4%)	19.6054 (96.4%)								6.6811 (98.4%)	6.6063 (98.9%)	3.7143 (55.6%)					
富士根 (無施行区)	20.6473 (101.3%)	20.9225 (100.3%)	26.2358 (94.2%)	26.3083 (100.3%)	24.7048 (94.2%)								5.5895 (96.4%)	5.3858 (67.7%)	3.7823 (67.7%)					
富士根 ノ入	23.1439 (99.0%)	22.9216 (99.0%)	29.7780 (99.3%)	29.5604 (92.6%)	27.5620 (92.6%)								6.6341 (100.1%)	6.6388 (69.9%)	4.6404 (69.9%)					
荻ノ入	18.3442 (99.2%)	18.1900 (99.2%)	22.6443 (93.7%)	22.4622 (93.7%)	21.2215 (93.7%)								4.3001 (99.4%)	4.2722 (70.5%)	3.0315 (70.5%)					
荻ノ入	29.5211 (99.6%)	29.4034 (99.6%)	35.9471 (98.9%)	35.5621 (95.8%)	34.4309 (95.8%)								6.4260 (95.8%)	6.1587 (78.2%)	5.0275 (78.2%)					
都沢 (無施行区)	18.2555 (98.5%)	17.9816 (98.5%)	23.7661 (99.7%)	23.6876 (88.8%)	21.1129 (88.8%)								5.5126 (103.5%)	5.7060 (56.8%)	3.1313 (56.8%)					
都沢	25.4819 (100.1%)	25.5186 (100.1%)	33.3116 (100.2%)	33.3933 (91.6%)	30.5259 (91.6%)								7.8297 (100.6%)	7.8747 (64.0%)	5.0073 (64.0%)					
六谷 (無施行区)	24.4844 (99.6%)	24.3969 (99.6%)	31.1921 (99.7%)	31.1486 (91.5%)	28.5388 (91.5%)								6.7077 (100.7%)	6.7517 (61.7%)	4.1419 (61.7%)					
六谷	29.4179 (100.5%)	29.0738 (98.8%)	37.0908 (99.7%)	36.9817 (99.7%)	34.0114 (99.7%)								7.6729 (103.1%)	7.9079 (64.4%)	4.9376 (64.4%)					
青森 侍浜(第1区)	5.506 (100.5%)	5.534 (101.4%)	7.978 (90.5%)	8.086 (90.5%)	7.218 (90.5%)								2.472 (103.2%)	2.552 (68.1%)	1.684 (68.1%)					
侍浜(第2区)	2.884 (100.5%)	2.899 (101.1%)	4.000 (87.6%)	4.044 (87.6%)	3.504 (87.6%)								1.116 (77.0%)	1.145 (102.6%)	0.605 (54.2%)	1.857 (54.2%)	1.836 (54.2%)			
侍浜(第4区)	3.578 (99.0%)	3.544 (100.6%)	5.035 (86.3%)	5.064 (86.3%)	4.347 (86.3%)								5.248 (76.7%)	1.457 (104.3%)	0.803 (55.1%)	1.810 (101.1%)	1.830 (101.1%)	0.901 (49.8%)		
一ノ開除伐	0.675 (96.9%)	0.654 (99.6%)	1.559 (99.6%)	1.552 (72.5%)	1.130 (72.5%)								1.432 (66.9%)	0.884 (101.6%)	0.476 (53.8%)	0.582 (101.7%)	0.592 (101.7%)	0.302 (51.9%)		
一ノ開立木度比較	33.104 (99.5%)	32.929 (99.8%)	39.444 (98.4%)	39.355 (98.4%)	38.812 (99.8%)								48.487 (94.4%)	45.836 (101.4%)	6.340 (92.8%)	6.426 (92.8%)	5.883 (100.1%)	9.120 (77.0%)	7.024 (77.0%)	
松森山立木度比較	63.298 (99.2%)	62.807 (100.1%)	82.706 (84.8%)	82.801 (100.1%)	80.154 (84.8%)								96.022 (99.9%)	76.141 (79.2%)	19.408 (103.0%)	19.994 (98.3%)	7.347 (37.9%)	13.448 (98.3%)	13.221 (44.5%)	

注：（ ）内は年木調査による数値に対する多を表わす。

第7表 推定された樹高曲線式の係数(一次式)

試験地	調査 係 数	第1回		第2回		第3回	
		a ₁	b ₁	a ₂	b ₂	a ₃	b ₃
東京	山宮	2.15	0.5026	2.48	0.5326		
	大代	8.55	0.1659	10.13	0.1712		
	富士根(無施行区)	5.08	0.3727	5.05	0.4082		
	富士根	7.49	0.2425	7.97	0.2574		
	荻ノ入(無施行区)	6.39	0.4094	7.00	0.4052		
	荻ノ入	7.86	0.3283	8.56	0.3188		
	都沢(無施行区)	11.38	0.1203	12.48	0.1388		
	都沢	10.71	0.1904	12.20	0.1769		
	大谷(無施行区)	9.48	0.1749	10.24	0.1921		
	大谷	9.07	0.1699	10.02	0.1688		
青森	侍浜(第1区)	7.39	0.0374	6.83	0.1567		
	侍浜(第2区)	6.77	0.0872	7.06	0.1722	8.39	0.1553
	侍浜(第4区)	6.75	0.1137	7.13	0.1861	6.93	0.2817
	一ノ関除伐	3.58	0.3416	4.97	0.4415	5.05	0.5108
	一ノ関立木度比較	14.72	0.1619	14.10	0.1933	15.11	0.1776
	松森山立木度比較	13.49	0.1575	14.98	0.2202	15.78	0.2399

注:一部の試験地の a₁, b₁ が第2表の値と違つてゐるのは、曲線式の比較の後、第2回以降の測定値との関係から一部の資料を棄却したためである。

第8表 回帰係数間の有意差検定に対する分散分析表(一次式)

試験地	山宮				大代			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
全回帰	1	2581.39			1	73.54		
回帰間	1	2.34	2.34	7.23**	1	0.02	0.02	0.02
回帰計	2	2583.73			2	73.56		
誤差	1346	464.73	0.3236		182	153.70	0.8445	
全体	1348	3048.46			184	227.26		
$b_1=0.5026$				$b_1=0.1659$				
$b_2=0.5326$				$b_2=0.1712$				
試験地	富士根(無施行区)				富士根			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
全回帰	1	935.63			1	167.70		
回帰間	1	1.05	1.05	1.47	1	0.17	0.17	0.47
回帰計	2	936.68			2	167.87		
誤差	352	251.69	0.7150		348	125.70	0.3612	
全体	354	1,188.37			350	293.57		
$b_1=0.3727$				$b_1=0.2425$				
$b_2=0.4082$				$b_2=0.2574$				

第 8 表 (つづき)

試験地	大 谷 (無 施 行 区)				大 谷			
変動因	d. f	平方和	平均平方		d. f	平方和	平均平方	
全回帰	1	126.20			1	177.23		
回帰間	1	0.32	0.32	0.61	1	0.01	0.01	0.43
回帰計	2	126.52			2	177.24		
誤 差	268	139.49	0.5205		304	70.19	0.2309	
全 体	270	266.01			306	247.43		
		b ₁ =0.1749 b ₂ =0.1921				b ₁ =0.1699 b ₂ =0.1688		

試験地	荻 ノ 入 (無 施 行 区)				荻 ノ 入			
変動因	d. f	平方和	平均平方		d. f	平方和	平均平方	
全回帰	1	903.92			1	402.42		
回帰間	1	0	0	0	1	0.10	0.10	0.07
回帰計	2	903.92			2	402.52		
誤 差	304	246.15	0.8097		352	527.24	1.4978	
全 体	306	1150.07			354	929.76		
		b ₁ =0.4094 b ₂ =0.4052				b ₁ =0.3283 b ₂ =0.3188		

試験地	都 沢 (無 施 行 区)				都 沢			
変動因	d. f	平方和	平均平方		d. f	平方和	平均平方	
全回帰	1	35.53			1	80.00		
回帰間	1	0.17	0.17	0.24	1	0.10	0.10	0.16
回帰計	2	35.70			2	80.10		
誤 差	148	107.02	0.7231		204	129.19	0.6333	
全 体	150	142.72			206	209.29		
		b ₁ =0.1203 b ₂ =0.1388				b ₁ =0.1904 b ₂ =0.1769		

試験地	侍 浜 (第 1 区)				侍 浜 (第 2 区)			
変動因	d. f	平方和	平均平方		d. f	平方和	平均平方	
全回帰	1	7.69			1	21.13		
回帰間	1	2.71	2.71	15.26**	2	1.10	0.55	1.39
回帰計	2	10.40			3	22.23		
誤 差	236	41.91	0.1776		198	78.36	0.3958	
全 体	238	52.31			201	100.59		
		b ₁ =0.0374 b ₂ =0.1567				b ₁ =0.0872 b ₂ =0.1722		b ₃ =0.1553

試験地	侍 浜 (第 4 区)				一 ノ 開 除 伐 (第 3 区)			
変動因	d. f	平方和	平均平方		d. f	平方和	平均平方	
全回帰	1	95.73			1	299.97		
回帰間	2	9.99	4.995	13.76**	2	5.77	2.885	5.97*
回帰計	3	105.72			3	305.74		
誤 差	285	103.49	0.3631		285	137.83	0.4836	
全 体	288	209.21			288	443.57		
		b ₁ =0.1137 b ₂ =0.1861		b ₃ =0.2817		b ₁ =0.3416 b ₂ =0.4415		b ₃ =0.5108

第 8 表 (つづき)

試験地	一ノ関立木度比較				松森山立木度比較			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
全回帰 回帰間 回帰計 誤差 全体	1 2 3 249 252	165.11 0.73 165.84 320.61 486.45	0.365 1.2876	0.28	1 2 3 645 648	641.85 16.46 658.31 942.02 1600.33	8.23 1.4605	5.64*
		$b_1=0.1619$ $b_2=0.1933$	$b_3=0.1776$			$b_1=0.1573$ $b_2=0.2202$	$b_3=0.2399$	

5. 結論

以上のことから、固定試験地の蓄積および成長量を求める際、樹高曲線の形状が変化しないと仮定し樹高曲線を固定することはきわめて危険で、全林木の樹高測定が困難な場合には少なくとも調査ごとに新しく樹高曲線を作成すべきである。この場合樹高測定は原則として標本木についてのみ行なわれるから、蓄積および成長量の推定値には当然抽出誤差が含まれる。この誤差は材積計算に単木材積表を用いているから、直接樹高曲線式の推定の誤差と結びつけるのは困難である。したがつて誤差の評価が容易で手数も少なくてすむ胸高直径のみによる材積表を調査のつど作る方がよいと思われる。なおこの材積表も初回調査の際のものをそれ以後引き続いて用いると、樹高曲線をかえないと同一の結果になるから注意を要する。

この研究は「収穫試験施行要綱」作成の基礎資料をうる目的で行なつたもので、貴重な資料を提供された東京営林局太田技官、林業試験場東北支場井沼・森両技官および御指導をいただいた測定研究室長大友技官に厚くお礼を申し上げる。

文獻

- 1) ASSMANN, E : Untersuchungen über die Höhenkurven von Fichtenbeständen, Allgemeine Forst- und Jagdzeitung, (1943, 44)
- 2) SPEIDEL, E : Beiträge zu den Wuchsgesetzen des Hochwaldes und zur Puchforschungslehre, Tübingen, (1893)
- 3) SPEIDEL, G : Die rechnerischen Grundlagen der Leistungskontrolle und ihre Praktische Durchführung in der Forsteinrichtung, Frankfurt am Main, (1957)
- 4) 河田杰：スギ林間伐試験の成績（第2回），林業試験場研究報告，76 (1954)
- 5) ナイル著
大友栄松訳：林業林産における統計的方法 樹影, 昭. 30, 5, (1955)
- 6) 大友栄松：材積表調製に関する研究（第1報）(英文), 日林誌, 38, 5, (1956)
- 7) 林業試験場経営部：立木材積表調製法解説書I (立木幹材積表調製方法), (1956)

第 9 表 回帰常数間の有意差検定に対する分散分析表（一次式）

試験地	大 代				富士根（無施行区）			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
回帰間	1	136.31			1	1,004.88		
回帰間	1	0.02			1	1.05		
平面間差	1	123.43	123.43	146.15**	1	27.20	27.20	38.04**
誤差	182	153.70	0.8445		352	251.69	0.7150	
全 体	185	413.46			355	1,284.82		

試験地	富 士 根				大 谷（無施行区）			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
回帰間	1	227.01			1	171.31		
回帰間	1	0.17			1	0.32		
平面間差	1	44.98	44.98	124.53**	1	78.15	78.15	150.14**
誤差	348	125.70	0.3612		268	139.49	0.5205	
全 体	351	397.86			271	389.27		

試験地	大 谷				荻ノ入（無施行区）			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
回帰間	1	136.17			1	949.46		
回帰間	1	0.01			1	0		
平面間差	1	64.30	64.30	278.48**	1	22.91	22.91	28.36**
誤差	304	155.55	0.2309		304	246.15	0.8079	
全 体	307	356.03			307	1,218.52		

試験地	荻ノ入				都沢（無施行区）			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
回帰間	1	452.25			1	67.17		
回帰間	1	0.10			1	0.17		
平面間差	1	23.89	23.89	15.95**	1	80.75	80.75	111.67**
誤差	352	527.24	1.4978		148	107.02	0.7231	
全 体	355	1,003.48			151	255.11		

試験地	都 沢				侍浜（第 2 区）			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
回帰間	1	124.27			1	133.02		
回帰間	1	0.10			2	1.10		
平面間差	1	69.97	69.97	110.48**	2	149.63	74.82	189.03**
誤差	204	129.19	0.6333		198	78.36	0.3958	
全 体	207	323.53			203	362.11		

試験地	一ノ関除伐				一ノ関立木度比較				松森山立木度比較			
変動因	d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方		d.f	平方和	平均平方	
回帰間	1	570.53			1	239.02			1	1,069.49		
回帰間	2	5.77			2	0.73			2	16.46		
平面間差	2	277.06	138.53	286.46	2	23.83	11.92	9.26**	2	1,797.93	898.97	615.52
誤差	285	137.83	0.4836		249	320.61	1.2876		645	942.02	1.4605	
全 体	290	991.19			254	584.19			650	3,825.90		

第10表 著積成長量の比較(一次式)

樹高曲線の変化について(研究資料)(諏訪・真辺・神戸)

—181—

試験地	第1回測定				第2回測定				第3回測定				成積				成長量			
	每木		樹高曲線		每木		樹高曲線		每木		樹高曲線		每木		樹高曲線		每木		樹高曲線	
	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定	各回	固定
東京 山宮	10.50975	10.63668	20.92368	20.69067	19.32679	(98.9%)	(98.9%)	(92.4%)									10.41335	10.05399	8.69011	
大代	16.0175	16.0423	22.69862	22.61430	19.7456	(99.6)	(99.6)	(87.0)									6.6811	6.5720	3.7033	(96.5%)
富士根(無施行区)	20.64725	20.82336	26.23682	26.23000	24.88062	(100.9)	(100.0)	(94.8)									5.58957	5.40664	4.05726	
富士根	23.1439	23.3384	29.77780	29.7008	28.2521	(100.8)	(99.7)	(94.9)									6.6340	6.3624	4.9137	(95.9)
荻ノ入(無施行区)	18.34417	18.30087	22.64428	22.78977	21.69757	(99.8)	(100.6)	(95.8)									4.30011	4.4889	3.3967	(74.1)
荻ノ入	29.5211	29.1464	35.9471	36.0427	34.4704	(98.7)	(100.3)	(95.9)									6.42660	6.8963	5.3240	(104.4)
都沢(無施行区)	18.2535	18.0920	23.7661	23.81190	21.4461	(99.1)	(100.2)	(90.2)									5.51260	5.7199	3.3541	(79.0)
都沢	25.4819	25.5477	33.31163	33.22190	30.6233	(100.3)	(99.7)	(99.9)									7.8297	7.6742	5.0756	(82.9)
大谷(無施行区)	24.4844	24.4094	31.1921	31.3776	28.6575	(99.7)	(100.6)	(91.9)									6.7077	6.9682	4.2481	(60.8)
大谷	29.4179	29.2002	37.0908	37.16530	34.2865	(99.3)	(100.8)	(92.4)									7.6729	7.9651	5.0863	(63.3)
侍浜第1区	5.506	5.534	7.978	8.086	7.218	(100.5)	(101.4)	(90.5)								2.472	2.552	1.684	(103.2)	
侍浜第2区	2.884	2.899	4.000	3.996	3.504	(100.5)	(99.9)	(87.6)	5.857	(100.4)	(77.6)					1.116	1.097	0.605	(98.3)	
侍浜第4区	3.578	3.544	5.035	5.078	4.398	(99.0)	(100.9)	(87.3)	6.845	(100.3)	(78.8)	5.395	1.457	1.534	0.854	1.810	1.884	1.040	(54.2)	
一ノ関除伐	0.675	0.665	1.559	1.573	1.175	(98.5)	(100.9)	(75.4)	2.141	(102.6)	(71.6)	1.533	0.884	0.908	0.510	0.582	0.623	0.358	(101.5)	
一ノ関立木度比較	33.104	32.818	39.444	39.500	38.942	(99.1)	(100.1)	(98.7)	48.564	(100.2)	(95.9)	46.553	6.340	6.682	6.124	8.655	9.181	7.611	(107.0)	
松森山立木度比較	63.298	62.711	82.706	82.729	70.172	96.154	96.529	76.409	19.408	20.018	7.461	13.448	10.031	(100.4)	(79.5)	13.800	6.237	(102.6)	(38.4)	

注：()内は毎木調査による数値に対する名を表わす。

〔付表〕 直径対樹高相関表
山宮第1回調査

H m D cm	3	4	5	6	7	8	9	10	計
2	6								6
3	17	14							31
4	5	39	10						54
5	2	19	56	5					82
6	1	5	52	25	1	1			85
7		1	24	75	10				110
8			3	56	36	1			96
9			1	27	55	3			86
10			1	7	42	17			67
11			1	1	12	18	3		35
12					8	8		1	17
13					1	1	1		3
14						1	1		2
15							1		1
計	31	78	148	196	165	50	6	1	675

第2回調査

H m D cm	3	4	5	6	7	8	9	10	11	計
3	9	4								13
4	2	20	11			1				34
5	13	18	7	1						39
6	5	13	30	4	1					53
7	1	2	25	29	4					61
8		1	10	49	11					71
9			4	39	37	2				82
10			1	16	62	16				95
11				2	32	31	3			68
12				2	15	44	8			69
13					1	31	16	2		50
14					1	13	6	1		21
15					1	2	10	1		14
16							1	2		3
17								1		1
18								1		1
計	11	43	45	77	142	166	139	44	8	675

大代 第1回調査

H m D cm	9	10	11	12	13	14	15	計
11	1							1
12	1		1					2
13			1					1
14			7	1				8
15		1	1	1				3
16			3	5				8
17		3	3	3				9
18		1	2	6	3			12
19		2	3	1	1			7
20		1	1	6	3	2	1	14
21			4		1			5
22			1	2	1			4
23			1	4	1	1		7
24				3	1	2		6
25				1				1
26			1	1		1		3
27					1	1		2
計	2	8	29	34	12	7	1	93

第2回調査

H m D cm	10	11	12	13	14	15	16	計
12	1	1						2
13			1					1
14			1					1
15		3						3
16		1		4	1			6
17			1	1	3			5
18		2		2	3	1		8
19		2		3	3			8
20		1		2	4	3		10
21			1	2	1	4		8
22				1	1	3	2	7
23				2	3	4	1	10
24			1	1	1	1		4
25					2	6		8
26				1	1	1	1	4
27			1		1	1		3
28					1	1		2
29					1	1		2
30						1		1
計	1	1	15	19	26	27	4	93

富士根(無施行区)第1回調査

H m D cm	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	計
4 5	2										2
6 7 8 9 10		4	2 1	1 1	1 1 3						4 3 4 1 4
11 12 13 14 15			1		1 2 2 1 2	5 3 6 4 2	1 2 7 7 12	1 2			7 7 15 13 18
16 17 18 19 20						4 1	10 14 5 1	4 7 16 4 8	2 1 2 4		18 24 22 7 12
21 22 23								2 4 2	5 2	1 1	8 5 4
計	2	5	4	2	13	25	59	50	16	2	178

第2回調査

H m D cm	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	計
4 5	2											2
6 7 8 9 10		4	2 1	1 1		1 1						4 3 3 1 1
11 12 13 14 15			1		1	3 4 2	1 2 2	2 4 8	1 3			6 6 7 11 15
16 17 18 19 20					1		2 1 2	9 9 10 5 1	3 8 8 13 9	1 2 1		15 19 22 19
21 22 23 24 25									6 3 1 3	6 5 4 2	2	10 12 8 7 5 2
計	2	5	4	2	3	11	20	48	58	21	4	178

富士根 第1回調査

H m D cm	9	10	11	12	13	14	計
10	1	1					2
11		1					1
12	1	2	1				4
13		5	7				12
14		8	4	6			18
15			14	10			24
16		3	13	11	1		28
17			7	13			20
18			5	12	1		18
19			1	13	5	1	20
20			1	9	5		15
21			2	3	3	1	9
22					1	1	2
23					1		1
24			1			1	2
計	2	20	56	77	17	4	176

第2回調査

H m D cm	9	10	11	12	13	14	15	計
11		1	1					2
12			1					1
13	1		1	1				3
14			5	4				9
15			7	8	3			18
16			1	13	6			20
17		2	15	12				29
18			6	8	2			16
19		1	2	13	2			18
20			1	12	10			23
21			1	6	5	1		13
22				4	8	1		13
23			1	2	1	2		6
24				1	1			2
25					1			1
26					1			2
計	1	1	19	52	68	30	5	176

荻ノ入（無施行区）第 1 回調査

H m D cm	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	計
6	1										1
7											
8	2	1	2								5
9	1	1	5	4	1						12
10	2	4	3	1							10
11	2	2	5	2							11
12		1	5	4	3						13
13		1	2	6	2						11
14		1	5	4	3						13
15				5	5	3					13
16				3	6	4					13
17					2	10	2				12
18					3	5	3				13
19					3	5	4				12
20						3					3
21					1	1	2				4
22						2	2	1	1		6
23						2					2
計	4	6	16	24	28	26	30	18	1	1	154

第 2 回 調 査

H m D cm	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	計
6	1											1
7												
8	1	2	1	1								5
9		1		3		1						6
10		1	2	8	2							13
11			1	5	5	1						12
12			2	3	4	4	2					11
13			3	2	4	4						9
14				1	4	4	3					12
15					2	3	1					6
16						6	2	5				14
17				1		4	1	6				11
18						1	3	4	3			10
19							1	8	4			14
20							4	2	2			9
21								1	2			5
22								3	2	2		4
23									4	1		4
24										1		5
25											1	1
26									1	1		2
計	2	4	5	24	18	28	18	32	18	4	1	154

荻ノ入 第1回調査

D cm	H m	10	11	12	13	14	15	16	17	計
	11		3							3
	12	2	1		3					6
	13	1	3	5	3					12
	14				11	4	1			16
	15		1	10	5	4				20
	16		1	2	10	4	1			18
	17	1	1	3	6	12	4	1		28
	18			1	6	11	2			20
	19				2	9	1		1	13
	20					4	6	4	1	19
	21				4	4	4			8
	22					1	2	3		6
	23					1	1		1	3
	24					1		1		2
	25					1				1
	26							2	1	3
計		4	10	21	50	56	22	11	4	178

第2回調査

D cm	H m	10	11	12	13	14	15	16	17	18	計
	11		1	1							2
	12	1	1	1							3
	13		3	3	2						8
	14	3	1	5	5						14
	15			5	2	6	1				14
	16		2	6	5	1	1				15
	17		1	3	9	5					18
	18			7	9	6	1				23
	19				1	8	10	2	1		22
	20				1	2	3	2	1		9
	21					4	5	2	5	1	17
	22					2	4	7	1		14
	23						4	1			5
	24						1	4			5
	25							1	1		2
	26						1			2	3
	27							1			1
	28								2	1	3
計		1	5	9	31	48	46	23	11	4	178

都沢（無施行区）第 1 回調査

H m D cm	12	13	14	15	16	計
14	1		1			2
15		2				2
16	3	1	4	1		9
17		3	1	1		5
18	1	2	1			4
19		2	4			6
20			6	1		7
21		2	4	1	1	8
22		2	4	3		9
23				2		2
24		1	4	1	2	8
25			4	4		8
26			2		1	3
27		1		1		1
28						2
計	5	16	36	15	4	76

第 2 回 調 査

H m D cm	12	13	14	15	16	17	18	計
14	1							1
15			2					2
16				1				1
17			1		3			4
18			1	5	2			8
19			1	2		1		4
20			2	2	1			5
21				3	2			5
22			2	1	4	1		8
23				2	3	2		7
24				2	1	2		5
25				1	3	2		6
26		1		2	2	3		8
27					2	2		4
28				2	1	1		5
29				1				1
30						2		2
計	1	1	9	24	24	16	1	76

都沢 第1回調査

H m D cm	12	13	14	15	16	17	計
14			1				1
15		1	2				3
16		4	1				5
17		2	3	3			8
18	1	1	6	3			11
19		2	4	6	1		13
20			2	4	3		9
21		1	10	7			18
22			4	7	4		15
23			1	2	3	1	7
24			1		2		3
25					2		2
26			1	1	1		5
27				2	1		3
28					1		1
計	1	11	36	35	18	3	104

第2回調査

H m D cm	14	15	16	17	18	計
15	1	1				2
16		2				2
17	1	3	1			5
18	1	3	1			5
19		5	6			11
20		4	3	1		8
21		3	2	4		9
22		1	3	7		11
23			8	7		15
24		3	4	4	1	12
25	1		5	1	2	9
26				1		2
27			1	1	1	3
28				1	2	3
29			2		2	4
30					1	1
31				2		2
計	4	25	36	29	10	104

大谷（無施行区）第 1 回調査

H m D cm	10	11	12	13	14	15	計
10	-	-	1				1
11	1	1					2
12		2					2
13		2	3				5
14		2	3	4			9
15		3	5	1			9
16		1	6	5			12
17		1	6	7	2		16
18		1	5	3			9
19		1	2	6	6		15
20			2	9	1		12
21			1	6	6	1	14
22			1	2	6		9
23				4	5		9
24			1	3	4	1	9
25							
26				1			1
27					2		2
計	1	14	36	51	32	2	136

第 2 回 調 査

H m D cm	10	11	12	13	14	15	16	計
11	1			1				2
12		1						1
13		3	2					5
14		1	1					2
15		2	3	2				7
16			3	4	1			8
17		3	3	5	2			13
18			4	7	2			13
19			3	6	1			10
20			3	5	4			12
21		1		5	5	2		13
22			2	1	8			11
23			2		7	2		11
24				2	5	4		11
25				2	5			7
26					5	1		6
27				1	1			2
28					1			1
29					1			1
計	1		11	27	40	48	9	136

大谷 第1回調査

D cm	H m	10	11	12	13	14	計
13			1				1
14			3	2			5
15		1	3	3			7
16			3	4	2		9
17		1	3	9	8		21
18			6	8	7	1	22
19			1	6	5		12
20			1	8	9	1	19
21				4	8	1	13
22			1		7	7	15
23				2	10	3	15
24				2	3		5
25				1	3	1	5
26					1	1	2
27				1			1
28						1	1
29					1		1
計		2	22	50	64	16	154

第2回調査

D cm	H m	10	11	12	13	14	15	16	計
14				1					1
15			1	2	4				7
16				2	2				4
17				7		1	1		9
18		1	1	2	7	2			13
19				3	5	10			18
20				2	11	4	2		19
21				1	7	6		1	14
22					4	10	2	1	17
23					1	3	7		11
24						9	5		14
25					2	3	5		10
26					1	3	4		8
27					1	2	1		4
28					1	1	1		3
29							1		1
30						1			1
計		1	2	13	53	55	29	1	154

侍浜（第 1 区）第 1 回調査

H m D cm	7	8	9	計
8		1		1
9	1	12		13
10	2	20	1	23
11	4	22	1	27
12	2	23	1	26
13		15		15
14	1	8	1	10
15		2		2
16		2		2
17		1		1
計	10	106	4	120

第 2 回 調 査

H m D cm	7	8	9	10	計
10	1	3			4
11		3	15		18
12		13	13	1	27
13	1	6	19		26
14		3	11	2	16
15		1	12	2	15
16			4	4	8
17				2	2
18			2	1	3
19				1	1
計	2	29	76	13	120

侍浜（第 2 区）第 1 回調査

H m D cm	6	7	8	9	計
7			1		1
8	1	2	2		5
9	1	3	6	1	11
10		1	9		10
11		2	11	1	14
12		1	10	1	12
13	1	1	6	1	9
14			3		3
15				2	2
16			1		1
計	3	10	49	6	68

第 2 回 調 査

H m D cm	7	8	9	10	11	計
8		1	1			2
9	1	3	2	1		7
10		3	3			6
11		1	10	2		13
12		1	4	4		9
13		2	8	5		15
14		1	1	4		6
15			6			6
16			1	1		2
17				2		2
計	1	12	36	17	2	68







